

Algorithmes d'exploration et de mouvements

GMIN20A

Champs de potentiel et éviteme nt de collision #2

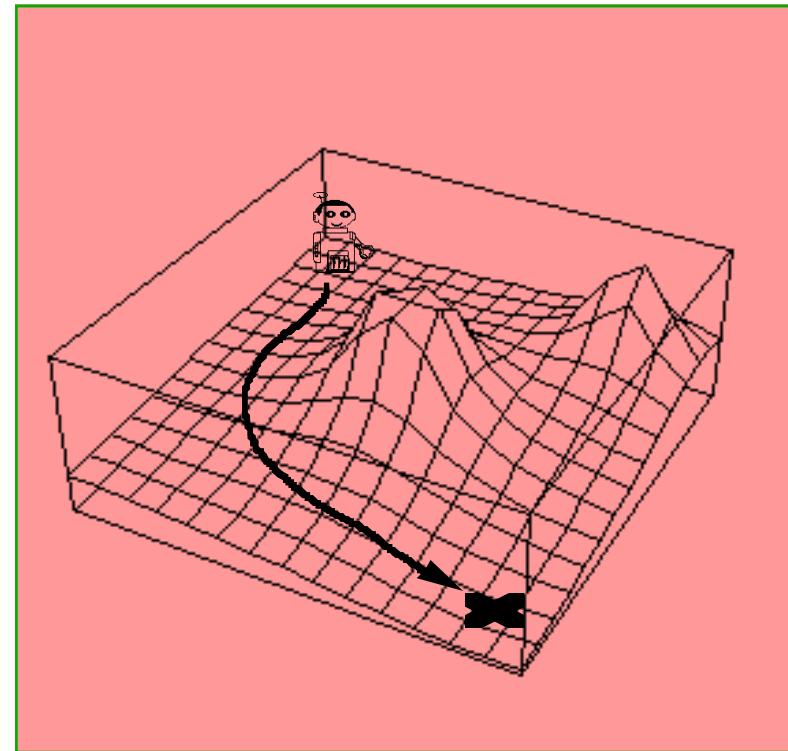
V2.2 – Mars 2017

Jacques Ferber

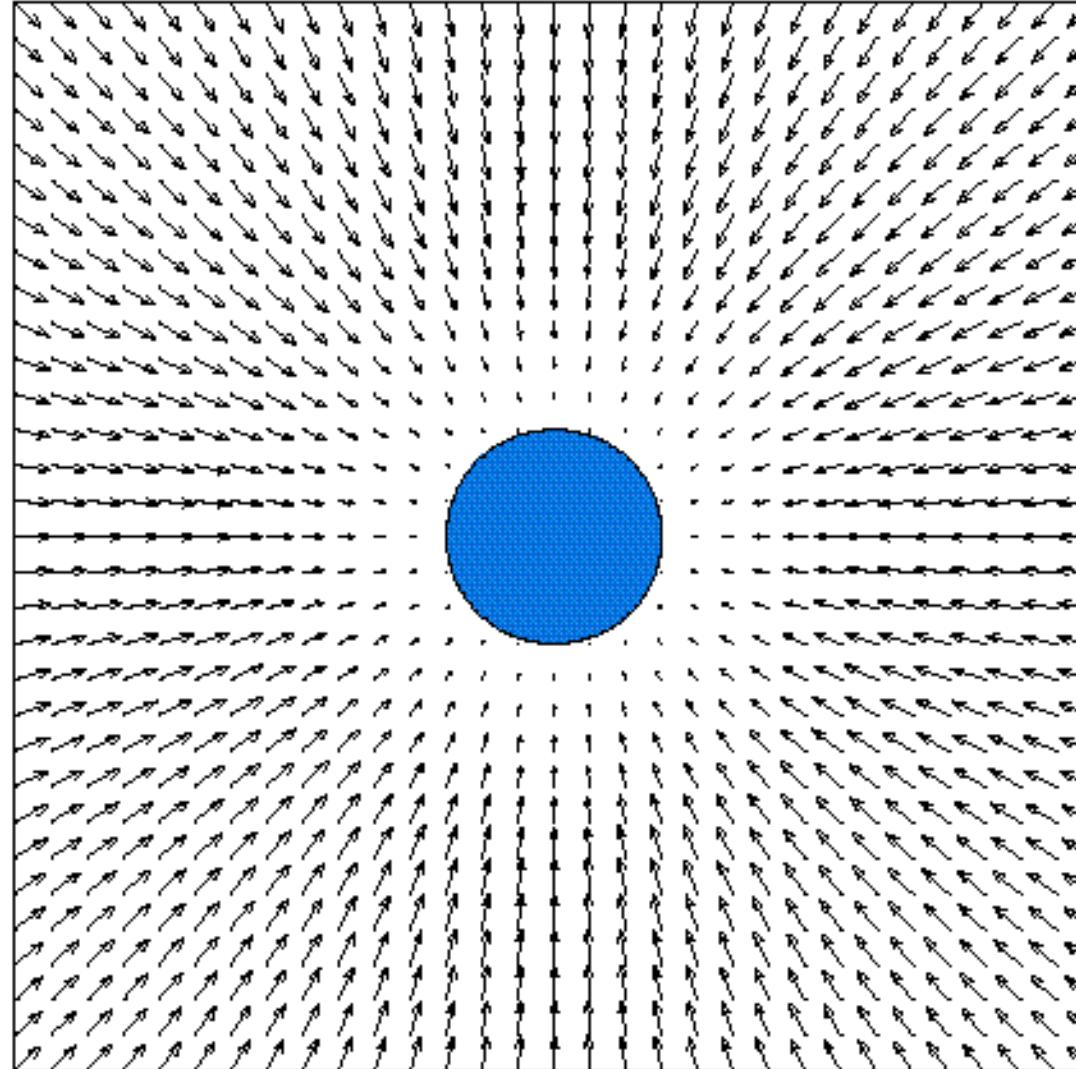
