

## UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS Álgebra Linear e Geometria Analítica — Avaliação P2 Prof. Adriano Barbosa

1	
2	
3	
4	
5	
Nota	

Matemática 23/08/2017

Aluno	$(\mathbf{a})$	) <b>:</b>																																				
-------	----------------	------------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

- 1. Dado o conjunto  $\{(3,3,3),(0,2,2),(0,0,1)\}\subset \mathbb{R}^3$ , verifique:
  - (a) Os vetores são LI ou LD?
  - (b) Podemos escrever qualquer vetor de  $\mathbb{R}^3$  como combinação linear dos vetores dados?
  - (c) Os vetores formam uma base de  $\mathbb{R}^3$ ?
- 2. Dada  $T: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^3$ , T(x, y) = (x, y, x + y)
  - (a) Calcule a matriz canônica de T.
  - (b) Calcule o núcleo e a imagem de T.
  - (c) T é injetiva? E sobrejetiva?
- 3. Mostre que os vetores T(v) e v-T(v) são ortogonais, onde  $T:\mathbb{R}^2\to\mathbb{R}^2$  é uma projeção ortogonal sobre os eixos coordenados .
- 4. Determine a transformação linear resultante de uma rotação de  $45^{\circ}$  em torno da origem no sentido anti-horário seguida de uma reflexão em torno do eixo y.
- 5. Dada  $A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -2 \\ 1 & 2 & 1 \\ 1 & 0 & 3 \end{bmatrix}$ , calcule:
  - (a) Seus autovalores.
  - (b) Seus autovetores.
  - (c) Uma matriz P que diagonaliza A.
  - (d)  $P^{-1}AP$ .