

UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS Prof. Adriano Barbosa

Análise Numérica — Avaliação PS

1	
2	
3	
4	
5	
Total	

Avaliação P1:

- (1) Calcule quatro iterações do método da bisseção para aproximar $\sqrt[3]{25}$ no intervalo [0, 3].
- (2) Calcule quatro iterações do método de Newton para aproximar $\sqrt[3]{25}$ com $p_0 = 1.5$.
- (3) A tabela abaixo apresenta a população dos Estados Unidos entre os anos 1950 e 2000.

Use o polinômio interpolador de Lagrange de grau 2 para aproximar os valores da população no ano de 1940.

(4) Uma spline cúbica com fronteira amarrada para uma função f é definida em [1,3] por:

$$s(x) = \begin{cases} 3(x-1) + 2(x-1)^2 - (x-1)^3, & \text{se } 1 \le x \le 2\\ a + b(x-2) + c(x-2)^2 + d(x-2)^3, & \text{se } 2 \le x \le 3 \end{cases}$$

Dado que f'(1) = f'(3), encontre a, b, c e d.

(5) Use o método de Horner para avaliar a função $f(x) = x^5 - x^4 + 2x^3 - 3x^2 + x - 4$ em π utilizando aritmética computacional de 3 dítigos e arredondamento.

Avaliação P2:

(1) Seja
$$A = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 3 & -3 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$
:

- (a) Calcule a decomposição A = LU.
- (b) Encontre a solução exata do sistema Ax = b, com b = (8, 0, 3).
- (2) Seja $A=\begin{bmatrix} 10 & -1 & 0 \\ -1 & 10 & -2 \\ 0 & -2 & 10 \end{bmatrix}$. Usando 5 casas decimais, calcule quatro iterações dos métodos

abaixo para resolver o sistema Ax = b usando $x^{(0)} = (0,0,0)$ e b = (9,7,8).

- (a) Jacobi.
- (b) Gauss-Seidel.
- (c) Compare os resultados com a solução exata (1, 1, 1). Qual método obtém melhor resultado?
- (3) Resolva o PVI y' = 1 + t y, y(0) = 1 e $t \in [0, 1]$ usando o método de Euler Modificado com h = 0.2.