Champs de potentiels et mouvements

L'agent se déplace dans un champ de forces

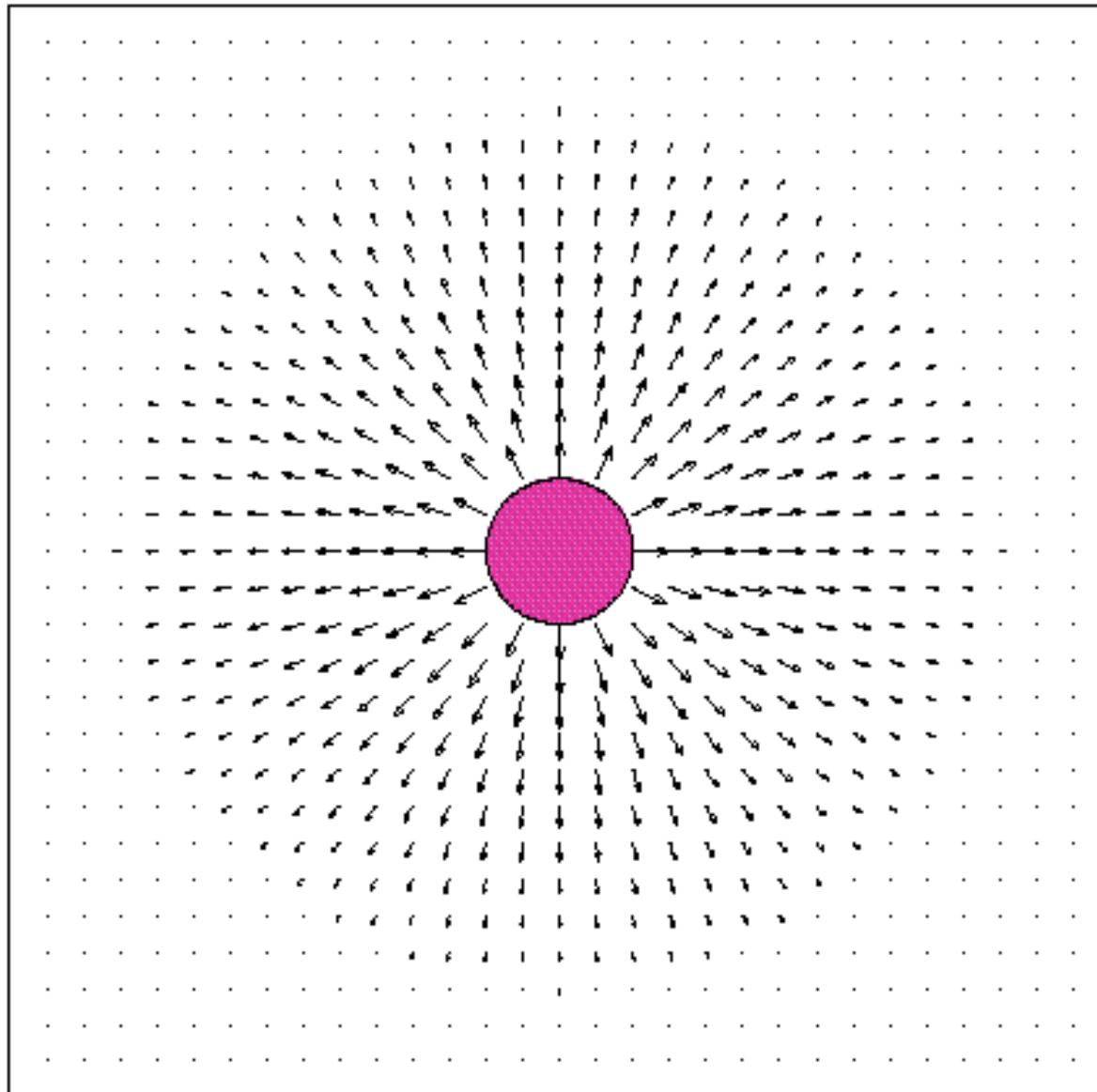
La position à atteindre est un attracteur, et les obstacles sont des éléments répulsifs



