

Язык C++

9 июля 2025 г.

Содержание

1	Начало	3
1.1	О структуре	3
1.2	Шаблон	3
1.3	Переменные	3
1.4	Арифметические операции	4
1.5	Обработка цифр числа	5
1.6	Про тип данных <code>long long</code>	5
1.7	Ввод-вывод	6
1.8	Вычисления по модулю	6
1.9	Установка и использование Code::Blocks (Windows)	6
1.10	Структура олимпиадной задачи	8
1.11	Оценка олимпиадной задачи	8
1.12	Вердикты тестирующей системы	9
1.13	Числа с плавающей точкой (Дробные числа)	10
1.14	Развеевание магии	11
1.15	Расширенная математика	11
2	Ветвление	12
2.1	Тип данных <code>bool</code> . Логические условия	12
2.2	Операторы над типом <code>bool</code>	12
2.3	Неполное ветвление. Ключевое слово <code>if</code>	13
2.4	Полное ветвление. Ключевое слово <code>else</code>	14
2.5	Использование <code>else-if</code>	14
2.6	Вывод текста на экран	15
3	Циклы. Цикл с предусловием. Цикл «n раз». Цикл с постусловием. Вложенные циклы.	15
3.1	Составные арифметические операции	15
3.2	Цикл с предусловием (<code>while</code>)	15
3.3	Цикл « n раз» (<code>for</code>)	16
3.4	Цикл с постусловием (<code>do-while</code>)	16
4	Массивы	17
4.1	Одномерные статические массивы	17
4.2	Двумерные массивы	18
5	Символы. Строки.	19
5.1	Символы	19
5.1.1	Арифметические операции с символами	19
5.1.2	Логические операторы	20
5.2	Строки	20
6	Процедуры. Функции. Рекурсия.	20
6.1	Процедуры	20
6.2	Функции	21
6.3	Передача массива в функцию	21
6.4	Передача значений по ссылке	22
6.5	О <code>main</code>	22

6.6	Рекурсия	23
7	Структуры данных	23
7.1	Векторы (динамические массивы)	23
7.2	Двумерные векторы	24
7.3	Пара (pair)	24
7.4	Структуры (struct)	25
8	Дополнительные темы	25
8.1	Что происходит, когда мы запускаем код?	25
8.2	Компиляция через терминал (Linux)	25
8.3	Установка и использование VS Code (Linux)	26
8.4	Файловый ввод-вывод	26
8.4.1	freopen	26
8.4.2	Потоки ifstream, ofstream	26
8.5	Интерактивные задачи	27
8.6	Поиск ошибок с помощью assert	27
8.7	Как сократить код?	27
8.7.1	using	27
8.7.2	#define	27

1 Начало

1.1 О структуре

Некоторые факты изложены в выделенных секциях. Ниже описано их предназначение.

Математическая справка. Иногда в информатике требуются знания из математики, которые в курсах алгебры, геометрии и спецмата ещё не пройдены к моменту изучения в информатике. Такие факты приводятся в этой секции.

Стилистическая заметка. Соблюдение этих правил настоятельно рекомендуется для поддержания читабельности кода и удобства его понимания. Но, вообще говоря, соблюдение данных правил не обязательно.

Важно! У C++ есть свои странности, о которых важно помнить, чтобы Ваша программа работала так, как Вы хотите.

Замечание. В данной секции приводятся интересные факты или обращается внимание на некоторые факты.

Задача. Так обозначаются задачи, формулируемые для последующего разбора.

Кроме того, *курсивом* выделены новые термины, а важные, по мнению автора, факты подчёркнуты.

В случае ошибок, опечаток, предложений по оформлению и т.д. пишите @cpp_is_ok в Телеграмм.

В случае вопросов по содержанию или по задачам пишите Боту помощи @inf54bot.

1.2 Шаблон

Ниже приведён стандартный код на C++:

```
1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 int main() {
6
7 }
```

Весь код, который мы будем писать в первом полугодии 8 класса, будет находиться внутри фигурных скобок. Пока будем использовать данный шаблон, не задумываясь, что значат все эти инструкции. Потом мы узнаем об их назначении. Часто в примерах далее мы будем опускать шаблон. В таком случае предполагается, что приведённый код находится внутри фигурных скобок.

Стилистическая заметка. Код внутри фигурных скобок принято писать с отступом в 4 пробела в начале каждой строки. Скорее всего, редактор кода поможет Вам с поддержанием этого отступа.

1.3 Переменные

Переменная — это «коробка» для хранения чего-либо. У переменной есть:

1. **Тип**. Каждая коробка подходит только для одного типа содержимого. Пока мы будем работать с целыми числами — это один из возможных типов содержимого.
2. **Значение**. Это и есть то, что лежит в коробке. Например, там может лежать число 54.
3. **Имя**. Некоторая последовательность символов, уникальная для каждой переменной. По ней в переменную можно записывать значения и получать значения.

Каждая инструкция в C++ заканчивается точкой с запятой (;). Чтобы объявить переменную (создать коробку), нужно написать сначала тип переменной, затем её имя. Например, инструкция

```
1 int a;
```

создаёт переменную с именем **a** типа целое число (**int** от англ. integer — целое). В названии можно использовать любые английские буквы (как заглавные, так и строчные), нижнее подчеркивание (**_**) и цифры, но название не может начинаться с цифры. Название переменной может содержать любое количество символов. Название переменной не должно совпадать с ключевыми словами (с ними мы будем постепенно знакомиться в следующих главах) и типами данных. В таблице ниже приведены примеры корректных и некорректных имён переменных.

Корректные	Некорректные
a2	2a
number_of_letters	number-of-letters
numberOfLetters	number of letters
int_	int

Стилистическая заметка . Хорошо давать переменным имена, из которых следует содержимое переменных. Исключением является размер входных данных: если в условии сказано, что программе будет передано некоторое количество целых чисел, то это количество обычно обозначается n (или m).

Чтобы *присвоить значение* переменной (положить что-либо в коробку, навсегда утратив предыдущее её содержимое), нужно написать через равно имя переменной и новое её значение. Например, чтобы присвоить уже объявленной переменной `a` число 54, нужно написать:

```
1 a = 54;
```

Таким образом, чтобы объявить переменную `letter_num` и присвоить ей значение 5, нужно написать:

```
1 int letter_num;  
2 letter_num = 5;
```

Вместо этого есть более короткая запись:

```
1 int letter_num = 5;
```

Можно объявлять несколько переменных одного типа в одной строке:

```
1 int a, b = 5, c = 4;
```

Эта строка объявляет переменные `a`, `b` и `c`. Переменным `b` и `c` заданы значения (5 и 4 соответственно). Переменная `a` создана, но *не инициализирована*. Это значит, что в ней может храниться любое значение, пока оно не будет задано явно.

Используя равно, можно сохранять значение одной переменной в другую. Например, если в переменной `b` хранится значение 5, то после инструкции

```
1 int a = b;
```

будет создана переменная `a`, в которой тоже будет храниться число 5.

Когда некоторое число используется в коде несколько раз, то хорошим стилем написания кода является определение *константы*. Это переменная, значение которой может быть присвоено только при создании. При попытке далее в программе изменить значение константы программа не может быть собрана, что гарантирует сохранность одного значения на протяжении всего выполнения кода.

Чтобы объявить константу, перед названием типа надо написать `const`:

```
1 const int SYSTEM_BASE = 10;
```

Стилистическая заметка . Для именования констант используют только заглавные буквы и нижние подчёркивания, как в примере выше.

Стилистическая заметка . Любую константу (кроме 0 и 1) следует явно объявлять как константы.

1.4 Арифметические операции

В данном параграфе мы научимся совершать арифметические операции — сложение, вычитание, умножение, деление, остаток от деления. В таблице ниже приведены обозначения этих операций в C++:

сложение	+
вычитание	-
умножение	*
деление	/
остаток от деления	%

Эти операции можно совершать как с числами, так и с переменными. В одном выражении можно использовать и числа, и переменные. Порядок действий по умолчанию — как в математике (приоритет остатка от деления такой же, как у деления). Чтобы повлиять на порядок действий, можно использовать круглые скобки.

`+`, `-`, `*`, `/` — это *бинарные операторы*. Это значит, что они совершают некоторое действие с двумя *операндами* — теми объектами, которые они разделяют. На самом деле, `=` — тоже бинарный оператор, называемый *оператором присваивания*.

Следующий код сохраняет числа 5 и 4 в переменные `a` и `b`, а затем сохраняет их сумму в переменную `c`.

```
1 #include <iostream>  
2  
3 using namespace std;  
4  
5 int main() {  
6     int a = 5, b = 4;  
7     int c = a + b;  
8 }
```

Стилистическая заметка. Хорошо ставить пробелы с обеих сторон от оператора, как в примере выше. Также пробел ставится после запятой, но не до неё.

Математическая справка. Разделить целое число a на натуральное число b с остатком значит представить a в виде $qb + r$, где q и r целые, и $0 \leq r < b$. Тогда число q называется *неполным частным*, а число r *остатком* при делении числа a на число b .

Операция деления ($/$) над целыми числами возвращает именно **неполное частное**. Например, $5/2$ равно 2.

Важно! При делении отрицательного числа на положительное C++ не соблюдает правила математики. Он делает операции так, будто это положительное число, а затем добавляет неполному частному и остатку знак минус. Например, $(-5)\%3 = -2$, $(-5)/3 = -1$, так как $-5 = (-3) \cdot (-1) + (-2)$.

