Złożoność czasowa algorytmów

wszelkie prawa zastrzeżone zakaz kopiowania, publikowania i przechowywania all rights reserved no copying, publishing or storing

Maciej Hojda

Uwaga: Słowa "dany", "zadany", "podany", "wybrany", "ustalony" itd. w kontekście parametrów (zmiennych) oznacza parametr zadany przez użytkownika (a nie na stałe, przez programistę), a implementacja wykorzystująca taki parametr powinna obsługiwać jego różne wartości.

1 Zadanie nr 1

Dla listy liczb zadanej przez użytkownika, zaimplementuj algorytm (algorytmy)

- 1. znajdujący największy element na liście,
- 2. znajdujący drugi największy element na liście,
- 3. obliczający średnią elementów na liście.

Wejście: lista liczb.

Wyjście: jak w punktach.

Oszacuj złożoność czasową każdego z tych algorytmów.

2 Zadanie nr 2

Zaimplementuj algorytm mnożący dwie macierze kwadratowe zadane przez użytkownika.

Wejście: dwie macierze. Wyjście: wynik mnożenia.

Oszacuj złożoność czasową algorytmu.

3 Zadanie nr 3

Dany jest zbiór liczb całkowitych A zadanych przez użytkownika. Zweryfikuj (testując wszystkie możliwe kombinacje) czy dla jakiegokolwiek podzbioru zbioru A suma liczb jest równa dokładnie 0.

Wejście: zbiór liczb całkowitych

Wyjście: odpowiedź, czy istnieją szukane podzbiory; jeśli tak - wyświetl je.

Oszacuj złożoność czasową algorytmu.

4 Zadanie nr 4

Dla programów napisanych w zadaniu nr 1 niech n będzie długością listy. Wykonaj czynności (napisz program):

- 1. dla n zadanego przez użytkownika wygeneruj (losowo) listę liczb (skorzystaj z wbudowanego generatora liczb losowych),
- 2. uruchom program z zadania nr 1 na wygenerowanej liście,
- 3. zwróć czas działania programu (z zadania nr 1, nie samej generacji listy) dla zadanego n.

Powtórz czynności dla zadania nr 2 przyjmując za n rozmiar macierzy. Macierze generuj losowo. Powtórz czynności dla zadania nr 3 przyjmując za n długość listy. Listę generuj losowo.

Wejście: n, wersja programu (z zadania nr 1, 2 lub 3 – może być w osobnych programach). Wyjście: czas działania programu.

5 Zadanie nr 5

Dla każdej wersji zadania nr 4, czyli dla problemów z zadań 1, 2 i 3 wykonaj:

- \bullet dla każdego $n \in \{1, 2, 3, \dots, 10\}$ uruchom program po 10 razy,
- na wykresie od n (oś odciętych) wyświetl średni, minimalny i maksymalny czas działania algorytmu,
- przerwij działanie programu, jeśli wykonuje się dłużej niż 10 minut; ogranicz wykresy tylko do uzyskanych rezultatów,
- zestaw wykresy ze złożonością oszacowaną analitycznie.

Wyjście: 3 układy współrzędnych (dla problemów z zadań 1, 2, 3), każdy po 3 wykresy (średni, minimalny i maksymalny czas działania).