# Trabajo 3

# Alejandro García Montoro 2 de junio de 2016

## Ejercicio 1

Carguemos primero los datos necesarios para realizar el ejercicio y echémosle un primer vistazo a la base de datos:

```
# Cargamos la librería necesaria para usar la base de datos Auto
# Para usarla, hay que instalar con la orden
# install.packages('ISLR')
library(ISLR)

# Usamos Auto por defecto, evitando así poner el prefijo Auto$
# siempre que queramos acceder a una característica de esa base de datos
attach(Auto)
```

Si ejecutamos las órdenes siguientes

```
class(Auto)
dim(Auto)
colnames(Auto)
```

podemos obtener información de la forma que tiene nuestra base de datos. Vemos así que tiene forma de data.frame, con 392 filas y 9 columnas, cuyos nombres son los siguientes: mpg, cylinders, displacement, horsepower, weight, acceleration, year, origin, name.

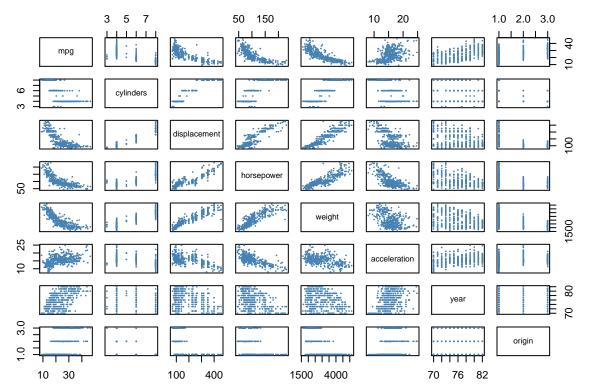
Podemos eliminar la última columna, que es el nombre del vehículo y la única variable no numérica, para poder trabajar con comodidad más adelante:

```
# Eliminamos la última columna
Auto <- Auto[,seq(ncol(Auto)-1)]
```

### Apartado a

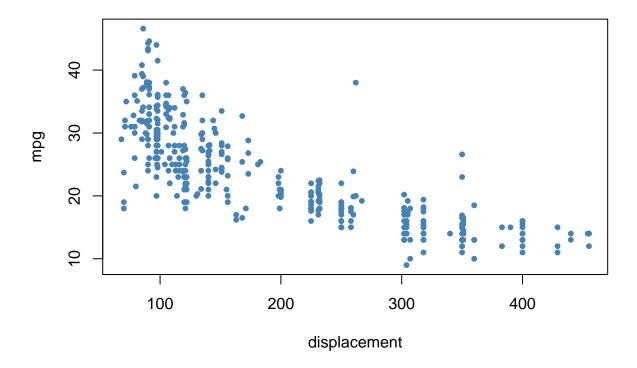
Para visualizar las dependencias entre mpg y las otras características podemos usar las funciones pairs() y boxplot():

```
# Visualizamos la relación entre todos los pares de variables
pairs(Auto, pch=20, cex=0.2, col="steelblue")
```

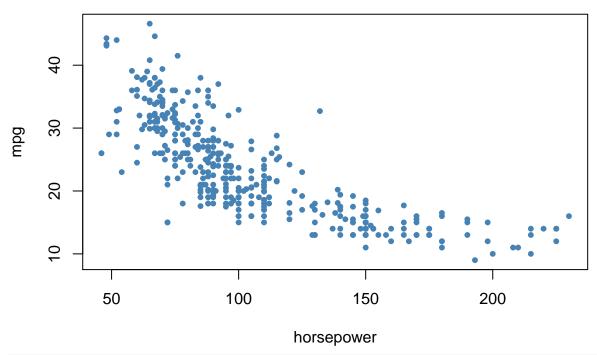


Podemos visualizar más de cerca las variables que parecen más relevantes para predecir la variable mpg:

