

UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS Cálculo Diferencial e Integral — Avaliação P1 Prof. Adriano Barbosa

| Engenharia de Produção | 13/04/2021 |
|------------------------|------------|

| 1 | |
|------|--|
| 2 | |
| 3 | |
| 4 | |
| 5 | |
| Nota | |

Aluno(a):....

Todas as respostas devem ser justificadas.

- 1. Esboce o gráfico de uma função que atenda as condições abaixo:
 - (a) O domínio de f é [-2,1]; f(-2) = f(0) = f(1) = 0; $\lim_{x \to -2^+} f(x) = 2, \lim_{x \to 0} f(x) = 0 \text{ e } \lim_{x \to 1^-} f(x) = 1.$
 - (b) f(-1) = 0, f(0) = 1, f(1) = 0; $\lim_{x \to -1^{-}} f(x) = 0 \text{ e } \lim_{x \to -1^{+}} f(x) = +\infty;$ $\lim_{x \to 1^{-}} f(x) = 1 \text{ e } \lim_{x \to 1^{+}} f(x) = -\infty;$
- 2. Determine o valor de k de modo que f seja contínua para todo $x \in \mathbb{R}$

$$f(x) = \begin{cases} 7x - 2, & x \le 1 \\ kx^2, & x > 1 \end{cases}$$

- 3. Sem transformar ou manipular a função f:
 - (a) $f(x) = x^{-3} + \frac{1}{x^7}$, calcule f'(x).
 - (b) $f(x) = x^2(x^4 2)$, calcule f''(x).
- 4. Encontre a equação da reta tangente a $y = x \cos x$ em $x = \pi$.
- 5. Seja $s(t)=4,5\,t^2$ a equação que descreve a posição (m) de uma partícula em função do tempo (s) no intervalo $0\leq t\leq 10$:
 - (a) Calcule a velocidade média da partícula no intervalo [0, 10].
 - (b) Determine a velocidade instantânea da partícula em t=4.