Случайная комбинаторика

Даниил Гафни 2019-07-29

1
Сколько существует двоичных слов длины 10, в которых ровно 4 нуля?
2
Сколько существует шестизначных чисел у которых четных и нечетных цифр поровну?
3
Сколькими способами можно 4 белых шара, 4 синих шара и 4 красных шара разложить в 6 различных ящиков?
4
Сколькими способами можно 10 человек разбить на 2 баскетбольные команды по 5 в каждой?
5
Сколько решений в натуральных числах имеет уравнение $xyz = 10^9$?
6
Сколькими способами можно из 15 слов выбрать набор, состоящий не более чем из 5 слов?
7
В кошельке лежит а) по 20 монет; б) по 10 монет достоинством 1, 2 и 5 рублей. Сколькими способами можно из этих монет выбрать 20?
8
Сколькими способами можно 20 человек разбить на пары?
9
Сколько существует двузначных чисел, у которых цифры идут по возрастанию?

Упростите выражения: а) $\frac{10!}{n\cdot(n+1)}\cdot\frac{(n+1)!}{8!}$ б) $n!\cdot\left(\frac{1}{n!}-\frac{1}{(n+1)!}\right)$