

UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS

Álgebra Elementar — Avaliação P2 Prof. Adriano Barbosa

Matemática 30	0/11/2018
---------------	-----------

1	
2	
3	
4	
5	
Nota	

Aluno(a):....

Todas as respostas devem ser justificadas.

- 1. Dê um exemplo de conjuntos A, B e C tais que:
 - (a) $A \subset B$, $B \not\subset C$ e $A \subset C$
 - (b) $A \not\subset B$, $B \not\subset C$ e $A \subset C$
 - (c) $A \in B, B \notin C \in A \notin C$
- 2. Mostre que $(A \cup B)^C = A^C \cap B^C$.
- 3. Use o princípio de indução para mostrar que:

$$1^{2} + 2^{2} + 3^{2} + \dots + n^{2} = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

- 4. Sejam $A = \{x \in \mathbb{R} \mid 0 \le x \le 5\}, B = (2,5] \in C = (3,6)$. Determine os conjuntos:
 - (a) A B
 - (b) $A \cap B$
 - (c) A-C
 - (d) $A \cup C$
- 5. Dados os conjuntos $A = \{2, 6, 12\}$ e $B = \{2, 3, 4\}$:
 - (a) Determine os elementos do conjunto $A \times B$.
 - (b) Determine os elementos da relação $R = \{(x, y) \in A \times B \mid y \text{ divide } x\}.$