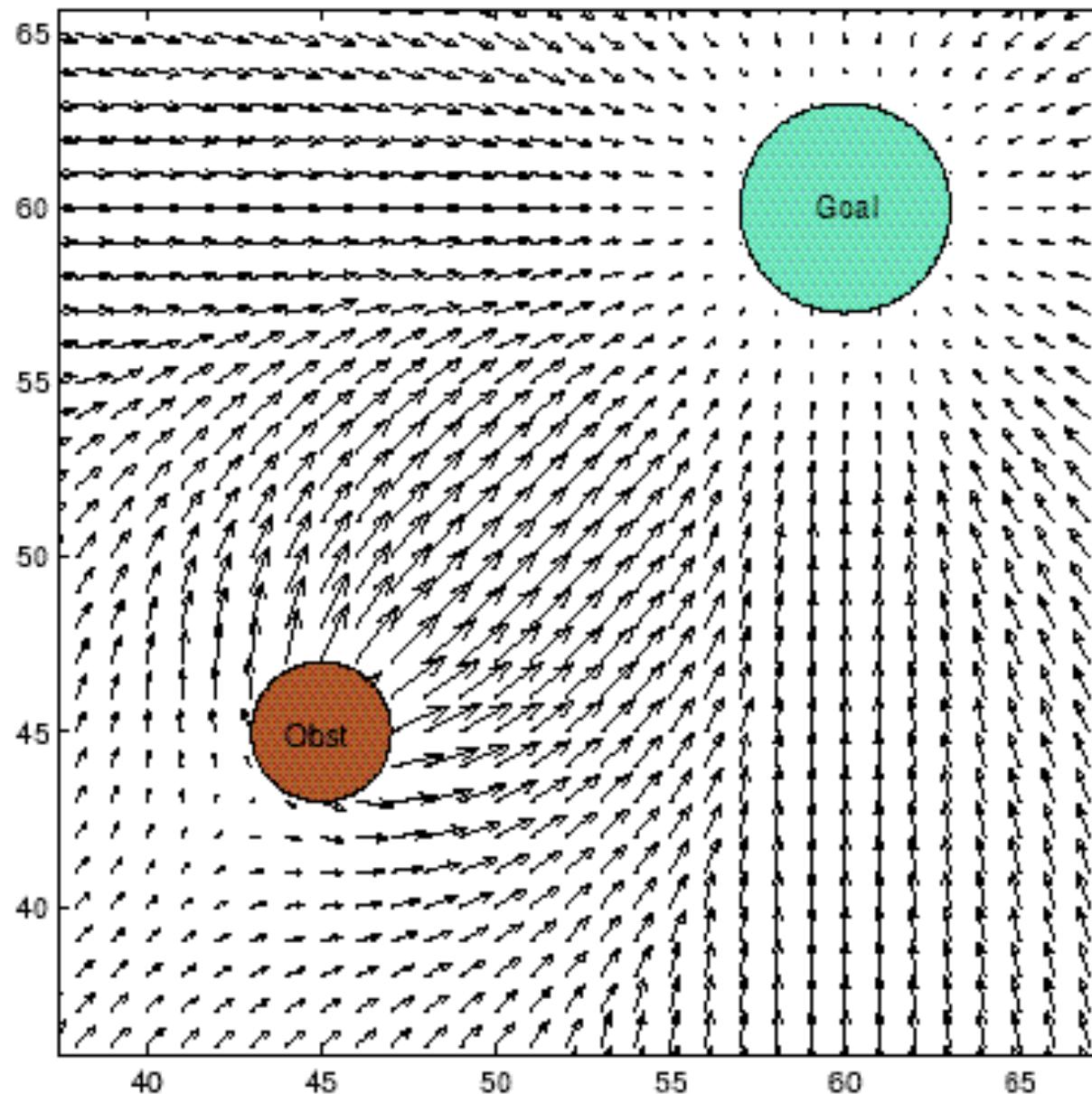
Champ de force attractif



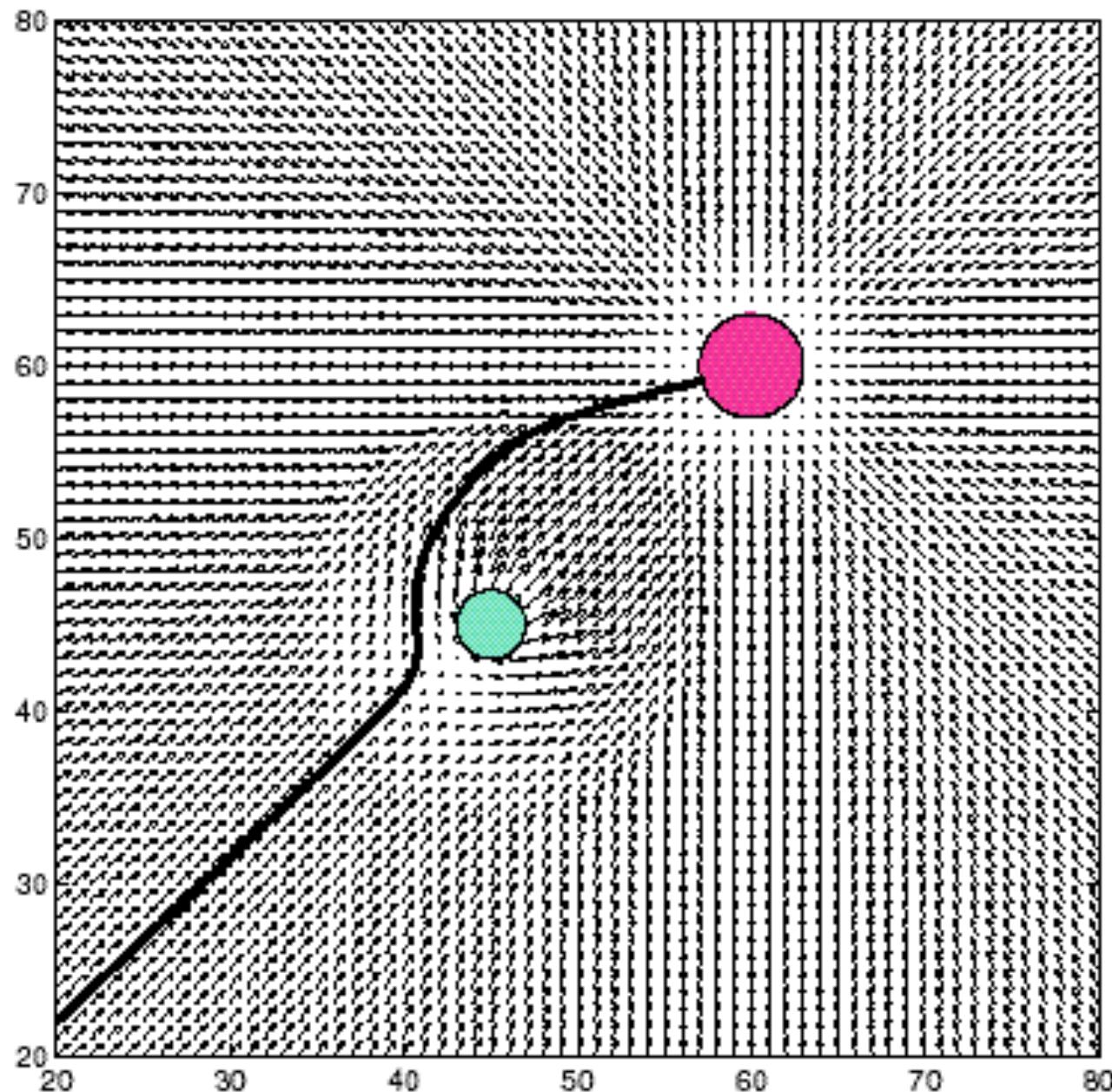
Champ de force répulsif



Somme vectorielle des deux champs



Trajectoire résultante de l'agent



Champs de potentiel

- ◆ Un champ de potentiel est une fonction qui associe à tout points (x,y) un nombre considéré comme la valeur du champ en ce point: $P(x,y)$
- ◆ Le gradient d'un champ de potentiel est un champ vectoriel définit :

$$(x,y) \rightarrow (\Delta x, \Delta y) = \nabla P(x,y)$$

$$(\Delta x, \Delta y) = \nabla P(x,y) = \left(\frac{\partial P}{\partial x}, \frac{\partial P}{\partial y} \right)$$

Construction du champ: attraction et répulsion

Les forces sont définies comme le gradient d'un champ de potentiel

$$\mathbf{F}(x,y) = -\nabla P(x,y)$$

