

# R3.02 : Développement efficace

# Table de Hachage

J-F. Kamp

Septembre 2024

#### Notion de table

Ensemble formé d'un nombre variable, éventuellement nul, de données sur lequel on peut effectuer les opérations suivantes :

- Ajout d'une nouvelle donnée (tuple en BDD)
- Recherche d'une donnée par sa clé
- Consultation de l'info associée à une clé
- Suppression du tuple d'après sa clé
- Test si la table est vide

#### Notion de table

#### On voudrait être efficace:

- Pour l'ajout : être aussi rapide qu'une liste chaînée (O(1))
- Pour la recherche : être aussi rapide qu'un tableau indicé (si on connait l'indice c'est O(1))
- Suppression : c'est comme une recherche

#### Exemple de table

# Un annuaire téléphonique :

- On suppose la clé = nom du correspondant
- Pour la recherche du numéro : on donne le nom (clé) et on retrouve le numéro
- Solution : utiliser un tableau indicé par les noms. En donnant le nom on accède immédiatement à la bonne case (O(1)).

#### Exemple de table

# Un annuaire téléphonique :

- Solution : utiliser un tableau indicé par les noms. En donnant le nom (clé) on accède immédiatement à la bonne case (O(1))
- Problème : un nom (chaîne de caractères) n'est pas un indice
- Solution : utiliser une fonction de hachage *h* qui converti la clé en un indice de tableau (un entier compris entre 0 et n-1)

indice = h(clé)

#### Exemple de table

Un annuaire téléphonique :

Exemple de fonction de hachage : utiliser le code ASCII de chaque caractère de la chaîne et additionner

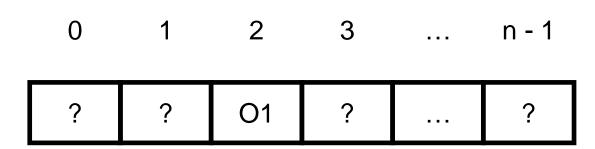
Soit *T* le tableau des caractères de la chaîne de longueur *L* :

$$h(clé) = ASCII(T[0]) + ... + ASCII(T[L-1])$$

$$h(clé) = 68+117+112+111+110+116$$
  
 $h(clé) = 634$ 

#### En pratique pour une table de hachage

Il faut un tableau indicé



 Pour insérer / rechercher une information (un objet O1 = numéro de tél. par ex.) associée à une clé (nom) on calcule l'indice

indice = h ( clé ) (= 2 dans l'exemple)

Cet indice sert A LA FOIS pour l'ajout dans le tableau ET la recherche (O(1)).

7

# Problèmes de la table de hachage

 Le tableau indicé a une taille de départ fixée (n)

0 1 2 3 4 ... n-1

? ? ? 01 ? ?

=> pour être certain que l'indice calculé (h(clé)) soit compris entre 0 et (n – 1) il faut prendre le modulo

indice = h ( clé ) mod n

exemple pour un tableau n = 10 : clé = Dupont indice = 634 mod 10 = 4

# Problèmes de la table de hachage

2. Rien ne garantit que l'indice calculé par hachage ne corresponde pas à une case DÉJÀ occupée = la COLLISION

3

0

Exemple : insérer un objet O2 (un autre numéro de tél.) associée à la clé Dupot

$$h(clé) = 68 + 117 + 112 + 111 + 116$$
  
 $h(clé) = 524$ 

En supposant n = 10: indice = h (clé) mod n = 4

... n - 1

# Problèmes de la table de hachage

 Trouver la fonction de hachage qui exploite au mieux TOUTES les cases du tableau

n - 1

10

 O10
 O2
 O4
 O12
 O1
 ...
 O3

Ce n'est pas un problème simple.

Par exemple : 95% de chance d'avoir une collision dans un tableau de 1 million de cases avant d'avoir ajouter 2500 tuples.

Il existe d'autres fonctions de hachage bien + performantes que le code ASCII.

Règle de départ

Démarrer avec un tableau de taille n = 2 X le nombre de tuples à insérer (densité de 50%).