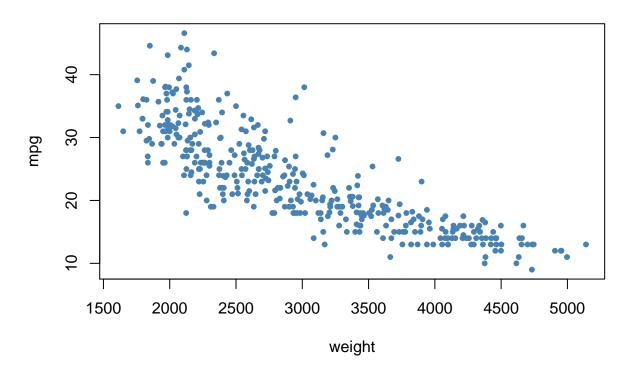
# Cilindrada



# Potencia



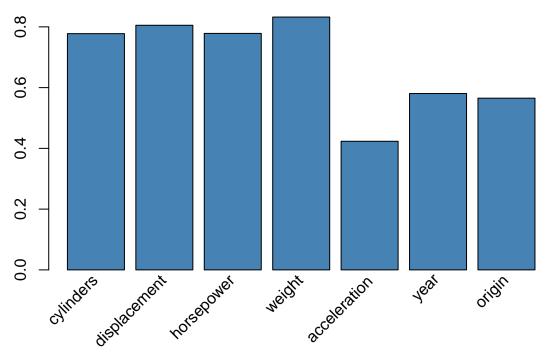
### **Peso**



### Apartado b

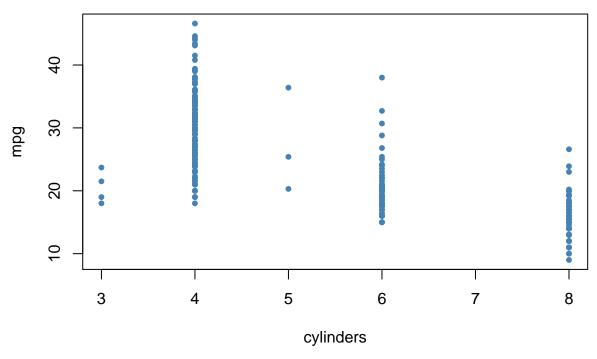
Podemos estudiar de forma numérica la correlación entre mpg y las demás variables:

# Correlación entre mpg y las demás variables



Como vemos son cylinders, displacement, horsepower y weight las variables que más correlación presentan con mpg. Sin embargo, vamos a estudiar las tres últimas; la correlación entre la primera y mpg es un dato arbitrario que tiene más que ver con la forma de la variable que con la relación entre ambas. Esto se ve claro si ampliamos el gráfico mpg-cylinders:

### Número de cilindors



Seleccionamos las variables escogidas:

```
selec <- c("displacement", "horsepower", "weight")</pre>
```

### Apartado c

Vamos a crear dos vectores que usaremos para indexar las muestras de entrenamiento y de test:

```
# Vector de indices para la muestra de entrenamiento (80%)
trainIdx <- sample(nrow(Auto), size=0.8*nrow(Auto))

# Vector de indices para la muestra de test
testIdx <- setdiff(1:nrow(Auto), trainIdx)</pre>
```

### Apartado d

Creamos la variable booleana mpg01. En vez de usar los valores simbólicos 1 y -1, usamos unos mucho más expresivos: True y False. Una vez añadida la variable, partimos los datos en las muestras de entrenamiento y test con los índices calculados anteriormente:

```
# Creamos una nueva variable booleana, mpg01, en función de la mediana,
# y la añadimos a la base de datos
mpg01 <- ifelse(mpg > median(mpg), T, F)
Auto <- data.frame(mpg01, Auto)

# Obtenemos las muestras de entrenamiento y de test
Auto.train <- Auto[trainIdx,]
Auto.test <- Auto[testIdx,]</pre>
```

#### Regresión lineal

Para hacer la regresión lineal vamos a usar la función 1m, que devuelve un modelo lineal Y~X, donde Y es la variable a predecir y X el conjunto de variables predictoras.

Este modelo lineal lo ajustaremos con la muestra de test:

```
# Ajustamos el modelo con los datos de entrenamiento
mod.lin = lm(mpg01~displacement+horsepower+weight, data=Auto.train)
```

Para ver la efectividad del modelo, intentamos predecir la variable mpg01 con la función predict sobre la muestra de test:

```
# Usamos el modelo lineal ajustado para predecir con la muestra de test
mod.lin.pred <- predict(mod.lin, Auto.test, type = "response")</pre>
```

Esto nos devuelve en la variable Auto.mod.lin.pred las probabilidades predecidas para cada punto de la muestra de test. Por tanto, vamos a asignar el valor True a aquellos puntos donde la probabilidad sea mayor al 50% y False a los demás:

```
# Si la predicción tiene probabilidad mayor que el 50%,
# asignamos el valor Verdad; en otro caso, asignamos el valor Falso
mod.lin.mpg01 <- ifelse(mod.lin.pred > 0.5, T, F)
```

Para calcular el error ya basta, tan sólo, contar el porcentaje de puntos mal clasificados en la muestra de test:

```
# Calculamos el error como el porcentaje de muestras mal clasificadas
mod.lin.error <- mean(Auto.test$mpg01 != mod.lin.mpg01)
```