Les buts sont représentés comme des champs attractifs.

Les obstacles sont représentés comme des champs répulsifs

Le mouvement est obtenu par une combinaison de champs attractifs et répulsifs

$$P(x,y) = U_{attr(x,y)} + U_{repul(x,y)}$$

- ◆ **Mouvement: il suffit de « descendre » le champ en suivant le gradient, la ligne de plus grande pente**

Problèmes avec les champs de potentiels

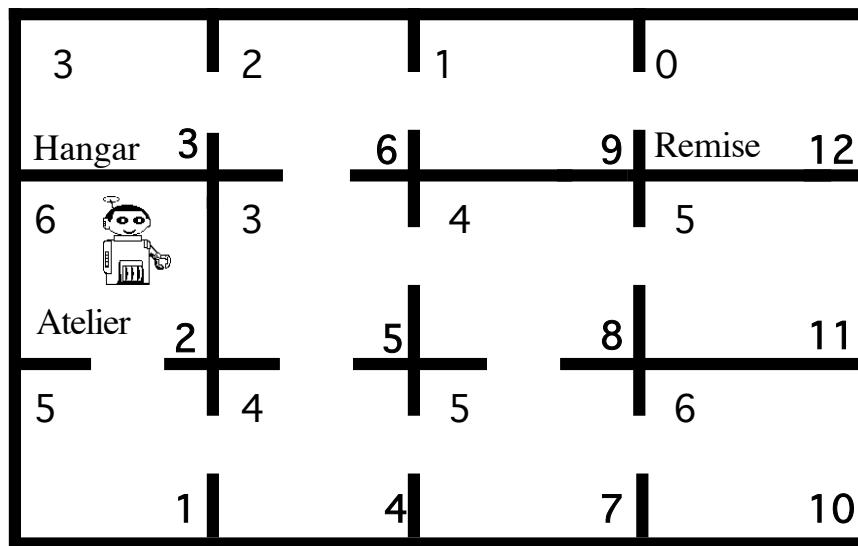
◆ *Minimum local*

- Les forces attractives et répulsives peuvent s'annuler
- Les formes convexes constituent des cul de sac

Comment créer un meilleur champ de potentiel?

◆ Algorithme d'inondation ou de vague

- Consiste à « inonder » un espace, en diffusant un champ de potentiel:



◆ Intérêt:

- Permet d'éviter les minima locaux

Algorithme

◆ Algorithme...

