

07 - Güte von linearen Approximationen

Luc Spachmann

FSU Jena

14.12.2023

- Designprinzip für Blockchiffren
- Lokale Substitution durch S Boxen
- 'Globale' Permutation
- Schlüsseladdition
- Arbeitet in Runden
- Beispiel: AES

- Das gleiche aus der VL
- 4 Blöcke à 4 Bit
- 4 Runden
- Alle Rundenschlüssel sind gleich
- Alle S-Boxen sind identisch
- S-Box:

| z | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | A | B | C | D | E | F |
|---------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| π_S | E | 4 | D | 1 | 2 | F | B | 8 | 3 | A | 6 | C | 5 | 9 | 0 | 7 |

- Permutation:

| z | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 |
|---------|---|---|---|----|---|---|----|----|---|----|----|----|----|----|----|----|
| π_P | 1 | 5 | 9 | 13 | 2 | 6 | 10 | 14 | 3 | 7 | 11 | 15 | 4 | 8 | 12 | 16 |

- Idee: Suche lineare Approximation an S-Boxen
- Sei $a, b \in \{0, 1\}^4$, U die gleichverteilte ZV für den Input der S-Box und $V = S(U)$. Dann

$$U_a = \bigoplus_{i=1}^4 a_i U_i \quad U_b = \bigoplus_{i=1}^4 b_i V_i$$

- Suche a, b, c sodass mit hoher Wahrscheinlichkeit gilt:

$$V_b = U_a \oplus c$$

- Bias einer Zufallsvariable X :

$$\varepsilon(X) = \Pr[X = 0] - \frac{1}{2}$$

- Wahrscheinlichkeit explizit berechnen durch relative Häufigkeiten

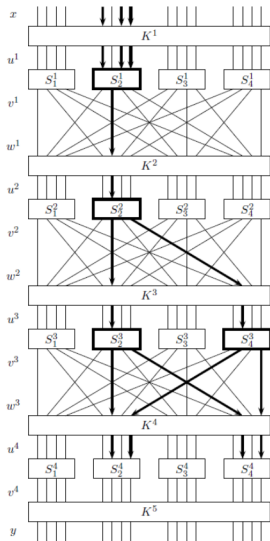
- Güte der Approximation für eine S-Box S :

$$T_S = |\varepsilon(U_a \oplus V_b)|$$

- Sei \mathcal{S} die Menge an aktiven S-Boxen
- Für $S \in \mathcal{S}$ ist T_S die Approximation der jeweiligen S-Box
- Güte der Approximation für das gesamte SPN (Piling-up Lemma):

$$\prod_{S \in \mathcal{S}} T_S$$

- Evaluiert die Güte einer linearen Approximation
- Input: S-Box, Approximation
- Format S-Box: Liste an Hexadezimalziffern (z.B. E4D12FB83A6C5907)
- Format Approximation:
 - Je zwei Hexadezimalziffern pro S-Box (außer letzte Zeile)
 - Erste für Input, zweite für Output
 - 00 für inaktive Box
- Permutation konstant
- Output: Güte der Approximation in standard output
- -1, falls keine gültige Approximation
- Programmname [S-Box] [Approximation]



Kodierung der Approximation:

| | | | |
|----|----|----|----|
| 00 | B4 | 00 | 00 |
| 00 | 45 | 00 | 00 |
| 00 | 45 | 00 | 45 |

Kodierung der S-Box:

E4D12FB83A6C5907