Если Вам нужен остаток от деления, как в математике, для деления a на b можно использовать следующую конструкцию:

```
1 ((a % b) + b) % b
```

Кроме того, есть *унарный оператор* $-$. Это значит, что он совершает операцию, имеющую только один операнд (который идет после оператора). При таком использовании он меняет знак у операнда. Например, после выполнения кода

```
1 int a = 5;  
2 int b = -a;
```

в переменной b будет храниться число -5 .

1.5 Обработка цифр числа

Научимся обрабатывать цифры числа. Для этого узнаем, как совершать два типа операций:

1. Удаление последней цифры
2. Получение последней цифры

Математическая справка. Если над некоторым набором переменных стоит палочка, это значит, что рассматривается число, цифры которого — значения переменных. Например, если $a = 5$, $b = 4$, то $\overline{ab} = 54$, а $ab = a \cdot b = 20$. Палочка используется для того, чтобы не путать запись цифр числа и перемножение.

Рассмотрим некоторое натуральное число $a = \overline{a_n a_{n-1} \dots a_0}$. Разложим его на разрядные слагаемые и проведём некоторые преобразования: $a = a_n \cdot 10^n + a_{n-1} \cdot 10^{n-1} + \dots + a_0 = 10(a_n \cdot 10^{n-1} + a_{n-1} \cdot 10^{n-2} + \dots + a_1) + a_0 = 10\overline{a_n a_{n-1} \dots a_1} + a_0$. $a_0 < 10$, и $\overline{a_n a_{n-1} \dots a_1}$ и a_0 целые, поэтому по определению деления с остатком a_0 — остаток, $\overline{a_n a_{n-1} \dots a_1}$ — неполное частное при делении на 10.

Тогда если взять остаток от деления некоторого числа на 10, то мы получим его последнюю цифру, а если поделить его нацело на 10, то удалим её.

1.6 Про тип данных long long

В п. х.х мы познакомились с типом данных `int`. На самом деле, он умеет вмещать в себя только числа в диапазоне $[-2^{31}; 2^{31} - 1]$ (примерно от $-2 \cdot 10^9$ до $2 \cdot 10^9$). Но часто требуется работать с бóльшими числами. Тип данных `long long` позволяет работать с числами в диапазоне $[-2^{63}; 2^{63} - 1]$ (примерно от $-9 \cdot 10^{18}$ до $9 \cdot 10^{18}$). Операции над типом `long long` совершаются так же, как и над типом `int`. Но помните, что при перемножении двух чисел типа `int` результат будет считаться тоже в типе `int`. Поэтому следующий код содержит ошибку:

```
1 int a = 1000000000;  
2 long long b = a * a;
```

Результат перемножения считается в типе `int`, в который не помещается. Есть несколько возможных способов исправления этой ошибки:

```
1 long long a = 1000000000;  
2 long long b = a * a;
```

или

```
1 int a = 1000000000;  
2 long long b = 1ll * a * a;
```

Обратите внимание, что если после числа написано `1ll`, то оно имеет тип `long long`. Если умножить `int` на `long long`, то получится `long long`. Поэтому первое умножение в коде выше приведет a к типу `long long`.

1.7 Ввод-вывод

Обычно от программы требуется какое-либо взаимодействие с пользователем. Поэтому в C++, как и во всех других языках программирования, реализован ввод с клавиатуры и вывод на экран. Доступ к вводу осуществляется через `cin` (от англ. console input — консольный ввод) — особый объект. Чтобы считать число, например, в переменную `a`, нужно написать следующую инструкцию:

```
1 cin >> a;
```

(Помните, что перед работой с переменной её надо обязательно объявить!)

Кроме того, можно считывать несколько чисел одной инструкцией:

```
1 cin >> a >> b >> c;
```

При этом при вводе числа могут разделяться как переводами строк (**Enter**), так и пробелами.

Для вывода используется другой объект — `cout` (от англ. console output — консольный вывод). Чтобы вывести содержимое переменной `a`, нужно написать:

```
1 cout << a;
```

Выводить можно не только переменные, но и числа. Также, как и со вводом, можно выводить несколько объектов за раз. Но учитывайте, что если вывести сначала число 1, а затем число 5, то на экране будет выведено 15. Пробелы или переводы строк нужно выводить самостоятельно. Чтобы вывести пробел, выведите `' '`. Чтобы вывести перевод строки, выведите `endl` или `'\n'`. Следует помнить, что `'\n'` работает быстрее, чем `endl`. Пример:

```
1 cout << 5 << ' ' << 6 << 7 << '\n' << 8 + 3 << endl << 9;
```

Эта строка выведет:

5 67

11

9

Напишем программу, которая считывает 2 числа и выводит на экран их сумму:

```
1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 int main() {
6     int a, b;
7     cin >> a >> b;
8     cout << a + b;
9 }
```

1.8 Вычисления по модулю

В случае, когда ответ слишком большой и не помещается в тип `long long`, часто требуется вывести его по модулю $10^9 + 7$ или какому-либо другому. Это значит, что надо найти остаток от деления ответа на заданное число. Для решения таких задач полезно помнить следующее утверждение:

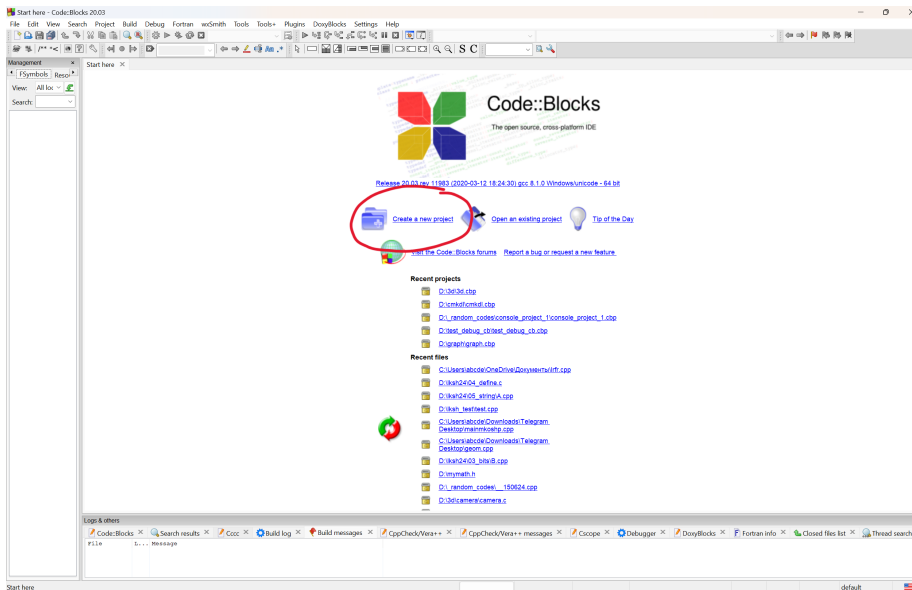
Утверждение. Остаток суммы (разности, произведения) при делении на m равен остатку суммы (разности, произведения) остатков некоторого количества чисел при делении на m .

1.9 Установка и использование Code::Blocks (Windows)

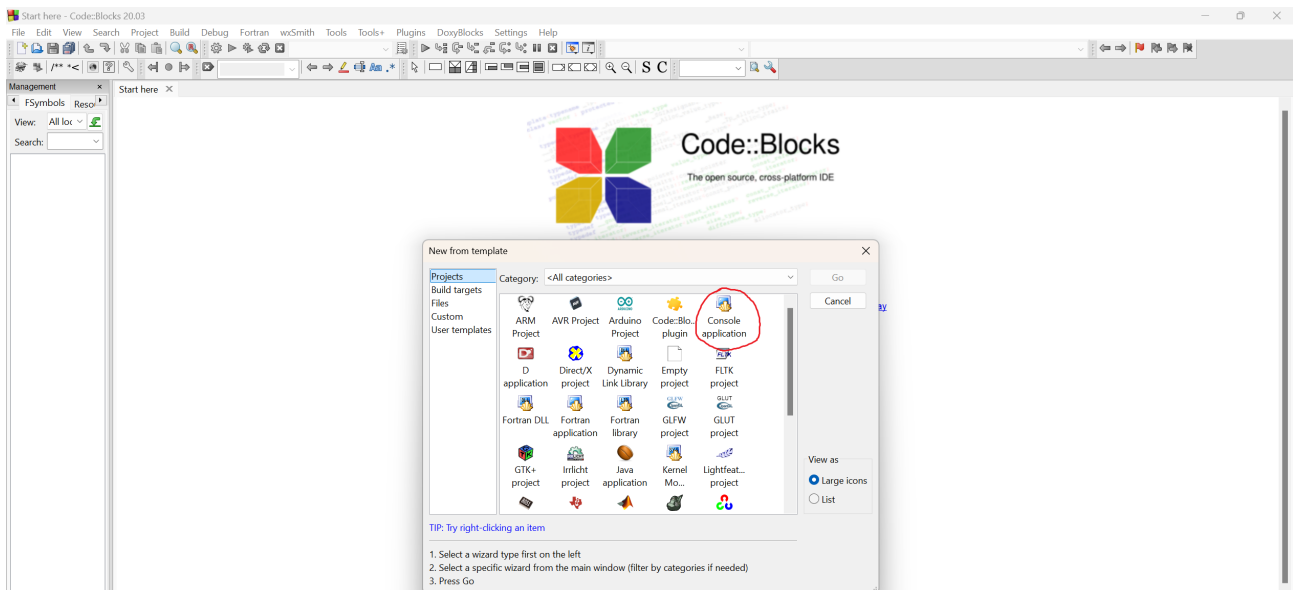
Мы будем работать со средой `Code::Blocks`. В случае, если вы хотите более красивую среду или если у вас `Linux`, то перейдите в раздел `x.x`, в котором описывается установка среды `VS Code`.