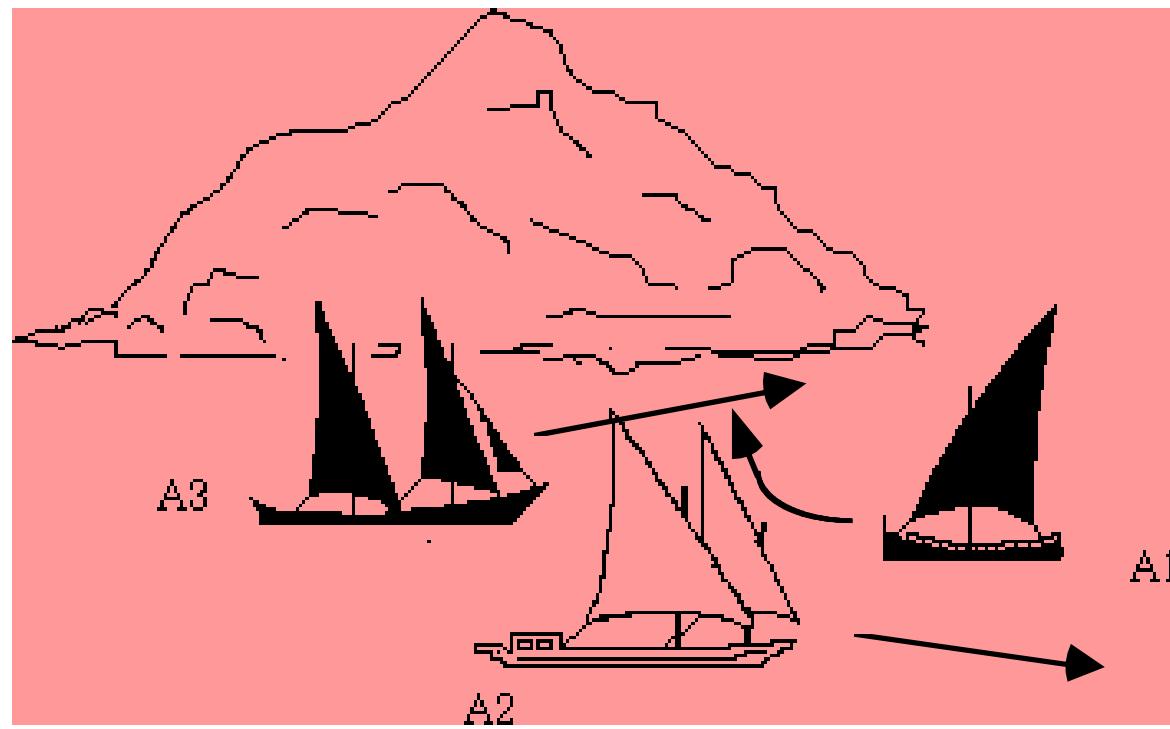
```
to inonde
  si case-courante ≠ but et case ≠ d'obstacle
    let v-old potential
    let case1 max-one-of des voisins de case [potential]
    let p ([potential] of case1) - 1
    if (potential <= p) and (p != old-pot) [
      set potential p
    elseif potential < 0
      [set potential 0]
      [set continue true]
    ]
  ]
```

```
While continue [
  set continue false
  ask patches [inonde]
```

]

Démo champ de potentiel et algorithme d'inondation

Evitemment de collision



Retour sur l'évitement d'obstacles et le flocking

◆ Algorithme général

```
to flock  ;; turtle procedure
  find-flockmates
  if any? flockmates
    [ find-nearest-neighbor
      ifelse distance nearest-neighbor < minimum-separation
        [ separate ]
        [ align
          cohere ] ]
    avoid-obstacles  ;; ce qui change...
end
```

1^{ère} solution: la fuite

◆ Fuir: partir dans le sens opposé

```
to avoid-obstacles
; avoid anything nearby that is not black
  set obstacles patches in-cone vision angle-avoidance
    with [pcolor != black]
  if (any? obstacles)
    [flee]
end

to flee
  let obstacles-in-front obstacles in-cone 3 angle-flee
  if (any? obstacles-in-front)
    [
      rt 180
      rt random 10
      lt random 10
    ]
end
```

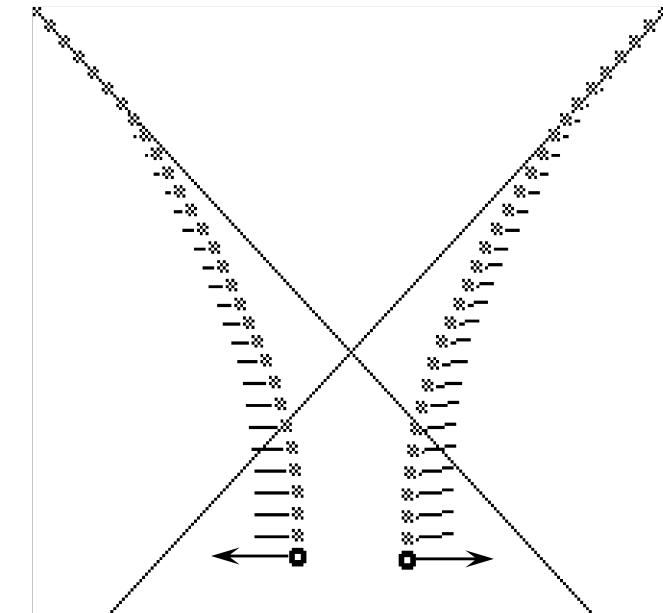
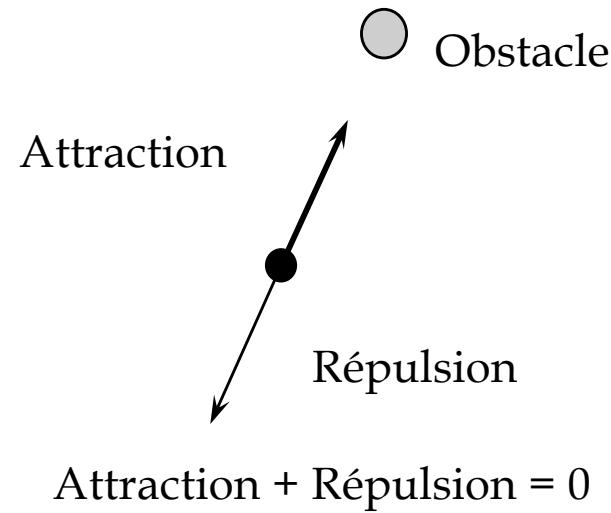
Smart avoidance