De aquí obtenemos que el error producido por este modelo es del 11.3924051%. Podemos ver exactamente cuántos falsos positivos y falsos negativos tenemos; la siguiente tabla, cuyas columnas son los valores predecidos y cuyas filas los reales, resume la efectividad del método:

```
tab <- table(Real=Auto.test$mpg01, Predecido=mod.lin.mpg01)
kable(tab, caption="Regresión lineal")</pre>
```

Table 1: Regresión lineal

	FALSE	TRUE
FALSE	30	7
TRUE	2	40

#### Vecino más cercano

Para ajustar el modelo de los k vecinos más cercanos necesitamos, primero, normalizar las variables predictoras. Para ello usamos la función  $\mathtt{scale}()$ , que devuelve el conjunto de variables introducido de manera que todas ellas tengan media 0 y varianza 1. Omitimos en este escalado la variable que queremos predecir,  $\mathtt{mpg01}$ , ya que su valor no influirá en las distancias entre los datos, que se mide con las variables predictoras.

El escalado, además lo vamos a hacer de la siguiente manera:

- Escalamos la muestras de entrenamiento.
- Tomamos los valores de medias y varianzas del escalado.
- Escalamos la muestra de test con esos valores.

Esto lo hacemos para que los datos de test no influyan en el proceso de aprendizaje.

La forma más sencilla de ajustar el modelo y predecir con él es llamar a la función knn con no más atributos que las muestras de entrenamiento y test y las clases:

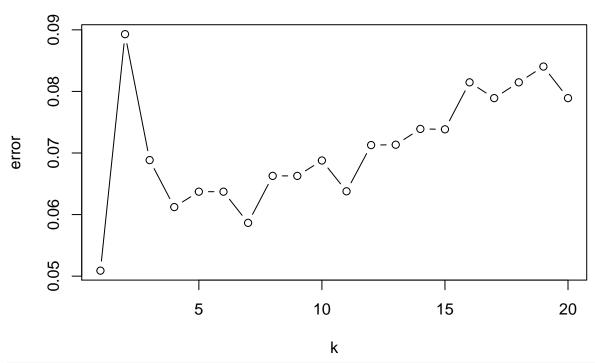
```
# Cargamos la librería class, que contiene los modelos del knn
library(class)

# Predecimos de la forma más directa posible y con el típico valor de k=3
knn.pred <- knn(norm.train, norm.test, as.factor(Auto.train$mpg01), k=3, prob=T)

# Calculamos el error
knn.error <- mean(Auto.test$mpg01 != knn.pred)</pre>
```

Tenemos así un error de 8.8607595%, que mejora al anterior de regresión lineal. Sin embargo, podemos intentar mejorarlo, ajustando el parámetro k a su óptimo. Esta regularización la podemos hacer con la función tune.knn y con el método de validación cruzada:

## Performance of 'knn.wrapper'



```
# Nos quedamos con el mejor parámetro
knn.k <- knn.cross$best.parameters$k
```

Ajustamos de nuevo el modelo con el valor de k=1 obtenido del anterior estudio:

```
# Predecimos con el k calculado
knn.pred <- knn(norm.train, norm.test, as.factor(Auto.train$mpg01), k = knn.k, prob = T)
# Calculamos de nuevo el error
knn.k.error <- mean(Auto.test$mpg01 != knn.pred)
# Vemos una tabla que resume los resultados
tab <- table(Real=Auto.test$mpg01, Predecido=knn.pred)
kable(tab, caption="kNN")</pre>
```

Table 2: kNN

	FALSE	TRUE
FALSE	35	2
TRUE	4	38

consiguiendo ahora un 7.5949367% de error, 1.2658228 puntos mejor que el anterior.

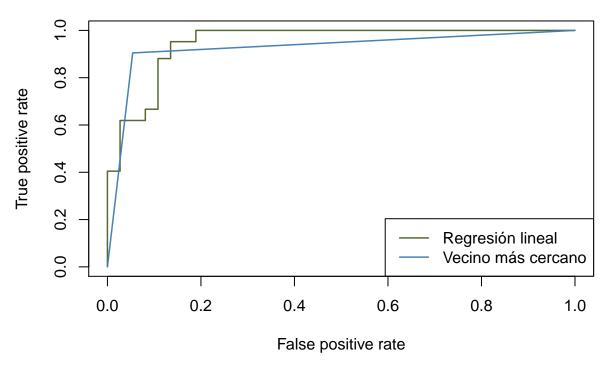
#### **Curvas ROC**

```
# install.packages("ROCR")
library ( ROCR )
```

