

UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS Cálculo Diferencial e Integral — Avaliação P1 Prof. Adriano Barbosa

	1	
	2	
	3	
	4	
_	5	
	Nota	

Eng. de Energia 17/05/2018

Aluno(a):....

Todas as respostas devem ser justificadas.

1. Determine o domínio das funções e calcule os limites abaixo:

(a)
$$f(x) = \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{x}$$
, $\lim_{x \to 0} f(x)$.

(b)
$$f(x) = \frac{\text{sen}(6x)}{x}, \lim_{x \to 0} f(x).$$

2. Mostre que
$$\lim_{x\to 0} x^2 \cos\left(\frac{1}{x^2}\right) = 0$$
.

[Lembre que $-1 \le \cos x \le 1$, que $x^2 \ge 0$ e use o Teorema do Confronto.]

3. Dados
$$f(x) = x^4 - 4x^3 + 2$$
 e $I = (0, 1)$:

- (a) Determine se a função f é contínua no intervalo I.
- (b) Mostre que a função f possui uma raiz no intervalo I.
- 4. Calcule a derivada das funções abaixo:

(a)
$$f(x) = \frac{2x}{5 - \cos x}$$

(b)
$$g(x) = \ln(xe^x)$$

5. Dada a equação implícita
$$x^3(x-y)=y^2(x+2y)$$
, calcule $\frac{dy}{dx}$.