Чтобы установить `Code::Blocks`, перейдите на страницу <https://www.codeblocks.org/downloads/binaries/>. Выберите файл `codeblocks-20.03mingw-setup.exe`. Нажмите `FossHUB` рядом с ним. Установите файл и запустите его. Оставляйте все настройки по умолчанию. После этого запустите `Code::Blocks`.

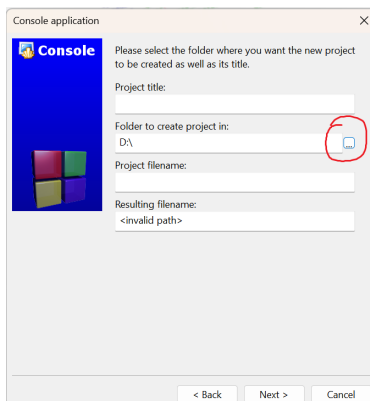
1. Работать будем в проектах. Чтобы создать проект, нажмите на кнопку `Create a new project`.



2. Выберите Console application.



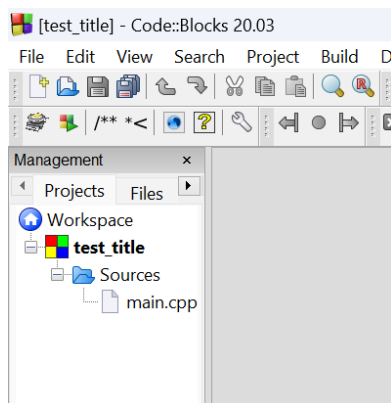
3. Нажмите Next. Выберите C++, нажмите Next. Разберемся с следующим окном подробнее:



- Укажите любое имя проекта (**Project title**) и папку, где проект будет создан (**Folder to create project in**). Для выбора папки нажмите на многоточие (обведено красным на картинке выше). Нажмите **Next**.
- Нажмите **Finish**.

Проект создан. Теперь научимся открывать файл, в котором будем писать код.

1. Если у Вас открыта панель **Management** (слева), то откройте там вкладку **Projects**. Откройте все подпапки (нажав на плюс слева от названий). Нажмите дважды на **main.cpp**



2. Если панели **Management** нет, нажмите комбинацию клавиш **Shift + F2**.

Чтобы запустить код, нажмите клавишу **F9** или на значок

1.10 Структура олимпиадной задачи

Обычно олимпиадная задача состоит из нескольких частей. Разберем их все по отдельности:

1. **Ограничения.** Здесь указаны ограничения по времени и памяти. Если Ваша программа будет их превышать, вы получите вердикт Превышено ограничение времени (TL или TLE — от Time Limit Exceeded) или Превышено ограничения памяти (ML или MLE — от Memory Limit Exceeded).
2. **Имя входного/выходного файла.** Обычно здесь написано стандартный поток ввода (или **stdin**) и стандартный поток вывода (**stdout**). Если указано что-то иное, то входные данные надо читать из одного файла, а выходные данные выводить в другой файл, названия которых указаны в этой секции. О работе с файлами см. п. х.х.
3. **Легенда.** Условия задач по программированию обычно содержат какую-либо интересную легенду. Например, людям дарят граф на Новый год. Но на начальном этапе, скорее всего, Вы будете встречаться с формальными условиями задач. В этой части описано общее содержание задачи.
4. **Входные данные.** В этой части описывается формат входных данных — того, что подаётся Вашей программе на вход. Также здесь описываются ограничения на размер входных данных, чтобы Вы могли подобрать алгоритм, который при таких ограничениях укладывается в отведенное время.
5. **Выходные данные.** В этой части описывается формат выходных данных — того, что должна выводить Ваша программа.
6. **Система оценки.** Здесь описывается оценка задачи. Подробнее про оценку задачи см. п. х.х. При ICPC-формате эта секция отсутствует. В IOI-формате здесь приводятся ограничения на каждую из подгрупп или указывается на потестовую оценку.
7. **Примеры.** Здесь приводятся один или несколько примеров входных данных и соответствующих им выходных данных. Обратите внимание, что в тестирующей системе есть другие тесты, которые неизвестны Вам. Поэтому программа должна работать не только на тестах из условия, но и в общем случае.
8. **Замечание.** В этой секции объясняются примеры или даются иные комментарии по задаче. Часто эта секция отсутствует.

1.11 Оценка олимпиадной задачи

Есть два наиболее популярных вида оценки задач:

1. ICPC

Каждая задача либо зачтена, либо не зачтена. Чтобы задача была зачтена (вердикт ОК/АС/Полное решение, нужно, чтобы решение прошло все тесты). Скорее всего, большая часть школьных задач и задач на обучающих курсах будет именно в этом формате. Этот формат используется на Внутренней олимпиаде 54-ой школы (начиная с IV-ой) и на командных олимпиадах, как среди школьников, так и среди студентов.

Штраф. Так как возможных результатов довольно мало (количество задач плюс 1), то участники, решившие одинаковое число задач, упорядочиваются по штрафу. Штраф зависит от времени, прошедшего с начала соревнования до успешной сдачи задачи, и от количества неудачных посылок. В учебных задачах штраф не важен.

2. IOI

В этом формате каждое решение оценивается некоторым количеством баллов (обычно от 0 до 100). Количество баллов может определяться по-разному. Ниже приведены два наиболее распространённых вида:

- (a) **Оценка по подгруппам.** Задача разбита на несколько подгрупп. На каждую подгруппу, кроме, скорее всего, последней, наложены дополнительные условия, упрощающие задачу. Обычно баллы за подгруппу ставятся тогда, когда пройдены все тесты этой подгруппы.
- (b) **Потестовая оценка.** В задаче n тестов, кроме тестов из условия, и каждый из них стоит $\frac{100}{n}$ баллов.

Этот формат используется на всех этапах Всероссийской олимпиады школьников, Летнем кубке по программированию 54-ой школы, на многих перечневых олимпиадах и на Международной олимпиаде по информатике (IOI). I-III Внутренние олимпиады 54-ой школы также использовали этот формат.

1.12 Вердикты тестирующей системы

Ниже приведены наиболее часто встречающиеся вердикты:

Полное название	Английское название	Сокращение	Причины
Полное решение	OK/Accepted	OK/AC	Решение работает верно на всех тестах жюри
Неправильный ответ	Wrong answer	WA	Решение выводит неверный ответ
Превышено время исполнения	Time Limit (Exceeded)	TL/TLE	Решение работает слишком долго (из-за неподходящего алгоритма или ошибки в реализации)
Превышен лимит по памяти	Memory Limit (Exceeded)	ML/MLE	Решение выделяет слишком много памяти
Ошибка исполнения	Runtime Error	RE	Решение исполняется с ошибкой
Ошибка компиляции	Compilation Error	CE	Решение не компилируется
Ошибка представления	Presentation Error	PE	Формат вывода программы не соответствует выходным данным. В некоторых системах отображается как WA.

Далее приведены специфичные вердикты:

Полное название	Английское название	Сокращение	Причины
Нарушение стиля оформления программ	Style Violation	SV	Пробелы в коде стоят не там, где надо, отступы не соответствуют требуемым и т.д.
Ожидает подтверждения	Pending Review	PR	Посылка прошла тесты, но ожидает ручного подтверждения
Отклонено	Rejected	RJ	Преподаватель признал попытку неверной
Превышен лимит бездействия/Решение «зависло»	Idleness Limit (Exceeded)	IL/ILE	Этот вердикт предназначен для интерактивных задач (подробнее см. п. х.х) и возникает, когда программа слишком долго не взаимодействует с интерактором. Обычно происходит, если в решении не сбрасывается буфер потока вывода.

1.13 Числа с плавающей точкой (Дробные числа)

До этого мы работали только с целыми числами. Теперь познакомимся с дробными числами. Из-за особенностей их хранения в памяти, вычисления с ними не точны, поэтому лучше использовать целые числа, если есть такая возможность.

Для хранения в памяти дробных чисел существуют типы `float`, `double`, `long double`. Каждый из них умеет хранить числа точнее, чем предыдущий. Не рекомендуется использовать тип `float` из-за его маленькой точности. Арифметические операции осуществляются с ними так же, как и с целыми. Но оператор деления делит не нацело, а «как в математике» ($\frac{5.0}{2.0} = 2.5$). Для выполнения деления без округления хотя бы один из операндов должен быть числом с плавающей точкой. Для приведения целого числа к типу `double` его можно умножить на `1.0`, для приведения к типу `long double` — на `1.0L`. Суффикс `l` (латинская строчная L) показывает, что число имеет тип `long double`.

Обратите внимание, что десятичным разделителем является точка.

Еще одна возможная форма записи чисел с плавающей точкой — научная. Например, `2.4e6` означает то же, что и $2.4 \cdot 10^6$. Для записи больших целых чисел тоже используется такой формат. Например, можно часто встретить

```
1 const int INF = 2e9;
```

или

```
1 const int MOD = 1e9 + 7;
```

Но на самом деле, C++ создает дробное число, а затем преобразует его к целому.

