

#### Доказательство сортировки списков алгоритмом Хоара

Автор: Маллабаев Азамат Нурмухамадович, 143 группа Научный руководитель: ст.пр. С.В. Григорьев

Санкт-Петербургский государственный университет

2015

#### Введение

Разработан Чарльзом Хоаром во время работы в МГУ в 1960 году Эффективность порядка от O(nlogn) до  $O(n^2)$ 

# Алгоритм сортировки Хоара

- Взять опорный элемент (берем первый элемент списка)
- 🛾 Разбить список на 3 части, где элементы
  - Меньше опорного
    - Равны опорному
    - Больше опорного
- Отсортировать отдельно 1ую и 3юю часть
- Объединить все 3 части

### Аналоги и инструменты

#### Алгоритмы сортировки

- Сортировка пузырьком
- Шейкерная сортировка
- Сортировка слиянием

Инструмент реализации и доказательства - F\*

#### Постановка задачи

**Целью** работы является доказательство сортировки Хоара для списков

#### Задачи

- 🚺 Реализовать алгоритм для сортировки списка чисел
- Провести доказательство корректности алгоритма

# Реализация алгоритма

#### Определение

```
module HoarSort
type List 'a =
- | Empty
- | Smth: hd:'a -> tl:List 'a -> List 'a
val part: int -> List int -> Tot (List int * List int * List int)
val merge: List int * List int * List int -> Tot (List int)
val qsort: List int -> Tot (List int)
let rec qsort lst =
- match lst with
- | Empty -> Empty
- | Smth h t ->
- let al, bl, sl = part h lst
- - merge (gsort al) bl (gsort sl)
```

# Доказательство корректности алгоритма

### Доказательство

```
module Proof
open HoarSort
val sorted: MyList int -> Tot bool
let sorted lst =
- match lst with
- | Empty -> true
- | Smth a Empty -> true
- | Smth a (Smth b t) ->
- if a > b
```

- - then false
- - else sorted (Smth b t)

val sortedHoarSortResult: MyList 'a -> Tot unit let sortedHoarSortResult lst =

- assert(sorted (qsort lst))

### Результаты

#### Выполнены задачи

- Реализована сортировка Хоара для списков чисел
- Проведено доказательство корректности алгоритма

В ходе работы выявлены проблемы инструмента доказательства

- Неустоявшийся синтаксис
- Недоработанный верификатор
- Неустоявшийся интерфейс