## Loading required package: gplots

```
##
## Attaching package: 'gplots'
## The following object is masked from 'package:stats':
##
##
       lowess
curveROC <- function (probabilities, labels, model.knn=F, ...) {</pre>
  if(model.knn){
    prob <- attributes(probabilities)$"prob"</pre>
    probabilities <- ifelse(probabilities == F, 1-prob, prob)</pre>
  }
  prediction <- prediction(probabilities, labels)</pre>
  # Calculamos la curva para las tasas de verdaderos y falsos positivos
  performance <- performance(prediction, "tpr", "fpr")</pre>
  plot(performance, ...)
  # Devolvemos el estimador AUC - el área bajo la curva
  return(attributes(performance(prediction, "auc"))$"y.values"[[1]])
mod.lin.auc <- curveROC(mod.lin.pred, Auto.test$mpg01, col="darkolivegreen", lwd=1.5, main="Curvas ROC"
knn.auc <- curveROC(knn.pred, Auto.test$mpg01, model.knn=T, add=T, col="steelblue", lwd=1.5)
legend("bottomright", c("Regresión lineal", "Vecino más cercano"),
       col=c("darkolivegreen", "steelblue"), lwd=1.5)
```

### **Curvas ROC**



A la vista de gráfico no parece muy claro qué modelo tiene un comportamiento más ajustado. Esto lo podemos comprobar observando que el área bajo la curva es mayor en en regresión lineal que en kNN:

 $AUC_{kNN} = 0.9253539$ ,  $AUC_{reg} = 0.9485199$ . Concluimos así que el ajuste de regresión lineal es algo mejor, aunque no por mucho, que el vecino más cercano.

## Ejercicio 2

Cargamos la librería necesaria y estudiamos un poco la base de datos como hicimos antes:

```
# Cargamos la librería necesaria para usar la base de datos Boston
# Para usarla, hay que instalar con la orden
# install.packages('MASS')
library(MASS)

# Usamos Boston por defecto, evitando así poner el prefijo Boston$
# siempre que queramos acceder a una característica de esa base de datos
attach(Boston)
```

Si ejecutamos las órdenes siguientes

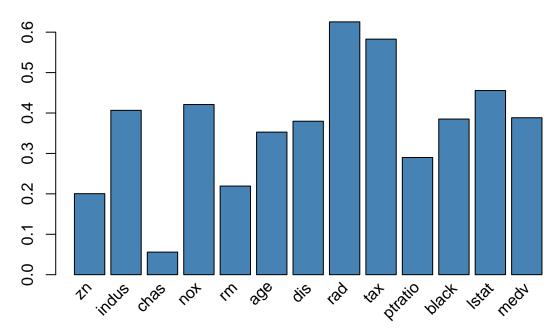
```
class(Boston)
dim(Boston)
colnames(Boston)
```

podemos obtener información de la forma que tiene nuestra base de datos. Vemos así que tiene forma de data.frame, con 506 filas y 14 columnas, cuyos nombres son los siguientes: crim, zn, indus, chas, nox, rm, age, dis, rad, tax, ptratio, black, lstat, medv.

```
# Visualizamos la relación entre todos los pares de variables
pairs(Boston, pch=20, cex=0.2, col="steelblue")
         0 80
                    0.0
                                 4 8
                                                       200
                                                                    0 400
                                                                               10
                                            2 12
                                      age
                                                  rad
                                                        tax
                                                                          Istat
                                                                                medv
                 25
                                      0 80
                                                   5
   0
     80
              0
                          0.4
                                                              14
                                                                          10
```

Podemos estudiar de forma numérica la correlación entre crim y las demás variables:

## Correlación entre crim y las demás variables



Por último, antes de entrar con el ejercicio en sí, dividimos la muestra en entrenamiento y test como hicimos antes:

```
# Vector de indices para la muestra de entrenamiento (80%)
trainIdx <- sample(nrow(Boston), size=0.8*nrow(Boston))

# Vector de indices para la muestra de test
testIdx <- setdiff(1:nrow(Boston), trainIdx)

# Obtenemos las muestras de entrenamiento y de test
Boston.train <- as.matrix(Boston[trainIdx, ])
Boston.test <- as.matrix(Boston[testIdx, ])</pre>
```