- ◆ 2^{ème} solution: éviter...

```
to smart-avoidance
  turn-at-most 180 max-avoidance-turn
  flee
end
```

Mais la répulsion n'est pas l'évitement

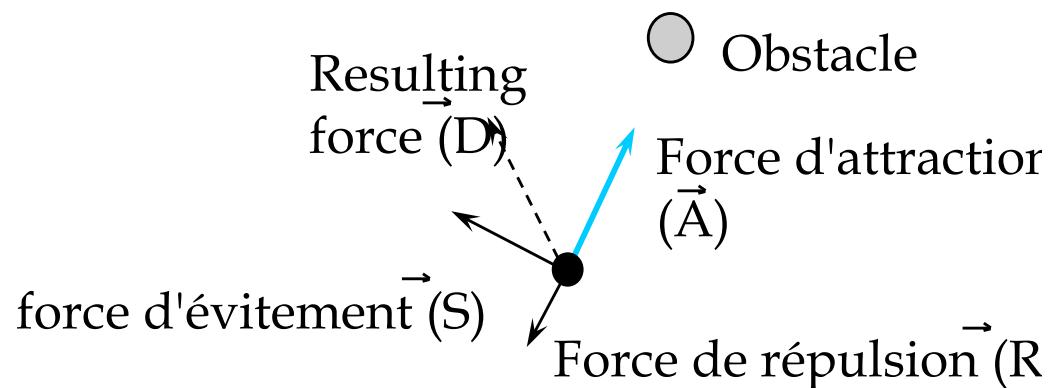
But



Solution: utiliser des forces d'évitement

But \square

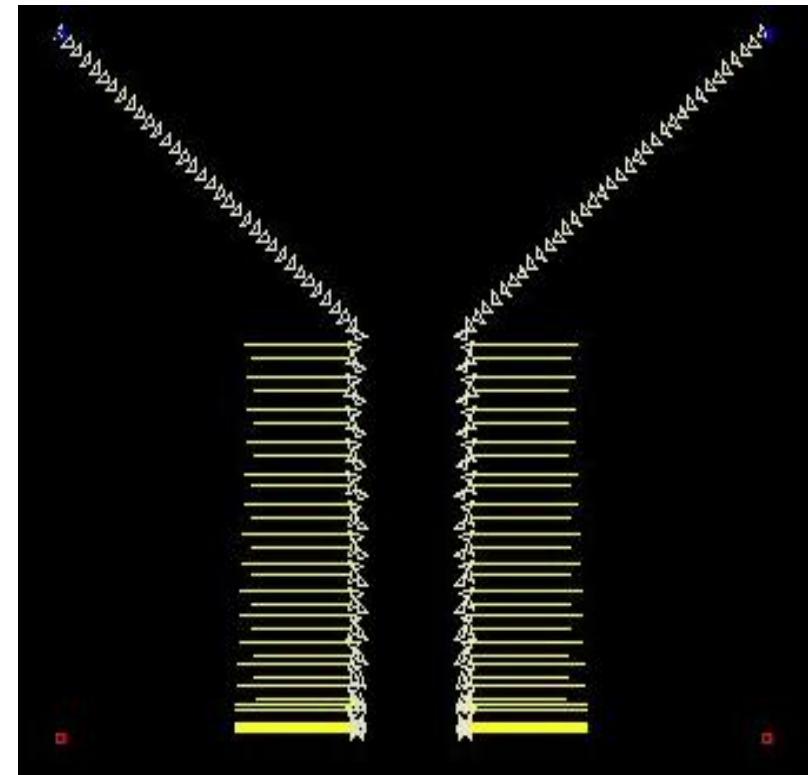
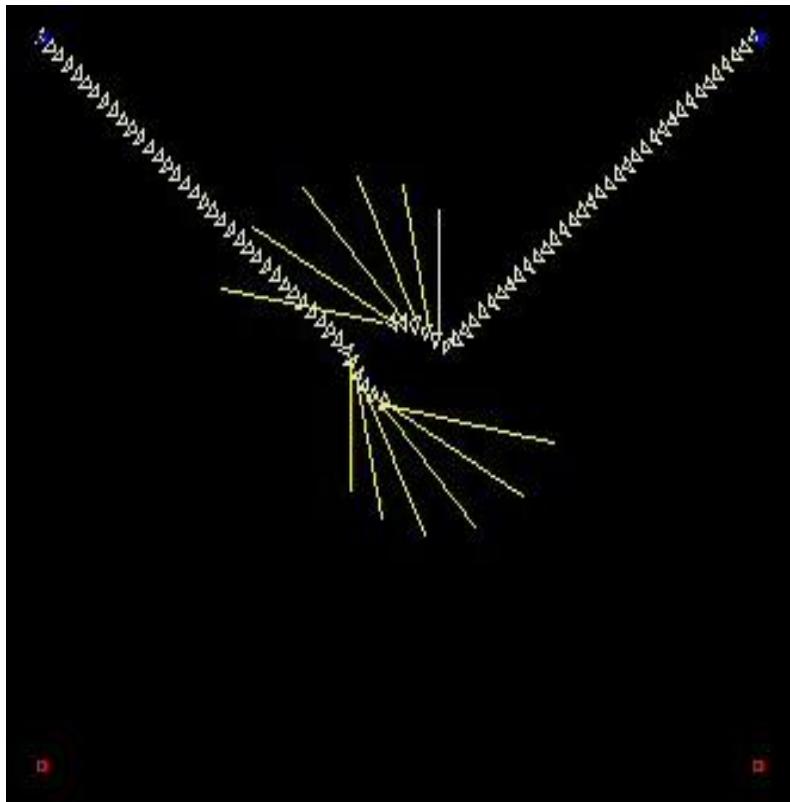
Eviter signifie rester à "bonne" distance des obstacles en se dirigeant vers le but



