

UNIVERSIDADE FEDERAL DA GRANDE DOURADOS Álgebra Linear e Geometria Analítica — Avaliação Final Prof. Adriano Barbosa

1	
2	
3	
4	
5	
Nota	

Eng. Mecânica 07/11/2022

Aluno(a):.....

Todas as respostas devem ser justificadas.

1. Determine o valor de k para que o sistema admita uma única solução e apresente essa solução.

$$\begin{cases}
-4x + 3y &= 2 \\
5x - 4y &= 0 \\
2x - y &= k
\end{cases}$$

2. Seja
$$A = \begin{bmatrix} 2 & x^2 \\ 2x - 1 & 0 \end{bmatrix}$$
. Se $A^T = A$, qual o valor de x ?

3. Encontre a equação da reta que passa pelo ponto A=(1,2,3) e é perpendicular ao plano

$$\pi: \left\{ \begin{array}{l} x=1+s-2t\\ y=1-t\\ z=4+2s-2t \end{array} \right., s,t \in \mathbb{R}.$$

4. Descreva em palavras o efeito geométrico de multiplicar um vetor (x, y) pela matriz A.

(a)
$$A = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$

(b)
$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

(c)
$$A = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

5. Seja

$$A = \left[\begin{array}{rrr} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 0 \end{array} \right]$$

- (a) Quantos autovalores reais a matriz A possui?
- (b) Calcule os autovetores de A.