#### Apartado a

```
# Cargamos la librería glmnet, que debe ser instalada con la orden
# install.packages("qlmnet")
library(glmnet)
## Loading required package: Matrix
## Loading required package: foreach
## Loaded glmnet 2.0-5
# Hacemos validación cruzada para encontrar el mínimo lambda (el parámetro de regularización
# que minimiza el error medio de validación cruzada). Tomamos alpha = 1 para realizar un método
lasso.cv <- cv.glmnet(Boston.train[, -1], Boston.train[,"crim"], alpha = 1)</pre>
lasso.lambda <- lasso.cv$lambda.min</pre>
# Calculamos ahora los coeficientes solicitados:
lasso.coefs <- predict(lasso.cv, Boston.test[,-1], s = lasso.lambda, alpha = 1,</pre>
                      type = "coefficients")
# Eliminamos la primera fila, que contiene el valor de Intercept; en este momento no nos interesa
lasso.coefs <- lasso.coefs[-1,]</pre>
lasso.umbral <- 0.4
# Función para calcular el error residual estándar (raíz del error cuadrático medio)
# entre las variables predecidas y las reales
RSE <- function(pred, real){</pre>
 return(sqrt(mean((pred - real)^2)))
# Hacemos la selección de variables dependiente de un umbral pasado como parámetro
lasso.seleccionar <- function(lasso.umbral){</pre>
  # Extraemos los nombres de las variables cuyos coeficientes (en valor absoluto)
  # superan el umbral prefijado
  lasso.selec <- attributes(lasso.coefs[abs(lasso.coefs) > lasso.umbral])$names
  # Por último, hacemos las predicciones con las variables seleccionadas
  lasso.glm <- glmnet(as.matrix(Boston.train[,lasso.selec]), Boston.train[,"crim"], alpha = 1, lambda =</pre>
  lasso.pred <- predict(lasso.glm, Boston.test[,lasso.selec], s=lasso.lambda, alpha=1)</pre>
  # Devolvemos el error residual estándar (raíz del error cuadrático medio)
  #con las variables seleccionadas
  return(c(lasso.umbral, RSE(lasso.pred, Boston.test[,"crim"])))
# Calculamos los errores para todos los umbrales de 0.1 a 0.7, con saltos de 0.05
lasso.errores <- t(sapply(seq(0.0,0.7,0.05), lasso.seleccionar))
# Recuperamos el umbral para el que el error calculado es mínimo
lasso.umbral <- lasso.errores[which.min(lasso.errores[,2]),1]</pre>
# Nos quedamos con las mejores variales según el umbral devuelto
lasso.selec <- attributes(lasso.coefs[abs(lasso.coefs) > lasso.umbral])$names
```

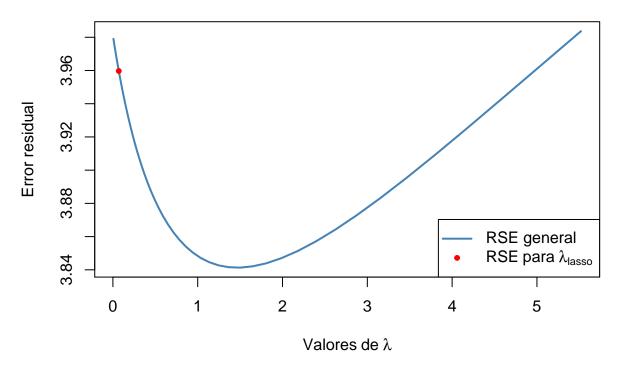
Las variables seleccionadas por el método LASSO son: zn, indus, chas, nox, rm, dis, rad, ptratio, black, lstat, medv.

### Apartado b

Usando esta función y el parámetro  $\lambda=0.0696473$  obtenido con el modelo LASSO, La estimación del error residual estándar es de 3.9596933.

Para comprobar si hay underfitting vamos a analizar el modelo de bias-variance estudiado en teoría. Vamos a calcular los errores asociados a la regresión usando los valores de  $\lambda$  testeados en la validación cruzada que hicimos con LASSO:

## Estudio de underfitting



A la vista de este resultado podemos concluir que el comportamiento de los residuos no presenta ningún indicio de underfitting con respecto al parámetro  $\lambda$ . En todo caso podríamos hablar de sobreajuste, ya que el error residual en la muestra de test puede ser mejorado suavizando el modelo; es decir, aumentando el valor del parámetro de regularización.