$S(p)$ est tel que $dir(\vec{R}(p)).dir(\vec{S}(p)) = 0$

$$\vec{D}(p) = \alpha \vec{A}(p) + \beta \vec{R}(p) + \gamma \vec{S}(p)$$

Examples



*D'après un projet réalisé à
l'UTBM sous la dir. d'O. Simonin*

Retour sur la définition vectorielle de comportements

◆ Définition de la notion de vecteur en NetLogo

```
to-report multVect [a vector]
  report (list (item 0 vector * a) (item 1 vector * a))
end

to-report addVect [v1 v2]
  report (list (item 0 v1 + item 0 v2) (item 1 v1 + item 1 v2) )
end

to-report vectorFromPolar [angle len]
  let l (list (len * cos angle) (len * sin angle))
  report l
end

to-report getAngleFromVect[v]
  report atan item 1 v item 1 0
end

to-report getLengthFromVect[v]
  let x item 0 v
  let y item 1 v
  report sqrt (x * x) + (y * y)
end
```

Combiner plusieurs comportements

- ◆ **Flocking + évitement d'obstacles**
 - Composer l'approche vectorielle avec le vecteur d'évitement de collision
 - Combinaison de vecteurs
 - $D = aR + (1 - a) F$
 - Où R est le vecteur de répulsion et F celui du flocking.
 - a est le coefficient de contrôle. Peut varier en fonction inverse de la distance à l'obstacle (quand l'obstacle est droit devant) $a = k/dist(self, obstacle)$

Opérations vectorielles

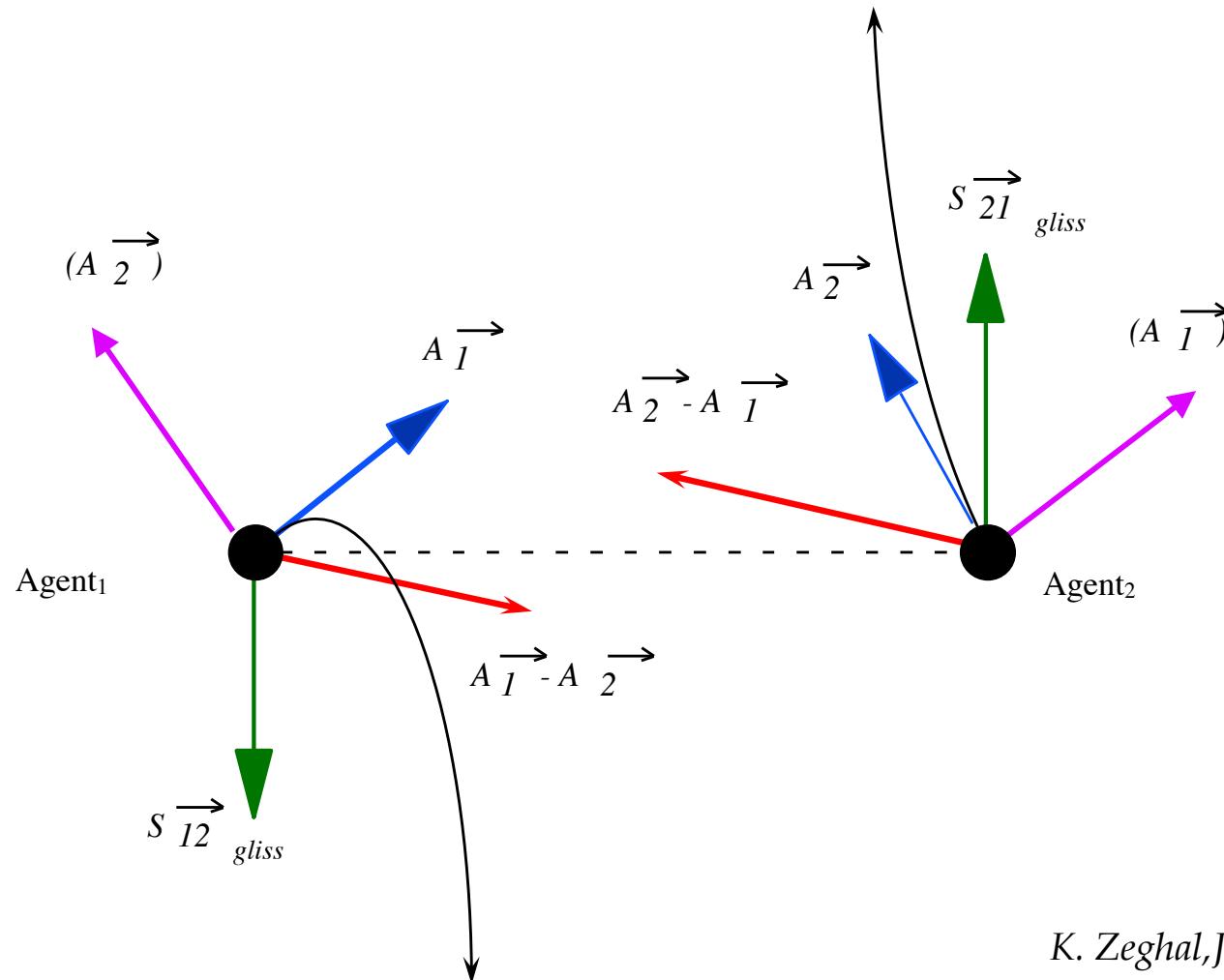
- ◆ $\mathbf{V4} = a\mathbf{V1} + b\mathbf{V2} + c\mathbf{V3}$ où

```
let v1 vectorFromPolar ang1 len1
let v2 vectorFromPolar ang2 len2
let v2 vectorFromPolar ang3 len3
```

```
let v4 addVect (multVect a v1) addVect (multVect b v2)(multVect c v3)
```

```
let ang4 getAngleFromVect v4
let len4 getLengthFromVect v4
```

