Dr. Jürg M. Stettbacher

Neugutstrasse 54 CH-8600 Dübendorf

Telefon: +41 43 299 57 23 Email: dsp@stettbacher.ch

Quiz

Rechnen in Zahlensystemen

8421

Sie sollten in der Lage sein, die folgenden Fragen ohne langes Nachdenken beantworten zu können.

1. Schreiben Sie 9 binär.

1001.

2. Was ist 1100_b im Hexadezimalsystem?

C /

3. Was ist -6.25_d im 2-er System?

MO=6 0.25 * L= 0.5 * 0 6.25 = MO.O.A. .O.MO. O.A. .O.S * L= 0 * A. .O.A. .O.A.

4. Wozu braucht man das Horner-Schema?

Orrection de tablesystème

5. Wie findet man den Betrag einer negativen Oktalzahl heraus?

Fer-komplerent den +1:-0 8v

6. Was sagt ein Zahlenkreis aus?

Er zijt de Grenten au

7. Was ist das 10-er Komplement von 100_d ? Wie viele Stellen hat es?

3r.3635 .33300

8. Multiplizieren Sie schriftlich und von Hand im Binärsystem 1.25_d x (-6_d) .

1.01 *...1016 = ...0110111100000 -...1010111100010

Antworten

1.
$$9_d = 1001_b$$

2.
$$1100_b = C_h$$

3.
$$+6.25_d = \dots 00110.01_b$$

1-er Komplement: ... 11001.10_b
2-er Komplement: ... 11001.11_b

- 4. Mit dem Horner-Schema kann man Zahlen von einem Zahlensystem in ein anderes umwandeln.
- 5. Man bildet das 8-er Komplement.
- 6. Der Zahlenkreis bildet die möglichen Werte, die ein endliches (binäres) Register aufnehmen kann, auf einen geschlossenen Kreis ab. Im Gegensatz zum Zahlenstrahl ist der Zahlenkreis zyklisch. Das heisst, dass beim Zählen immer wieder die selben Werte durchlaufen werden, was mit der endlichen Darstellungsgrösse der Zahlen zusammen hängt und mit Überläufen, die beim Zählen entstehen.
- 7. ... $000100_d \longrightarrow 9$ -er Kompl. = ... $999899_d \longrightarrow 10$ -er Kompl. = ... 999900_d Die Zahl hat unendlich viele Stellen.
- 8. Zur Kontrolle: $1.25_d \times -6_d = -7.50_d$ Im Binärsystem schreiben wir mindestens ein Bit für das Vorzeichen mit auf:

$$\begin{array}{rcl} 1.25_d & = & \dots 01.01_b \\ 6_d & = & \dots 0110_b \\ -6_d & = & \dots 1010_b \end{array}$$

Die Operanden haben je 4 Stellen. Für das Resultat müssen wir mindestens 7 Stellen vorsehen. Wir führen die binäre Multiplikation aus, wobei wir -6_d mit Sign Extension darstellen $m\ddot{u}ssen$:

| 0 | 1. | 0 | 1 | x | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0. | | |
|---|----|---|---|---|-------|---|---|---|---|---|----|---|---|
| | | | | | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0. | 1 | 0 |
| | | | | | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0. | 0 | |
| | | | | | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0. | | |
| | | | | | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | | | | |
| | | | | | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0. | 1 | 0 |

Das Resultat ist negativ. Das 2-er Komplement davon ist $111.10_b = 7.5_d$. Das Resultat der Multiplikation ist also -7.5_d uns somit richtig.