Есть особенность, связанная с выводом чисел с плавающей точкой. Познакомимся с ней на примере. Запустим следующий код:

```
1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 int main() {
6     long double a = 1001;
7     cout << a * a * a << '\n';
8 }
```

Этот код считает 1001^3 в дробных числах. Мы ожидаем получить ответ `1003003001`, но после запуска увидим `1.003e+09`. Ответ посчитан верно, но с очень низкой точностью. В задачах обычно указана точность ответа, но лучше всегда выводить максимальное возможное количество знаков после запятой, если вывод лишних знаков не противоречит условию. Чтобы управлять точностью выводимых чисел, допишите после `#include <iostream>` строку `#include <iomanip>`. В следующей строке после `int main() {` напишите `cout << fixed << setprecision(k);`, где вместо `k` укажите количество цифр, которое необходимо вывести. Этот код всегда будет выводить `k` цифр после запятой. Если не требуется выводить нули после запятой, можно опустить `fixed`.

Тогда наш исправленный код будет выглядеть так:

```
1 #include <iostream>
2 #include <iomanip>
3
```

```

4 using namespace std;
5
6 int main() {
7     cout << fixed << setprecision(100);
8     long double a = 1001;
9     cout << a * a * a << '\n';
10 }

```

1.14 Развеевание магии

Поговорим о назначении команд `#include`.

Команда `#include` *подключает библиотеки*, то есть позволяет использовать код, написанный другими разработчиками (в олимпиадном программировании — обычно авторами языка). Название библиотек указывается в треугольных кавычках. Приведём наиболее популярные из встроенных библиотек:

Название	Описание
<code>iostream</code>	Работа с вводом-выводом
<code>iomanip</code>	Настройка ввода-вывода (точность вывода дробных чисел и т.п.)
<code>cmath</code>	Расширенная математика (см. след. раздел)
<code>vector</code>	Векторы (динамические массивы) — будут рассмотрены позже
<code>algorithm</code>	Алгоритмы (сортировка, бинарный поиск). Вы познакомитесь с ней в 9 классе

Команда `using namespace std;` позволяет нам писать код короче. Например, задача «ввести 2 числа и найти их сумму» без неё решается так:

```

1 #include <iostream>
2
3 int main() {
4     int a, b;
5     std::cin >> a >> b;
6     std::cout << a + b << std::endl;
7 }

```

На написание такого кода требуется больше времени, но в промышленной разработке такой способ предпочтительнее, так как позволяет использовать одно и то же название несколько раз.

1.15 Расширенная математика

Мы научились выполнять арифметические операции. Но часто требуются и другие математические операции: корень, тригонометрические функции, логарифм. Чтобы использовать их, требуется в начале кода написать после строки `#include <iostream>` строку `#include <cmath>`.

Ниже приведена таблица функций:

Название в C++	Описание
<code>sqrt</code>	Квадратный корень
<code>cbrt</code>	Кубический корень
<code>pow</code>	Возведение в степень
<code>abs</code>	Модуль
<code>log</code>	Натуральный логарифм
<code>log10</code>	Десятичный логарифм
<code>log2</code>	Двоичный логарифм
<code>sin, cos, tan</code>	Тригонометрические функции
<code>asin, acos, atan</code>	Обратные тригонометрические функции
<code>floor, ceil, round</code>	Округление (вниз, вверх, к ближайшему)
<code>M_PI</code>	Число Пи

Важно ! Все тригонометрические функции работают в радианах ($1 \text{ радиан} = \frac{\pi}{180}^\circ$).

Важно ! Возведение в степень работает только в дробных числах, поэтому в случае целых чисел надёжнее реализовать руками.

2 Ветвление

2.1 Тип данных bool. Логические условия

На данный момент нам известно два типа данных — `int` и `long long`. Познакомимся ещё с одним типом данных — `bool`. Тип данных `bool` хранит одно из двух возможных значений: Истина (да) или Ложь (нет). Например, выражение `5 > 4` равносильно Истине, а `5 > 5` равносильно Лжи. В C++ Истина обозначается `true`, а Ложь — `false`. Вы можете создать переменную типа `bool` так же, как и переменную других известных Вам типов:

```
1 bool a;
```

или

```
1 bool a = true;
```

Также можно выводить переменную типа `bool`. При выводе значения `true` будет напечатана единица, при выводе `false` — ноль. При вводе `bool` происходит считывание числа. Если оно равно 0, то результатом будет `false`; иначе результатом будет `true`.

В C++ есть возможность сравнивать числа с помощью операторов `>`, `<`, `≥`, `≤`, `=`, `≠`, но форма их записи отличается. В таблице ниже приведено обозначение этих операторов в C++:

Математика	C++
$>$	<code>></code>
$<$	<code><</code>
\geq	<code>>=</code>
\leq	<code><=</code>
$=$	<code>==</code>
\neq	<code>!=</code>

Результат сравнения имеет тип `bool`. Например, после выполнения кода

```
1 bool a = 5 > 3;
```

в переменной `a` будет храниться значение `true`.

2.2 Операторы над типом bool

Тип `bool` кажется довольно странным, но позже мы увидим, что он часто оказывается полезен. Пока познакомимся с операторами для работы с этим типом. В таблице ниже приведены названия и обозначения в C++ каждого из операторов.

Оператор в C++	Название
<code>&&</code>	логическое И
<code> </code>	логическое ИЛИ
<code>==</code>	равенство
<code>!=</code>	неравенство

Последние два оператора работают так же, как и с остальными типами данных. Остановимся на первых двух подробнее.

Результат логического И для двух операндов истинен тогда и только тогда, когда оба операнда истинны. Таблица истинности для этого оператора:

<i>A</i>	<i>B</i>	<i>A&&B</i>
false	false	false
false	true	false
true	false	false
true	true	true

Результат логического ИЛИ истинен тогда и только тогда, когда хотя бы один из двух операндов истинен. Таблица истинности для него:

<i>A</i>	<i>B</i>	<i>A B</i>
false	false	false
false	true	true
true	false	true
true	true	true

Кроме того, для типа `bool` определён унарный оператор отрицания, обозначаемый `!`. Он меняет значение, к которому применяется, на противоположное. Таким образом, его таблица истинности выглядит так:

A	$\neg A$
false	true
true	false

Стилистическая заметка. Напоминаем, что бинарные операторы (в т.ч. логические) отделяются от своих операндов пробелами. Между унарным оператором и его операндом пробел не ставится.

Замечание. Если логическим операторам передавать числа как операнды, то они будут преобразованы к типу `bool` по следующему правилу: 0 преобразуется в `false`, все остальные числа — в `true`.

2.3 Неполное ветвление. Ключевое слово `if`

Мы научились сравнивать числа. Но сейчас наша программа выполняется строка за строчкой, мы пока не можем выполнять различные действия в зависимости от некоторых условий. Но такая возможность есть, и в этом пункте мы познакомимся с ней. Фраза «Если выполнено условие A , то сделай B » на C++ будет записана так:

```
1 if (A) {  
2     B;  
3 }
```

После выполнения этого блока кода, будет выполнена следующая после закрывающей фигурной скобки строка.

«Место B » называется *телом* условной конструкции, A — *условием*.

Тело может состоять из нескольких инструкций.

Напишем код, который выполняет следующий следующий алгоритм:

1. Считать число.
2. Если число больше 5, вычесть из него 1.
3. Вывести число.

```
1 #include <iostream>  
2  
3 using namespace std;  
4  
5 int main() {  
6     int x;  
7     cin >> x;  
8     if (x > 5) {  
9         x = x - 1;  
10    }  
11    cout << x << '\n';  
12 }
```

Стилистическая заметка. Отступ в теле условной конструкции должен быть на один `tab` (4 пробела) больше, чем отступ вне её.

Условие может состоять из нескольких логических выражений, объединённых логическими операторами, которые мы изучили ранее. Решим следующую задачу:

Задача. Вводится целое число x . Если $5 \leq x \leq 10$, то выведите 1, иначе не выводите ничего.

```
1 #include <iostream>  
2  
3 using namespace std;  
4  
5 int main() {  
6     int x;  
7     cin >> x;  
8     if (x >= 5 && x <= 10) {  
9         cout << 1;  
10    }  
11 }
```

Важно! Запись `5 <= x <= 10` в C++ не равносильна математическому двойному неравенству $5 \leq x \leq 10$, в отличие от других языков (например, Python), которые могут допускать такую запись. Корректно писать так, как в приведённом выше примере.

2.4 Полное ветвление. Ключевое слово else

Ключевое слово `else` может идти только после условной конструкции. Синтаксис при его использовании таков:

```
1 if (A) {
2     B;
3 } else {
4     C;
5 }
```

Блоки А и В были разобраны в прошлом пункте. Инструкции блока С выполняются только в том случае, когда не выполнилось условие А. В блоке С, как и в блоке В, может быть несколько инструкций. Например, в прошлом пункте мы решали задачу о принадлежности числа отрезку $[5; 10]$. Если число не принадлежало отрезку, то мы ничего не выводили. Давайте в таком случае выведем 0:

```
1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 int main() {
6     int x;
7     cin >> x;
8     if (x >= 5 && x <= 10) {
9         cout << 1;
10    } else {
11        cout << 0;
12    }
13 }
```

2.5 Использование else-if

Мы научились делать что-либо, если какое-то условие выполнено, и научились выбирать из двух вариантов действий нужный, исходя из истинности условия. Теперь рассмотрим, что делать, если вариантов действий больше двух. Например, решим такую задачу:

Задача. Требуется определить возрастную категорию человека по его возрасту в годах x . Если человеку ещё нет 7 лет, отнесём его к категории 0 (дошкольники), если уже есть 7, но ещё нет 18, — к категории 1 (школьники), если есть 18 — к категории 2 (взрослые).

```
1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 int main() {
6     int x;
7     cin >> x;
8     if (x < 7) {
9         cout << 0;
10    } else if (x < 18) {
11        cout << 1;
12    } else {
13        cout << 2;
14    }
15 }
```

Когда C++ видит такую конструкцию, он последовательно проверяет условия. Когда он находит истинное, он выполняет тело после этого условия, а затем пропускает все остальные. Если ни одно из условий не выполнилось, выполняется тело `else`. Именно поэтому во втором условии нет проверки $x \geq 7$, так как, если это условие было бы не выполнено, то выполнялся бы первый блок.

