

UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS Álgebra Linear e Geometria Analítica — Avaliação PS Prof. Adriano Barbosa

1	
2	
3	
4	
5	
Nota	

Eng. Civil 30/08/2017

Aluno(a):....

() Avaliação P1:

1. É possível obter valores de a, b e c tais que a(1,1,1) + b(1,1,0) + c(1,0,1) = (6,3,4)?

2. Dadas as matrizes $A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ e $B = \begin{bmatrix} 0 & -2 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$. Calcule a matriz X que satisfaz a equação AB = BX.

3. Resolva a equação $\begin{vmatrix} x & 0 & 2 \\ 0 & x-1 & 0 \\ 1 & 0 & x-1 \end{vmatrix} = 0.$

4. Determine k de modo que que a reta r seja paralela a reta s:

$$r: \begin{cases} x = 1 + (k+2)t \\ y = 2 + (2k)t \\ z = 3 + 2t \end{cases}$$
 $s: \begin{cases} x = 1 + t \\ y = -2 + 2t \\ z = 2 - 2s \end{cases}$

5. Encontre a equação implícita do plano que passa pela origem e é ortogonal ao plano x - y + z = 0.

() Avaliação P2

1. Verifique se os vetores (1,1,1), (1,1,0) e (1,0,1) formam uma base de \mathbb{R}^3 .

2. Dada a transformação linear $T: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^2$, T(x,y) = (x+2y,2x+y):

- (a) Verifique se T é injetiva e se é sobrejetiva.
- (b) Calcule a inversa de T, se possível.

3. Calcule a transformação linear resultante da aplicação de uma projeção ortogonal sobre o eixo x, seguida de uma escala de fator 2, seguida de uma rotação de 30° no sentido anti-horário em torno da origem.

4. Calcule a matriz canônica da projeção ortogonal sobre a reta y = -x.

5. Dada a matriz $A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$, calcule seus autovalores e seus autovetores.