Álgebra Linear Avaliação P2 — 11/04/2016 Engenharia Mecânica

Nome:

- 1. O conjunto $W = \left\{ \begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \text{ com } a, b, c, d \in \mathbb{R} \text{ e } b = c+1 \right\}$ é um subespaço das matrizes 2×2 ? Em caso afirmativo, exiba os geradores.
- 2. Decida se os conjuntos de vetores são LI ou LD:
 - (a) $\{(-1,2,4), (5,-10,-20)\}$ em \mathbb{R}^3 .
 - (b) $\{-x^2+6, 4x^2+x+1\}$ em \mathcal{P}_2 .

(c)
$$\left\{ \begin{bmatrix} -3 & 4 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 3 & -4 \\ -2 & 0 \end{bmatrix} \right\}$$
 em $M(2,2)$.

- 3. Decida se o conjunto $\{1+x+x^2,x+x^2,x^2\}$ é uma base de \mathcal{P}_2 .
- 4. Encontre o domínio e o contradomínio da transformação

$$(x, y, z) \mapsto (3x - 2y + 4z, 5x - 8y + z)$$

e determine se ela é linear.

- 5. Combine as matrizes de rotação de 30°, -30° e 45° para calcular a matrizes de rotação de 15° e 75°.
- 6. Determine se a transformação linear associada a matriz $A=\begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 0 \\ 3 & -4 \end{bmatrix}$ dada nas bases canônicas é injetiva.