Конструкций `else-if` может быть много. Например,

```
1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 int main() {
6     int x;
7     cin >> x;
8     if (x < 7) {
9         cout << 0;
10    } else if (x < 18) {
11        cout << 1;
12    } else if (x < 35) {
```

```

13     cout << 2;
14 } else {
15     cout << 3;
16 }
17 }

```

2.6 Вывод текста на экран

Часто в задачах, где надо проверить какие-либо условия, требуется вывести «YES» или «NO». Чтобы вывести текст, надо записать его в кавычках ("), чтобы C++ не думал, что слова в нём — названия переменных. Например, чтобы вывести «YES» (без кавычек), нужно написать:

```

1 cout << "YES";

```

3 Циклы. Цикл с предусловием. Цикл « n раз». Цикл с постусловием. Вложенные циклы.

Наш код уже может выполняться по-разному в зависимости от разных условий. Теперь рассмотрим способы «заиклить» наш алгоритм — повторить его некоторое количество раз. Перед этим познакомимся с составными арифметическими операторами, которые зачастую удобны при написании циклов.

3.1 Составные арифметические операции

Мы уже знаем, что для увеличения переменной x на 1 можно написать следующую инструкцию:

```

1 x = x + 1;

```

Увеличение переменной на 1 часто используется в циклах, поэтому для этой операции есть сокращённая запись:

```

1 ++x;

```

$++$ — это оператор *инкремента*. Точнее, приведённая выше запись — это *префиксный инкремент*. Также существует *постфиксный инкремент*:

```

1 x++;

```

Они оба увеличивают значение переменной на 1.

Замечание. Разница между префиксным и постфиксным инкрементом проявляется, если результат выполнения присвоить другой переменной. При использовании префиксного инкремента, значение новой переменной будет равно новому значению инкрементируемой, а при использовании постфиксного инкремента — старому. Кроме того, префиксный инкремент работает быстрее постфиксного, хотя и несильно.

Существуют и другие составные операторы. Они приведены в таблице ниже:

Сокращённая запись	Полная запись
$a-$;	$a = a - 1$
$a += b$;	$a = a + b$;
$a -= b$;	$a = a - b$;
$a *= b$;	$a = a * b$;
$a /= b$;	$a = a / b$;
$a \% = b$;	$a = a \% b$;

3.2 Цикл с предусловием (while)

Рассмотрим самый простой из циклов — цикл с предусловием (цикл **while** — от англ. «пока»). Он имеет такой же синтаксис, как и **if** (в круглых скобках условие A , затем в фигурных скобках тело цикла B). Когда C++ выполняет этот блок кода, он поступает так:

1. Если A выполнено, сделать B .
2. Если A выполнено, сделать B .
3. Если A выполнено, сделать B .

...

Как только условие перестаёт быть выполнено, C++ переходит к коду после цикла. Следующий код выводит числа от 1 до 5:

```
1 int i = 1;
2 while (i <= 5) {
3     cout << i << endl;
4     i++;
5 }
```

Стилистическая заметка. Тело циклов (как этого, так и остальных) пишется с отступом на 1 tab (4 пробела) больше, чем у кода вне цикла.

Стилистическая заметка. Наиболее распространённые названия переменных для счётчиков циклов — i , j , k . От них ожидается такое предназначение. А от переменных a , x , m — не ожидается.

Один проход по телу цикла называется *итерацией*.

3.3 Цикл « n раз» (for)

Рассмотрим тот же код, что и в прошлом примере. Оказывается, такие конструкции — перебор чисел в каком-то диапазоне с фиксированным шагом — встречаются довольно часто. Но при написании такой конструкции легко ошибиться, например, пропустить `i++`. Поэтому в языке C++ существует другой цикл, упрощающий такую конструкцию. Этот цикл называется *циклом for*. Можно предположить, что это связано с его языковым аналогом «для каждого числа от ... до ... с шагом ... выполнить ...». Познакомимся с его синтаксисом:

```
1 for (A; B; C) {
2     D;
3 }
```

A содержит инструкцию, выполняемую до цикла один раз. Чаще всего, это инициализация счётчика.

B содержит условие, которое проверяется перед каждой итерацией. Если условие не выполняется, цикл завершается.

C содержит инструкцию, выполняемую после каждой итерации. Обычно это изменение счётчиков.

D — тело цикла, то есть то, что выполняется на каждой итерации.

Рассмотрим задачу:

Задача. Вводится число n ($1 \leq n \leq 10^5$). Выведите все натуральные числа от 1 до n (включительно).

Мы уже умеем решать эту задачу циклом `while`. Теперь решим её циклом `for`:

```
1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 int main() {
6     int n;
7     cin >> n;
8     for (int i = 1; i <= n; i++) {
9         cout << i << endl;
10    }
11 }
```

Перед циклом мы создаём переменную i , изначально равную единице. Условие выполнения нашего цикла — $i \leq n$. После каждой итерации мы увеличиваем i на 1. На каждой итерации мы выводим i .

Замечание. Цикл `for` может быть заменён на `while` (выше текстом описано, как это сделать). Но это не является хорошим тоном, так как понижает читабельность кода.

Замечание. Некоторые части могут опускаться, например, ниже приведён корректный код:

```
1 int i = 1;
2 for (; i <= 5; i++) {
3     cout << i << endl;
4 }
```

Замечание. `for(;;)` — бесконечный цикл, выполняющийся неограниченное число раз.

3.4 Цикл с постусловием (do-while)

Циклы `while` и `for` проверяют условие до выполнения цикла. Из этого следует, что если условие изначально ложно, то цикл не будет выполнен ни разу. Иногда это неудобно. Для этого создан цикл с постусловием. В отличие от цикла `while`, он выполняет следующее:

1. Выполнить B .
2. Если A , выполнить B .

3. Если A , выполнить B .

4. Если A , выполнить B .

...

Таким образом, тело цикла `do-while` всегда выполняется хотя бы один раз.

Познакомимся с синтаксисом этого цикла в C++:

```
1 do {
2     B;
3 } while (A);
```

Условие проверяется после выполнения тела и записывается после него. Обратите внимание на ; после условия.

4 Массивы

4.1 Одномерные статические массивы

Часто в задачах возникает необходимость хранить некоторую последовательность значений довольно большой или заранее неизвестной длины. В таком случае применяются *массивы*. Массив — это упорядоченный набор значений одного типа. В этой главе мы познакомимся со статическими массивами. Динамические массивы будут разобраны позже.

Замечание. Статические массивы — «наследие» языка Си, предшественника C++.

Чтобы создать массив используется следующий синтаксис:

```
1 type name[size];
```

`type` — это тип значений в массиве, `name` — название переменной (имя массива), `size` — размер массива, то есть количество значений, которое будет в нём храниться.

Кроме того, элементам массива можно сразу присвоить значения:

```
1 int arr[5] = {1, 2, 3, 4, 5};
```

Обратите внимание, что элементы массива перечисляются в фигурных скобках, в отличие от многих других языков программирования (Python, JavaScript).

Чтобы заполнить массив нулями, можно использовать такой синтаксис:

```
1 int arr[5] = {0};
```

Важно! Чтобы заполнить массив числами, отличными от нуля, нужно использовать цикл `for`.

Чтобы обращаться к элементам массива, используются квадратные скобки. Например, `arr[1]`.

Важно! Индексация (то есть нумерация элементов) массива начинается с **нуля**, а не с единицы. Поэтому если использовать приведённый выше массив, то `arr[0]` будет равно 1, а `arr[1]` — 2.

Массивы часто используются вместе с циклами. Например решим следующую задачу:

Задача. Дано число n , на следующей строке последовательность из n чисел через пробел. Выведите эту последовательность в обратном порядке.

```
1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 int main() {
6     int n;
7     cin >> n;
8     int a[n];
9     for (int i = 0; i < n; i++) {
10         cin >> a[i];
11     }
12     for (int i = n - 1; i >= 0; i--) {
13         cout << a[i] << ' ';
14     }
15 }
```

Замечание. При работе со статическими массивами, их размер, согласно стандарту, требуется делать известным заранее (например, 10^5). Несмотря на это, компилятор GCC допускает использование массивов так, как в приведённом выше примере.

Написанный по стандарту код будет выглядеть так:

```

1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 int main() {
6     const int ARRAY_SIZE = 1e5;
7     int n;
8     cin >> n;
9     int a[ARRAY_SIZE];
10    for (int i = 0; i < n; i++) {
11        cin >> a[i];
12    }
13    for (int i = n - 1; i >= 0; i--) {
14        cout << a[i] << '␣';
15    }
16 }

```

Стилистическая заметка. В случае использования констант, их следует объявлять как константы (так, как в приведённом выше примере).