#### Apartado c

```
# Creamos una nueva variable booleana, crim1, en función de la mediana,
# y la añadimos a la base de datos
crim1 <- ifelse(crim > median(crim), 1, -1)
Boston <- data.frame(crim1, Boston)</pre>
# Obtenemos las muestras de entrenamiento y de test
Boston.train <- Boston[trainIdx,]</pre>
Boston.test <- Boston[testIdx,]</pre>
svm.error <- function(kernel.name){</pre>
  # Vector de índices para la muestra de entrenamiento (80%)
  trainIdx <- sample(nrow(Boston), size=0.8*nrow(Boston))</pre>
  # Vector de índices para la muestra de test
            <- setdiff(1:nrow(Boston), trainIdx)
  # Obtenemos las muestras de entrenamiento y de test
  Boston.train <- Boston[trainIdx,]</pre>
  Boston.test <- Boston[testIdx,]</pre>
  # Ajustamos el modelo
  svm <- svm(crim1~., data = Boston.train, kernel = kernel.name)</pre>
```

```
# Hacemos la predicción
svm.pred <- predict(svm, Boston.test, type = "response")

# Calculamos la variable según las predicciones
pred <- ifelse(svm.pred > 0, 1, -1)

# Devolvemos el porcentaje de muestras mal clasificadas
return(mean(pred != Boston.test[,"crim1"]))
}

# Ajustamos un modelo de SVM con un núcleo lineal
svm.linear <- mean(replicate(100,svm.error("linear")))</pre>
```

Tras repetir el experimento 100 veces con particiones aleatorias de entrenamiento y test, vemos que el SVM con núcleo lineal devuelve un error de  $E_{test} = 17.7745098\%$ . A la vista de un error tan alto, vamos a ajustar el modelo con otros núcleos, estudiando cuál es el mejor.

```
# Ajustamos SVM con los núcleos disponibles
svm.polynomial <- mean(replicate(100,svm.error("polynomial")))
svm.radial <- mean(replicate(100,svm.error("radial")))
svm.sigmoid <- mean(replicate(100,svm.error("sigmoid")))</pre>
```

Los errores, obtenidos con la misma técnica de repetir 100 veces las particiones y calcular el porcentaje de muestras mal clasificadas, son los siguientes:

• Núcleo lineal: 17.7745098%

• Núcleo polinómico: 16.1176471%

• Núcleo de base radial: 10.9803922%

• Núcleo sigmoidal: 40.254902%

Podemos concluir por tanto que el mejor modelo de entre los SVM analizados es aquel que usa el núcleo de base radial, consiguiendo una tasa de error de sólo el 10.9803922%.

### Ejercicio 3

#### Apartado 1

Cargamos las librerías necesarias y dividimos, como ,antes la base de datos en conjuntos de entrenamiento y test:

```
# Cargamos las librerías randomForest y gbm, que se pueden instalar con las órdenes
# install.packages(c("randomForest","gbm"))
library(randomForest)

## randomForest 4.6-12

## Type rfNews() to see new features/changes/bug fixes.
library(gbm)

## Loading required package: survival

## Loading required package: lattice

## Loading required package: splines

## Loading required package: parallel
```

```
## Loaded gbm 2.1.1

# Devolvemos la base de datos a su estado original
Boston <- Boston[, !(names(Boston) %in% "crim1")]

# Vector de indices para la muestra de entrenamiento (80%)
trainIdx <- sample(nrow(Boston), size=0.8*nrow(Boston))

# Vector de indices para la muestra de test
testIdx <- setdiff(1:nrow(Boston), trainIdx)

# Obtenemos las muestras de entrenamiento y de test
Boston.train <- Boston[trainIdx,]
Boston.test <- Boston[testIdx,]</pre>
```

### Apartado 2

Sabemos que bagging no es más que un caso particular de random forest con los parámetros m = p; es decir, el número de variables usadas es el número total de variables disponibles.

```
# Ajustamos bagging
bag <- randomForest(medv ~ ., data = Boston, subset = trainIdx, mtry = ncol(Boston)-1, importance = T)</pre>
```

El significado de cada parámetro usado en la llamada a randomForest es el siguiente:

- medv ~ . Fórmula en la que indicamos que medv es la variable predecir y todas las demás (.) se usen como predictoras
- data = Boston Conjunto completo de datos, con todas las variables (incluso la que se quiere predecir, va que randomForest va lo tendrá en cuenta) y ambos subconjuntos: los de entrenamiento y los de test.
- subset = trainIdx Vector de índices que indican qué filas del parámetro data son las correspondientes al subconjunto de entrenamiento.
- mtry = ncol(Boston)-1 Número de variables usadas en el cómputo. Para poder hacer bagging, tenemos que indicar que se usen todas las variables disponibles; es decir, el número de columnas menos uno: todas las variables menos la que se quiere predecir.
- importance = TRUE Parámetro de configuración para indicar que se evalúe la importancia de los predictores.

Podemos ya usar el modelo para predecir la variable med<br/>v y calcular así el error cuadrático medio con respecto a los valores reales:

```
# Predecimos la variable medv con el modelo ajustado
bag.pred <- predict(bag, Boston.test)

# Calculamos el error cuadrático medio
bag.error <- mean((bag.pred - Boston.test[,"medv"])^2)</pre>
```

Este modelo nos da un error de 10.8968991.