Forces d'évitement symétrique



K. Zeghal, J. Ferber 1992

Calculer un vecteur perpendiculaire à un autre

- ◆ \mathbf{V}_c est perpend à \mathbf{V} si $\mathbf{V} \cdot \mathbf{V}_c = 0$

$$x \cdot x_c + y \cdot y_c = 0$$

et le vecteur est aussi de longueur 1:

$$x_c^2 + y_c^2 = 1$$

- ◆ Calcul

- x_c Solution générale

$$x_c = \frac{-y}{\sqrt{x^2+y^2}}$$

$$y_c = \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}}$$

- 2 solutions:

- ↳ $x_c = -y$ et $y_c = x$

- ↳ $x_c = y$ et $y_c = -x$

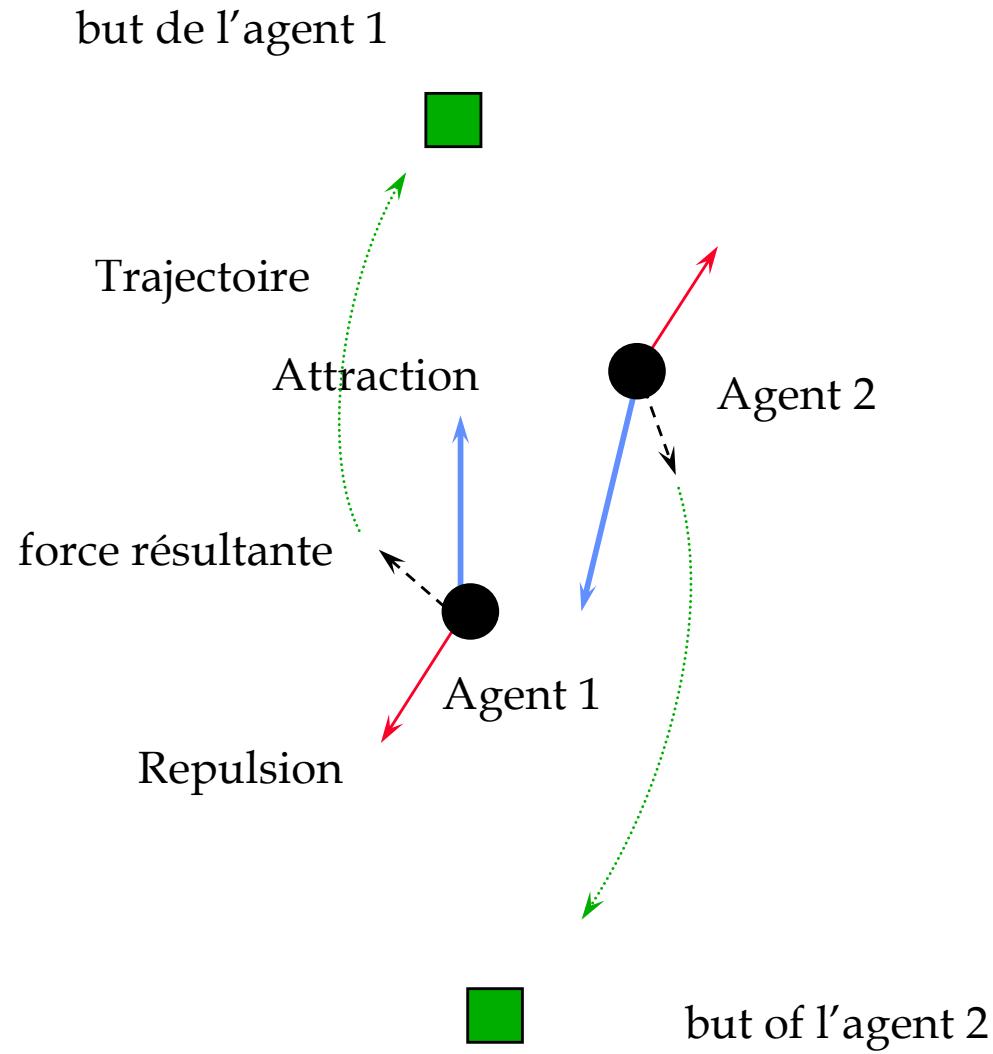
Si v est normalisé

```
to-report orthoVect1 [ang]
let v vectorFromPolar ang
let xc (- item 1 v)
let yc item 0 v
report (list xc yc)
end
```

```
to-report orthoVect2 [ang]
let v vectorFromPolar ang
let xc item 1 v
let yc (- item 0 v)
report (list xc yc)
end
```

Approche par champ de force

Chaque agent est considéré comme étant un obstacle pour l'autre



Soustraction vectorielle

◆ $\mathbf{V1} - \mathbf{V2} = \mathbf{V1} + (-\mathbf{V2})$

```
to-report subVect [v1 v2]
  report (list (item 0 v1 - item 0 v2) (item 1 v1 - item 1 v2) )
end
```

Emergence de structures dynamiques