Замечание. Выделение лишней памяти негативно сказывается на производительности. Но в задачах это не существенно, так как время и память оцениваются по наибольшим показателям среди всех тестов, а среди тестов обязательно встретится тест с максимальными ограничениями. Позже мы познакомимся с динамическим массивом (**vector**), который является более гибким.

4.2 Двумерные массивы

Двумерные массивы служат для представления таблиц. Чтобы создать массив размера $n \times m$ требуется использовать `type name[n][m]` — аналогично одномерным.

Решим следующую задачу:

Задача. Даны числа n и m и массив целых чисел размера $n \times m$. Посчитайте сумму в каждой строке и в каждом столбце.

```

1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 int main() {
6     int n, m;
7     cin >> n >> m;
8     int arr[n][m];
9     for (int i = 0; i < n; i++) {
10        for (int j = 0; j < m; j++) {
11            cin >> arr[i][j];
12        }
13    }
14    int sum_row[n];
15    for (int i = 0; i < n; i++) {
16        sum_row[i] = 0;
17        for (int j = 0; j < m; j++) {
18            sum_row[i] += arr[i][j];
19        }
20    }
21    int sum_col[m];
22    for (int i = 0; i < m; i++) {
23        sum_col[i] = 0;
24        for (int j = 0; j < n; j++) {
25            sum_col[i] += arr[j][i];
26        }
27    }
28    for (int i = 0; i < n; i++) {
29        cout << sum_row[i] << '␣';
30    }
31    cout << '\n';
32    for (int i = 0; i < m; i++) {
33        cout << sum_col[i] << '␣';
34    }
35    cout << '\n';
36 }

```

5 Символы. Строки.

5.1 Символы

Раньше мы работали только с числами и массивами чисел. Теперь научимся работать с текстом. Познакомимся с новым типом данных C++ — символ (`char`). По умолчанию C++ работает с символами по таблице ASCII (American Standard Code for Information Interchange) (читается [аски]), которые содержат только латинские буквы, цифры, знаки пунктуации и некоторые служебные символы (перевод строки, возврат каретки, конец файла и т.д.). В таблице ASCII каждому символу сопоставлен номер от 0 до 127. Таким образом, номер символа можно хранить в 7 битах, но, из-за особенностей устройства памяти в компьютере, тип `char` занимает 1 байт (8 бит). Ниже приведена таблица ASCII:

32	пробел	48	0	64	@	80	P	96	'	112	p
33	!	49	1	65	A	81	Q	97	a	113	q
34	"	50	2	66	B	82	R	98	b	114	r
35	#	51	3	67	C	83	S	99	c	115	s
36	\$	52	4	68	D	84	T	100	d	116	t
37	%	53	5	69	E	85	U	101	e	117	u
38	&	54	6	70	F	86	V	102	f	118	v
39	'	55	7	71	G	87	W	103	g	119	w
40	(56	8	72	H	88	X	104	h	120	x
41)	57	9	73	I	89	Y	105	i	121	y
42	*	58	:	74	J	90	Z	106	j	122	z
43	+	59	;	75	K	91	[107	k	123	{
44	,	60	<	76	L	92		108	l	124	
45	-	61	=	77	M	93]	109	m	125	}
46	.	62	>	78	N	94	^	110	n	126	~
47	/	63	?	79	O	95	_	111	o		

Символы до №31 все являются служебными.

Значения этого типа пишутся в одинарных кавычках, например,

```
1 char c = 'x';
```

Выведем `c` на экран. На экране мы увидим символ `x`. Теперь рассмотрим следующий код:

```
1 char c = 'x';
2 int a = c;
3 cout << a;
```

На экране мы увидим число 120 — номер символа `x`.

5.1.1 Арифметические операции с символами

Благодаря тому, что символам сопоставлены числа, мы можем работать с ними, как с числами. Рассмотрим следующий пример:

Задача. Дан символ, являющийся строчной буквой латинского алфавита. Определить его номер в алфавите (считая, что букве `a` соответствует номер 1).

Вычтем из данного нам символа символ `a`. Тогда мы узнаем номер символа в 0-индексации. Добавим 1, чтобы получить его в 1-индексации.

```
1 char c;
2 cin >> c;
3 cout << c - 'a' + 1;
```

Другой пример:

Задача. Дано число `x`. Выведите `x`-ю строчную букву латинского алфавита.

Теперь нам нужно решить задачу, обратную предыдущей. Напишем такой код:

```
1 int x;
2 cin >> x;
3 cout << 'a' + (x - 1);
```

Запустим его. Введём, например, 5. На экране мы увидим 101. Это связано с тем, что результат арифметических действий над символами вычисляется в типе `int`. Чтобы исправить это, изменим код так:

```

1 int x;
2 cin >> x;
3 cout << (char)('a' + (x - 1));

```

Теперь код, как и должно быть, выводит **e**.

Упражнение. Вводится символ, являющийся цифрой. Считайте его как символ, а затем преобразуйте к соответствующему числу (в тип `int`).

5.1.2 Логические операторы

С символами определены и операторы сравнения (`>`, `<` и т.д.). Символы сравниваются в порядке номеров в таблице ASCII. Наиболее часто пригождается проверка, является ли символ буквой (строчной буквой, заглавной буквой, цифрой и т.д.).

Так как строчные буквы (как и заглавные буквы и цифры) идут в таблице ASCII последовательно, для этого достаточно сравнить символы. Например, так:

```

1 char c;
2 cin >> c;
3 if ('A' <= c && c <= 'Z') {
4     cout << "YES";
5 } else {
6     cout << "NO";
7 }

```

5.2 Строки

Строкой в программировании называется любая последовательность символов. Для хранения строк используется тип `string`. Для него определён ввод и вывод (через `>` и `<` соответственно). Для обращения к номерам символов используется такой же синтаксис, как и у массивов, — квадратные скобки.

Важно ! Нумерация символов в строке начинается с 0.

Кроме того, для скобок определен оператор `+`, который выполняет *конкатенацию* строк, то есть их «склеивание». Кроме того, для строк определён *метод* `substr`, который позволяет получить *подстроку* (то есть непрерывный участок исходной строки).

Первое число указывает индекс начала строки, второе число — длину подстроки. Если второе число не указано, то конец подстроки совпадает с концом строки. Познакомимся с методом `substr` на примере:

```

1 string s = "abcdef";
2 s.substr(1, 3); // "bcd"
3 s.substr(2); // "cdef"

```

6 Процедуры. Функции. Рекурсия.

Циклы помогли нам избежать повторов аналогичного кода. Отсутствие повторов — это хорошо, потому что:

1. Код меньше.
2. Если есть ошибка, её надо исправить только в одном месте.

Функции — это ещё один способ избавиться от повторов.

6.1 Процедуры

Разберём несколько задач, чтобы понять, что такое процедура.

Задача. Три раза повторите следующее: считайте строку `s` и выведите «Hello, », а затем строку `s`.

Выделим повторяющуюся часть кода. Здесь это чтение строки `s` и вывод приветствия.

```

1 #include <iostream>
2 #include <string>
3
4 using namespace std;
5
6 void hello() {
7     string s;
8     cin >> s;
9     cout << "Hello, " << s << '\n';
10 }

```

```

11
12 int main() {
13     for (int i = 0; i < 3; i++) {
14         hello();
15     }
16 }

```

Мы определили процедуру `hello`. Внутри фигурных скобок написано то, что она делает. Чтобы *вызвать* (выполнить) её, нужно написать её имя (в данном случае, `hello`), а затем круглые скобки.

Задача. Дано число n . Вывести n строк, в i -й строке вывести i символов «*».

Попробуем найти в задаче повторяющийся алгоритм. В данном случае, это вывод некоторого количества звёздочек. Отличается лишь их количество. В прошлом примере алгоритмы полностью совпадали. Теперь у алгоритма появился некоторый параметр. Поэтому мы можем создать *процедуру*, которая будет *принимать* параметр x и печатать x звёздочек. В основном коде мы n раз *вызовем* (выполним) эту процедуру для каждого x от 1 до n . В коде это будет выглядеть так:

```

1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 void printStars(int x) {
6     for (int i = 0; i < x; i++) {
7         cout << '*';
8     }
9     cout << '\n';
10 }
11
12 int main() {
13     int n;
14     cin >> n;
15     for (int i = 1; i <= n; i++) {
16         printStars(i);
17     }
18 }

```

Замечание. Безусловно, примеры, приведённые в этой главе довольно надуманы. Несмотря на это, функции являются очень важными при написании крупного кода. Кроме того, скоро мы познакомимся с рекурсией, использование которой часто помогает написать более простой код.

Замечание. Название функций должно удовлетворять тем же требованиям, что и имена переменных.

6.2 Функции

Процедуры умеют совершать аналогичные действия для разных параметров. Но часто требуется, чтобы функция, как в математике, «выдавала» (*возвращала*) некоторый результат.

Функции определяются так:

```

1 ReturnType name(Type1 arg1, Type2 arg2, ... Typen argn) {
2     body;
3 }

```

`ReturnType` — тип возвращаемого значения, `name` — имя функции, `Type i` — тип i -го элемента, `arg i` — имя i -го элемента.

Например, пусть нам нужна функция, которая вычисляет длину гипотенузы по двум катетам. Тогда она принимает два вещественных числа, длины катетов, и возвращает одно вещественное число — длину гипотенузы. Эта функция будет выглядеть так:

```

1 long double hyp(long double a, long double b) {
2     return sqrt(a * a + b * b);
3 }

```

Обратите внимание на ключевое слово `return`. После него следует то значение, которое возвращает функция.

