

Тема 04: Алгоритмы сортировки

Цель работы: Изучить и реализовать основные алгоритмы сортировки. Провести их теоретический и практический сравнительный анализ по временной и пространственной сложности. Исследовать влияние начальной упорядоченности данных на эффективность алгоритмов. Получить навыки эмпирического анализа производительности алгоритмов.

Теория (кратко):

- **Сортировка пузырьком (Bubble Sort):** Многократно проходит по массиву, сравнивая и меняя местами соседние элементы. Сложность: $O(n^2)$ во всех случаях.
- **Сортировка выбором (Selection Sort):** На каждом проходе находит минимальный элемент из неотсортированной части и ставит его на очередную позицию. Сложность: $O(n^2)$.
- **Сортировка вставками (Insertion Sort):** Построение окончательного массива путем пошагового вставления каждого элемента в правильную позицию в уже отсортированной части. Сложность: $O(n^2)$ в худшем и среднем, $O(n)$ в лучшем (уже отсортированный массив).
- **Сортировка слиянием (Merge Sort):** Рекурсивный алгоритм "разделяй и властвуй". Массив разбивается на две части, которые сортируются рекурсивно, а затем сливаются в один отсортированный массив. Сложность: $O(n \log n)$ во всех случаях. Требует $O(n)$ дополнительной памяти.
- **Быстрая сортировка (Quick Sort):** Рекурсивный алгоритм "разделяй и властвуй". Выбирается опорный элемент, массив разделяется на элементы меньше и больше опорного, которые сортируются рекурсивно. Сложность: $O(n \log n)$ в среднем, $O(n^2)$ в худшем случае (плохой выбор опорного элемента). Сортировка на месте, не требует дополнительной памяти.

Практика (подробно):

Задание:

1. Реализовать 5 алгоритмов сортировки.
2. Провести теоретический анализ сложности каждого алгоритма.
3. Экспериментально сравнить время выполнения алгоритмов на различных наборах данных.
4. Проанализировать влияние начальной упорядоченности данных на эффективность сортировок.

Шаги выполнения:

1. **Создание проекта:** Создать файл `sorts.py`.
2. **Реализация сортировок (в `sorts.py`):**
 - Реализовать все 5 алгоритмов сортировки.
 - Для каждого метода в комментарии указать временную и пространственную сложность в худшем, среднем и лучшем случаях.
3. **Подготовка тестовых данных (в `generate_data.py`):**
 - Сгенерировать массивы целых чисел разного размера (напр., 100, 1000, 5000, 10000 элементов).
 - Разные типы данных:
 - Случайные (`random`)
 - Уже отсортированные (`sorted`)
 - Отсортированные в обратном порядке (`reversed`)

- Почти отсортированные (`almost_sorted`) (например, 95% упорядочено, 5% перемешано)

4. Эмпирический анализ производительности (в `performance_test.py`):

- Замерить время выполнения каждой сортировки на всех типах данных и для всех размеров.
- Использовать модуль `timeit` для точных замеров.
- **ВАЖНО:**

- Все замеры проводить на одной вычислительной машине.
- Убедиться, что каждый алгоритм корректно сортирует данные (написать проверочные тесты).
- Для каждого запуска использовать копию исходных данных, чтобы не сортировать уже отсортированный массив.

5. Визуализация (в `plot_results.py`):

- Построить графики зависимости времени выполнения от размера массива для каждого алгоритма на одном типе данных (например, случайные данные).
- Построить графики зависимости времени выполнения от типа данных для фиксированного размера массива (например, $n=5000$).
- Создать сводную таблицу результатов.

6. Анализ результатов:

- Сравнить теоретические оценки с практическими результатами.
- Определить наиболее эффективный алгоритм для каждого типа данных.
- Проанализировать поведение алгоритмов на краевых случаях (обратно отсортированный массив для Quick Sort).

7. **Оформление отчета:** Результаты оформить в файле `README.md`. Код должен соответствовать PEP8.

8. **Контроль версий:** Стратегия ветвления – GitHub Flow.

Критерии оценки:

- **Оценка «3» (удовлетворительно):**

- Реализованы 3 алгоритма сортировки (например, пузырьком, выбором, вставками).
- В коде присутствуют комментарии с оценкой сложности.
- Проведены базовые замеры времени для 2-3 размеров массивов на случайных данных.

- **Оценка «4» (хорошо):**

- Выполнены все критерии на «3».
- Реализованы все 5 алгоритмов сортировки.
- Код хорошо отформатирован и полностью прокомментирован.
- Проведены замеры для всех типов тестовых данных.
- Построены основные графики зависимости времени от размера массива для случайных данных.

- **Оценка «5» (отлично):**

- Выполнены все критерии на «4».
- Приведены характеристики ПК для тестирования.
- Проведен полный анализ влияния типа данных на эффективность сортировок.
- Построены сравнительные графики для всех алгоритмов на разных типах данных.

- В отчете присутствует детальный анализ результатов с выводами о применении каждого алгоритма (например, "Insertion Sort эффективен для маленьких или почти отсортированных массивов", "Quick Sort - лучший выбор в среднем случае", "Merge Sort стабилен и предсказуем по времени").
- Реализована и протестирована проверка корректности сортировки.

Рекомендованная литература

1. **Юрий Петров:** "Программирование на Python" — онлайн-курс и учебные материалы.
 - Ссылка для изучения: <https://www.yuripetrov.ru/edu/python/index.html>
2. **Кормен, Т., Лейзерсон, Ч., Ривест, Р., Штайн, К.** Алгоритмы: построение и анализ, 3-е издание.
— М.: Вильямс, 2022. — 1328 с.
 - (*Оригинальное название: Cormen, T.H., Leiserson, C.E., Rivest, R.L., Stein, C. Introduction to Algorithms, 3rd Edition*)
3. **Скиена, С.** Алгоритмы. Руководство по разработке, 3-е издание. — СПб.: БХВ-Петербург, 2022. — 720 с.
 - (*Оригинальное название: Skiena, Steven S. The Algorithm Design Manual, 3rd ed.*)
4. Visualgo: Визуализация алгоритмов сортировки — <https://visualgo.net/en/sorting>