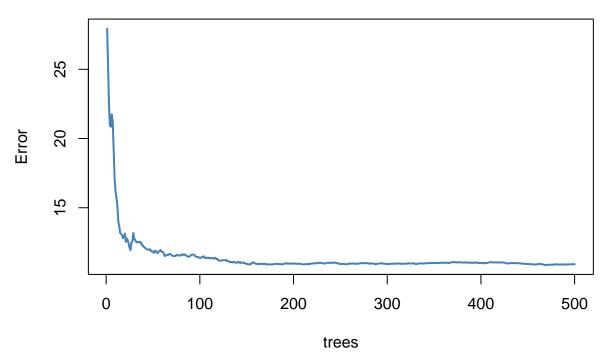
#### Apartado 3

Vamos a ajustar el modelo con los parámetros por defecto y estudiar su comportamiento:

```
# Ajustamos randomForest con el valor por defecto de número árboles: 500 forest.500 <- randomForest(medv ~ ., data = Boston, subset = trainIdx, ntrees=500, importance = T)
```

# Generamos el gráfico del error producido con cada valor de ntrees de 1a 500 plot(forest.500, col="steelblue", lwd=2)

#### forest.500



En la gráfica anterior se puede observar cómo el error se estabiliza a partir de 50 o 60 árboles. Los datos referentes a esta gráfica se encuentran en el componente mse de la lista devuelta por randomForest, así que podemos buscar directamente cuál es el valor de ntrees para el que se alcanza el mínimo error cuadrático medio:

```
# Tomamos el valor de ntrees en el que se minimiza el error
forest.best.N <- which(forest.500$mse == min(forest.500$mse))

# Reajustamos el modelo con este valor como ntrees
forest.best <- randomForest(medv ~ ., data = Boston, subset = trainIdx, ntrees=forest.best.N, importance</pre>
```

Analicemos ahora si este procedimiento ha mejorado el error anterior. Calculemos entonces el error cuadrático medio para el ajuste por defecto y para este último, en el que hemos optimizado el número de árboles:

```
# Calculamos las predicciones con ambos modelos
forest.500.pred <- predict(forest.500, Boston.test)
forest.best.pred <- predict(forest.best, Boston.test)

# Calculamos el error cuadrático medio con respecto a los valores reales
forest.500.err <- mean((forest.500.pred - Boston.test[,"medv"])^2)
forest.best.err <- mean((forest.best.pred - Boston.test[,"medv"])^2)

# Calcula el error cuadrático medio de randomForest, con el parámetro
# ntrees especificado, con 10 particiones aleatorias
errorNtree <- function(param.ntrees){

# Calcula el error cuadrático medio en una partición 80-20 aleatoria
forest.fold <- function(){</pre>
```

```
# Vector de índices para la muestra de entrenamiento (80%)
    trainIdx <- sample(nrow(Boston), size=0.8*nrow(Boston))</pre>
    # Vector de índices para la muestra de test
    testIdx <- setdiff(1:nrow(Boston), trainIdx)</pre>
    # Obtenemos las muestras de entrenamiento y de test
    Boston.train <- Boston[trainIdx, ]</pre>
    Boston.test <- Boston[testIdx, ]</pre>
    forest <- randomForest(medv ~ ., data = Boston, subset = trainIdx,</pre>
                            ntrees=param.ntrees, importance = T)
    pred <- predict(forest, Boston.test)</pre>
    return(mean((pred - Boston.test[, "medv"])^2))
  }
  # Calcula el error medio en 10 particiones aleatorias
  error <- mean(replicate(10, forest.fold()))</pre>
  return(c(param.ntrees,error))
}
# Calculamos los errores para ntrees igual a 30, 50, 70, 90, ..., 350
errores <- t(sapply(seq(30, 350, 20), errorNtree))
# Obtenemos el ntree tal que minimiza los errores obtenidos
best.ntree <- errores[which(errores[,2] == min(errores[,2])), 1]</pre>
# Reajustamos, recalculamos predicciones y vemos el error cuadrático
forest.cv <- randomForest(medv ~ ., data = Boston, subset = trainIdx,</pre>
                           ntrees=best.ntree, importance = T)
forest.cv.pred <- predict(forest.cv, Boston.test)</pre>
forest.cv.err <- mean((forest.cv.pred - Boston.test[,"medv"])^2)</pre>
```

Tenemos por tanto los siguientes errores:

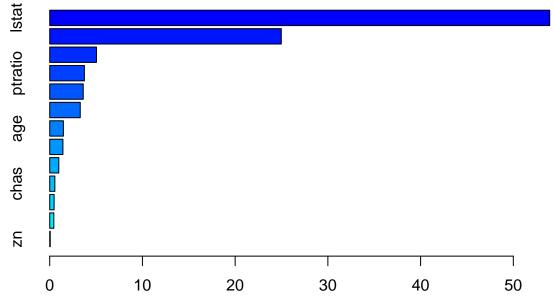
- Valor por defecto:  $ntrees = 500 \rightarrow E_{test} = 12.3141056$
- Valor que minimiza los mse devueltos por el modelo:  $ntrees = 469 \rightarrow E_{test} = 12.8316447$
- Valor encontrado con validación cruzada:  $ntrees = 170 \rightarrow E_{test} = 12.1547357$

Es claro entonces que en el caso de la minimización de los mse hemos caído en el sobreajuste, ya que el valor del error en la muestra de test aumenta. En el último caso, calculado con validación cruzada, hemos tenido en cuenta varias particiones y hemos conseguido un error ligeramente mayor, aunque esencialmente igual.

Sería sensato quedarse con este último valor, que teóricamente tiene un poder de generalización mayor, que el tomado por defecto. Sin embargo, y aunque el razonamiento seguido es correcto, no encontramos en este estudio, con estos datos concretos, conclusiones fuertes que respalden con contundencia la elección de ntrees =170.

#### Apartado 4

Ajustamos el modelo de boosting con la función gbm y los parámetros usuales:



### Relative influence

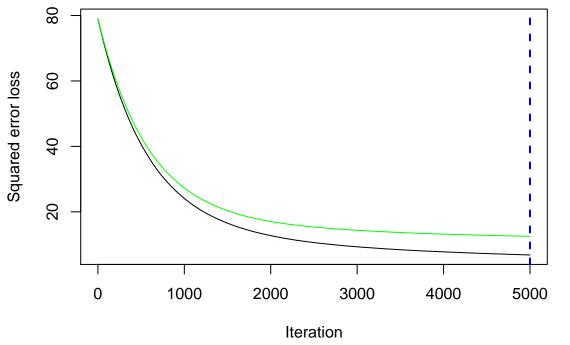
```
##
                       rel.inf
               var
             1stat 53.92358780
## 1stat
                rm 24.97621692
## rm
## dis
               dis 5.04537170
## ptratio ptratio
                    3.73856667
                    3.61508668
## nox
               nox
              crim 3.29319298
## crim
## age
               age
                    1.47587316
## tax
               tax 1.42353978
## black
             black 0.98123084
## chas
              chas 0.55430790
             indus 0.47365618
## indus
               rad 0.44315391
## rad
## zn
                zn 0.05621546
```

Podemos usar ahora el modelo para predecir la variable medv:

```
boost.pred <- predict(boost, Boston.test, n.trees=5000)
boost.err <- mean((boost.pred - Boston.test[,"medv"])^2)</pre>
```

El error de boosting con los parámetros fijados es mayor que el conseguido hasta ahora con bagging y random forest. Podemos intentar mejorar este error ajustando los parámetros con validación cruzada:

```
# Buscamos el valor de n.trees óptimo con validación cruzada
boost.cv.n <- gbm.perf(boost.cv,method="cv")
```



```
# Hacemos las predicciones con este valor
boost.cv.pred <- predict(boost.cv, Boston.test, n.trees=boost.cv.n)
boost.cv.err <- mean((boost.cv.pred - Boston.test[,"medv"])^2)</pre>
```

De nuevo, la validación cruzada nos da un error igual o peor al anterior. Mientras que el error de boosting sin optimizar era de 13.7204417, el optimizado mediante validación cruzada es de 13.946951. Esta diferencia es tan pequeña que no aporta nada sobre el modelo por defecto, así que sería sensato quedarse con el primero, que es menos costoso computacionalmente que el optimizado.

Haciendo un análisis global, y si queremos elegir entre bagging, random forest y boosting, lo más inteligente en este caso sería usar random forest con validación cruzada para asegurar un error menor y un poder de generalización mayor.

## Ejercicio 4

```
# Vector de indices para la muestra de entrenamiento (80%)
trainIdx <- sample(nrow(OJ), size=800)

# Vector de indices para la muestra de test
testIdx <- setdiff(1:nrow(OJ), trainIdx)

# Obtenemos las muestras de entrenamiento
OJ.train <- OJ[trainIdx, ]
OJ.test <- OJ[testIdx, ]</pre>
```