Замечание. Функция, аналогичная нашей `hyp`, определена в библиотеке `cmath` и называется `hypot`.

Кроме того, следует заметить, что `sqrt`, `abs` и др. — тоже функции, но они определены не нами, а авторами библиотеки `cmath`.

6.3 Передача массива в функцию

Чтобы передать статический массив в функцию, надо указать звездочку после типа, который хранится в этом массиве. Обычно следующим параметром передаётся длина массива. Например, напомним функцию, вычисляющую сумму чисел в массиве:

```

1 int countSum(int* a, int n) {
2     int sum = 0;
3     for (int i = 0; i < n; i++) {
4         sum += a[i];
5     }
6     return sum;
7 }

```

6.4 Передача значений по ссылке

Проверим, копирует ли C++ значения при передаче их в функцию, то есть меняется ли значение переменных, переданных в функцию, если изменить их в функции. Для этого напишем следующий код:

```

1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 void func(int x) {
6     x++;
7     cout << x << '\n'; // 6
8 }
9
10 int main() {
11     int x = 5;
12     func(x);
13     cout << x << '\n'; // 5
14 }

```

Таким образом, C++ создаёт копии элементов при их передаче в функцию. Очень важно помнить об этом по двум причинам:

1. Иногда хочется, чтобы C++ не создавал копии, а передавал именно те же объекты. О том, как это сделать мы поговорим ниже. Но очень важно следить, чтобы не были созданы копии. Возможно, это легко, пока программы простые, но однажды проблема в коде моего одноклассника, который писал один довольно сложный алгоритм, была именно в этом.
2. В случае передачи «тяжёлых» объектов (например, векторов, с которыми мы познакомимся позже) функция может работать быстрее, чем копирование массива, которое бывает необязательным. Всегда передавайте векторы по ссылке, если это возможно.

Чтобы передать в функцию объект без копирования, после типа данных надо поставить амперсанд (&), например:

```

1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 void func(int& x) {
6     x++;
7     cout << x << '\n'; // 6
8 }
9
10 int main() {
11     int x = 5;
12     func(x);
13     cout << x << '\n'; // 6
14 }

```

6.5 О main

Теперь посмотрим на `main`. По синтаксису это функция, которая возвращает целое число, но ничего не принимает. Обратите внимание, что нами эта функция нигде явно не вызывается. Но почему же она возвращает целое число? И почему мы не используем `return`?

На самом деле, функция `main` возвращает то значение, которое возвращает программа. Обычно мы нигде не сталкиваемся с возвращаемым значением программ, но он используется, чтобы указать, завершилась ли программа без ошибок или с какой ошибкой. Если программа завершилась без ошибок, то возвращаемое значение должно быть равно 0. Иначе оно должно быть отлично от 0.

Большинство наиболее используемых компиляторов сами добавляют `return 0;` в конец функции `main`.

Важно! Если функция `main` будет возвращать значение, отличное от 0, программа в тестирующей системе получит вердикт **Ошибка исполнения**.

6.6 Рекурсия

Думаю, из математики вам известен метод математической индукции. Например, чтобы доказать, что $1 + 2 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$, можно сделать так:

База: $n = 1$. Тогда $\frac{n(n+1)}{2} = \frac{1 \cdot 2}{2} = 1$ — верно.

Переход: Пусть верно для $n = k$, докажем для $n = k + 1$:

$$1 + 2 + \dots + (k + 1) = (1 + 2 + \dots + k) + (k + 1) = \frac{k(k + 1)}{2} + (k + 1) = \frac{k(k + 1) + 2(k + 1)}{2} = \frac{(k + 1)(k + 2)}{2}$$

Возможно, вы встречались и с рекуррентными соотношениями — последовательностями, в которых каждый следующий элемент определяется через предыдущие. Например, такой последовательностью являются числа Фибоначчи:

$$F_1 = F_2 = 1, F_n = F_{n-2} + F_{n-1} \quad (n \geq 3)$$

Попробуем реализовать функцию, которая вычисляет n -ое число Фибоначчи.

```
1 int fib(int n) {
2     if (n == 1 || n == 2) {
3         return 1;
4     }
5     return fib(n - 1) + fib(n - 2);
6 }
```

В этой функции описано на языке C++ то, что было описано раньше словами.

Замечание. Данный код крайне не эффективен, так как мы многократно вычисляем значение для одного и того же числа. Для оптимизации можно применить технику *мемоизации* — запоминать уже вычисленные значения. Например, если мы знаем, что значение n не будет превосходить 10, то можно использовать следующий код:

```
1 const int N = 11;
2 int mem[N] = {-1};
3
4 int fib(int n) {
5     if (mem[n] != -1) return mem[n];
6     if (n == 1 || n == 2) {
7         return mem[n] = 1;
8     }
9     return mem[n] = fib(n - 1) + fib(n - 2);
10 }
```

В приведённом выше коде мы запоминаем уже вычисленные значения в массиве `mem`, используя `-1` как метку, что значение ещё не было вычислено. Обратите внимание, что мы можем возвращать результат присваивания. В таком случае, будет возвращено присвоенное значение.

7 Структуры данных

Мы уже знакомы со статическими массивами. Теперь изучим векторы и пары — важные структуры данных, встроенные в C++. После них мы познакомимся со структурами, которые позволяют объединять в один тип любые комбинации других типов, определять для них операторы и т.д.

7.1 Векторы (динамические массивы)

Ранее мы уже познакомились со статическими массивами, длина которых задана заранее и не изменяется. Теперь познакомимся с векторами.

Чтобы работать с векторами, требуется подключить библиотеку `vector`. Чтобы создать вектор, нужно написать

```
vector<Type> name;
```

где `Type` — тип содержимого (например, `bool`), а `name` — имя переменной-вектора. Вектору можно сразу присвоить значение, например,

```
1 vector<int> a = {1, 2, 3};
```

Другой способ создать вектор — указать количество элементов и их значение. Приведённая ниже строка создаёт вектор из пяти элементов, каждый из которых равен `-1`.

```
1 vector<int> a(5, -1);
```

Можно указать только количество элементов, тогда вектор будет заполнен «стандартными» значениями данного типа (0 для чисел, пустая строка для строк и т.д.):

```
1 vector<int> a(5);
```

Важно! Длина вектора указывается в круглых скобках. Если вы попытаетесь использовать квадратные скобки, то вы создадите статический массив, элементы которого — векторы.

Обращение к элементам вектора по индексу осуществляется через квадратные скобки, так же, как и со статическими массивами. Индексация тоже начинается с нуля.

Теперь поговорим о возможностях вектора, которых нет у статических массивов. Самая примечательная особенность — возможность добавлять в конец или удалять последний элемент. Для этого используются *методы* `push_back` и `pop_back`.

Метод — это функция, относящаяся к определённому объекту. Чтобы вызвать метод, нужно написать имя объекта (в данном случае — имя переменной-вектора), через точку название метода, затем в круглых скобках через запятую аргументы.

Познакомимся с методами и их синтаксисом на примере:

```
1 vector<int> a = {1, 2, 3};
2 a.push_back(4); // a = {1, 2, 3, 4}
3 a.pop_back(); // a = {1, 2, 3}
4 a.pop_back(); // a = {1, 2}
```

Так как размер вектора может меняться, то мы можем узнать текущий размер массива. Для этого используется метод `size`:

```
1 vector<int> a = {1, 2, 3};
2 a.pop_back();
3 a.size(); // 2
```

Ещё одна особенность вектора — возможность перебирать его не только с помощью перебора индекса, но и *с помощью* `for-auto`. Например, приведённый ниже код выводит 54 5 4.

```
1 vector<int> a = {54, 5, 4};
2 for (auto& i : a) {
3     cout << i << ' ';
4 }
```

Часто такой перебор вектора используется для считывания массива. Например,

```
1 int n;
2 cin >> n;
3 vector<int> a(n);
4 for (auto& i : a) {
5     cin >> i;
6 }
```

Этот код считывает сначала длину массива, а затем все его элементы.

7.2 Двумерные векторы

В векторах можно хранить другие векторы. Например,

```
1 vector<vector<int>> a = {{1, 2, 3}, {4, 5, 6}, {7, 8, 9}};
```

Обратите внимание, что для создания двумерного вектора заданного размера ($n \times m$) правильно писать так:

```
1 vector<vector<int>> a(n, vector<int>(m));
2 vector<vector<int>> b(n, vector<int>(m, 54));
```

Двумерный вектор `b` имеет размер $n \times m$ и заполнен числами 54.

7.3 Пара (pair)

Пара используется для хранения в одной переменной двух значений разных типов. Чтобы создать пару, используется следующий синтаксис:

```
pair<Type1, Type2> name;
```

Например,

```
1 pair<int, string> a = {54, "School_No.54"};
```

В паре можно хранить и одинаковые значения. В том числе пары часто хранятся в векторах вместо использования двумерных массивов, одна из размерностей которого — 2.

Чтобы обратиться к элементам пары, используются *свойства* `first` и `second`. Обращение к свойствам, как и к методам, осуществляется через точку, но после названия свойства не ставятся скобки.

7.4 Структуры (struct)

Чтобы объявить структуру, используется следующий синтаксис:

```
1 struct TypeName {
2     Type1 name1;
3     Type2 name2;
4     ...
5     TypeN nameN;
6 };
```

Важно! После объявления структуры ставится точка с запятой.