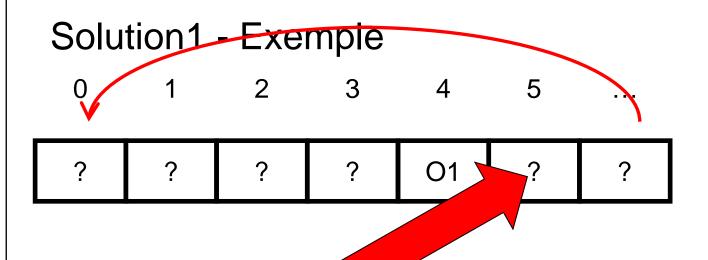
Arrondir la taille n au nombre **premier** le plus proche (pour éviter d'avoir trop souvent l'indice zéro).

Si la densité approche 75%, doubler la taille du tableau et retour à une densité de 37%.

Solution1

Adressage ouvert simple.

- Calcul de l'indice avec la fonction de hachage
- 2. Si l'emplacement à l'indice calculé est libre alors placer le tuple à cet endroit
- Sinon chercher la première place vide et y placer le tuple. Cette recherche se fait en balayant le tableau de façon circulaire.



Insérer un objet O2 (un autre numéro de tél.) associée à la clé Dupot

$$h(clé) = 68 + 117 + 112 + 111 + 116$$
  
 $h(clé) = 524$ 

En supposant 
$$n = 10$$
:  
indice = h ( clé ) mod  $n = 4$ 

===> prochaine place libre est en indice + 1 = 5

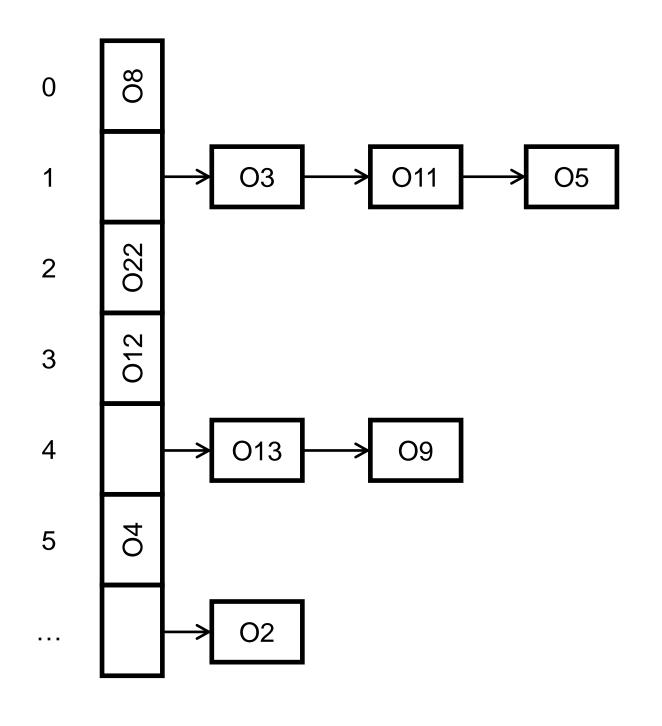
Solution2

Chaînage des collisions.

Si l'emplacement à l'indice calculé est occupé alors placer le tuple au début d'une liste chaînée qui démarre à cet emplacement là.

Les tuples qui ont le même indice sont placés dans la MÊME liste (chaînée).

# Solution2 - Exemple



# Solution2 - Caractéristiques

- ajout en O(1) car on calcule un indice puis on insère en tête de liste (uniquement si collision)
- recherche dans le pire des cas en O(m) (m = nombre de tuples) car si h(clé) renvoie toujours le même indice => on se ramène à une « simple » liste chaînée
- cette solution retarde le moment où la taille du tableau doit être multipliée (par 2)

#### La table de hachage idéale

Dans l'idéal, il faut garder l'efficacité en O(1) pour l'ajout et la recherche (la suppression à la même efficacité que la recherche) :

- retarder le doublement du tableau pour mieux utiliser la mémoire
- utiliser une fonction de hachage qui réparti uniformément les tuples dans le tableau
- utiliser le chainage lorsqu'il y a collision
- lorsqu'on arrive à 100% de remplissage du tableau ou lorsque les chaînes deviennent trop longues => on double le tableau