Например, пусть нам надо хранить информацию о клетке, у которой есть две целых координаты (x и y) и прочность (durability) — дробное число.

```
1 struct Cell {
2     int x, y;
3     double durability;
4 };
```

Тогда, чтобы создать переменную, хранящую информацию о клетке с координатами (54, -54) и прочностью 5.4, используется следующий синтаксис:

```
1 Cell x = {54, -54, 5.4};
```

Поля в фигурных скобках перечисляются в том же порядке, что и при объявлении структуры.

Чтобы обратиться к свойству структуры, имя свойства пишут через точку после имени переменной. Например,

```
1 x.durability; // 5.4
2 x.x; // 54
3 x.y; // -54
```

8 Дополнительные темы

8.1 Что происходит, когда мы запускаем код?

У C++ есть важное отличие от, например, Python или Java. C++ — *компилируемый* язык программирования, в отличие от Python, *интерпретируемого* языка программирования. Программа на C++ сначала переводится в *байт-код* (например, .exe-файл), а затем байт-код выполняется операционной системой. Процесс перевода называется *компиляцией*, а программа, его осуществляющая — *компилятором*. Байт-код — это некоторая последовательность примитивных инструкций, которая отличается от *машинного кода* тем, что она зависит только от операционной системы, но не от процессора. В этой универсальности и состоит преимущество байт-кода над машинным кодом.

Программа на Python выполняется сразу из исходного кода, что значительно замедляет этот процесс.



С Java все ещё более интересно. Она компилируется в свой байт-код, который не зависит от ОС, а затем этот байт-код выполняется в виртуальной машине (JVM).

8.2 Компиляция через терминал (Linux)

Чтобы установить компилятор GNU GCC, введите в терминале `sudo apt-get install g++` (в случае, если в вашей ОС другой пакетный менеджер, используйте его). Чтобы скомпилировать программу, надо ввести команду `g++ <имя файла>.cpp`, где вместо `<имя файла>` надо указать название вашего файла. В таком случае будет создан файл `a.out`. Чтобы выбрать имя для исполняемого файла, укажите флаг `-o <имя исполняемого файла>`, например, `g++ A.cpp -o A`. Существуют и другие флаги. Наиболее распространённые их комбинации приведены в таблице.

<code>-Wall -Wextra -Wunused -Wconversion</code>	Включает предупреждения (варнинги). Иногда помогают найти ошибки, так как показывают, например, неиспользованные переменные, неявные преобразования между типами, повторное использование одного и того же названия несколько раз.
<code>-O3</code> (латинская O и цифра 3)	Заставляет компилятор как можно сильнее оптимизировать код
<code>-fsanitize=undefined,bounds,address -g -g3</code>	Включает <i>санитайзеры</i> , которые показывают ошибки во время исполнения (выход за границы массива, переполнение стека и т.д.)
<code>-DLOC</code>	Аналогично <code>#define LOC</code> в самом начале вашего кода, помогает в дебаге, подробнее см. п. x.x.

8.3 Установка и использование VS Code (Linux)

1. Установите компилятор GNU GCC. Для этого введите команду `sudo apt-get install g++` в терминале (в случае, если в вашей ОС нет `apt-get`, используйте менеджер пакетов вашей ОС).
2. Установите VS Code с официального сайта (в случае Ubuntu вы можете установить его из Software Center):
<https://code.visualstudio.com/>.
3. Установите расширение C/C++ Extension Pack. Для этого слева нажмите на иконку , введите название в строке поиска и установите расширение.
4. Запуск программы осуществляется через нажатие иконки  (или клавиши F5) или через командную строку (см п. x.x).

8.4 Файловый ввод-вывод

В некоторых задачах требуется читать входные данные из одного файла, а записывать в другой. Насколько мне известно, это было популярно в середине 2010-х годов. Познакомимся с двумя способами работать с файлами.

8.4.1 freopen

Если вам нужно сделать так, чтобы потоки `cin` и `cout` работали с файлами (*перенаправить потоки ввода-вывода*), то в начале функции `main` нужно дописать:

```
1 freopen("input.txt", "r", stdin);
2 freopen("output.txt", "w", stdout);
```

Вместо `input.txt` и `output.txt` нужно использовать имена файлов, указанные в условии задачи.

8.4.2 Потоки `ifstream`, `ofstream`

Этот способ более универсален, так как позволяет работать с большим количеством файлов. Для работы с файлами этим способом требуется добавить строку `#include <fstream>`. Чтобы работать с файлом для чтения и записи соответственно, напишите:

```
1 ifstream name_in("file_name");
2 ofstream name_out("file_name");
```

Вместо `file_name` надо указать имя файла, вместо `name_in`, `name_out` — любые имена для этих потоков. Работа с ними осуществляется так же, как и с `cin` и `cout` — через `>>` и `<<`. Приведённые ниже два кода решают задачу нахождения суммы двух чисел, читая ввод из `in.txt` и записывая вывод в `out.txt`:

```
1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 int main() {
6     freopen("in.txt", "r", stdin);
7     freopen("out.txt", "w", stdout);
8     int a, b;
9     cin >> a >> b;
10    cout << a + b;
11 }
```

```
1 #include <fstream>
2
3 using namespace std;
4
5 ifstream fin("in.txt");
6 ofstream fout("out.txt");
7
8 int main() {
9     int a, b;
10    fin >> a >> b;
11    fout << a + b;
12 }
```

8.5 Интерактивные задачи

До этого мы сталкивались только со стандартными задачами: весь ввод дан нам в самом начале выполнения программы. Встречается и другой формат задач: *интерактивные задачи*. Их отличие состоит в том, что программа-решение взаимодействует с программой жюри (называемой *интерактором*) через стандартные потоки ввода-вывода. Рассмотрим пример интерактивной задачи:

Задача. Жюри загадало натуральное число от 1 до 10. Угадайте его. Вы можете называть число, а интерактор будет отвечать вам 1, если вы угадали, и 0 иначе. Если вы угадали, Ваша программа должна немедленно завершиться. Вы можете сделать 10 запросов.

```
1 #include<iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 int main() {
6     for (int i = 1; i <= 10; i++) {
7         cout << i << '\n';
8         cout.flush();
9         int x;
10        cin >> x;
11        if (x == 1) {
12            return 0;
13        }
14    }
15 }
```

Обратите внимание на строку `cout.flush()`; . Она осуществляет сброс буфера потока вывода.

Для ускорения вывода C++ выводит данные на экран не сразу при выполнении команды `cout`, а накапливает их в буфере, а затем выводит. Команда `cout.flush()` осуществляет вывод всего содержимого буфера.

Замечание . Интерактивные задачи часто используют идею *бинарного поиска*, с которой вы познакомитесь в следующем году.

8.6 Поиск ошибок с помощью assert

При написании большого кода, к сожалению, часто допускаются ошибки. С определением места, где они возникают, может помочь функция `assert`. Чтобы её использовать, нужно подключить библиотеку `cassert`. Функция `assert` принимает аргумент типа `bool`. Если аргумент равен Истине, то продолжается выполнение кода. Если же он равен Лжи, то программа завершается, выдав ошибку. Таким образом, посылка в тестирующей системе получит вердикт Ошибка исполнения, а не Неправильный ответ.

8.7 Как сократить код?

Название типов часто довольно длинные, например, `long long`, `long double`, `vector<int>`. Поэтому часто используются сокращения, например, `ll`, `ld`, `vi`. Чтобы объяснить компилятору, что мы имели в виду, есть несколько способов:

8.7.1 using

Пример:

```
1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4 using ll = long long;
5
6 int main() {
7     ll a, b;
8     cin >> a >> b;
9     cout << a + b;
10 }
```

Этот подход считается лучшим, но имеет важные ограничения: он позволяет сокращать только типы.

8.7.2 #define

Этот способ позволяет сокращать не только названия типов, но и любые названия, например, методы.

```
1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3
```

```

4 using namespace std;
5
6 #define bg begin
7
8 int main() {
9     vector<int> v = {5, 4};
10    cout << *v.bg();
11 }

```

В таком случае говорят, что объявлен *макрос* `bg`. Наиболее популярные приведены ниже:
 Бывают и функции-макросы:

```

1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 #define sq(x) ((x) * (x))
6
7 int main() {
8     cout << sq(5 + 3); // 64
9 }

```

Запись выше означает, что `sq(x)` будет преобразовано в `((x) * (x))`.

Важно ! Скобки лишними не бывают!

Посмотрим, что будет, если убрать скобки:

```

1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 #define sq(x) x * x
6
7 int main() {
8     cout << sq(5 + 3); // 23
9 }

```

Вывод изменился. Чтобы разобраться с причинами, посмотрим, во что превратится 8 строчка после замены:

```

1     cout << 5 + 3 * 5 + 3;

```

Таким образом, `#define` работает «в лоб», поэтому скобки очень важны.

`#define` часто используется для поиска ошибок в программе (дебага):

```

1 #include <iostream>
2
3 using namespace std;
4
5 #define debug(x) cout << #x << "□=□" << x << '\n';
6
7 int main() {
8     int x = 5;
9     debug(x); // x = 5
10    debug(x + 1) // x + 1 = 6
11    debug("Hello") // "Hello" = Hello
12 }

```

В случае объявления макроса, `#` перед названием его аргумента означает «вставь сюда строку, которая соответствует тому, что было передано в макрос».