

第二題:最佳劇照 (stills)

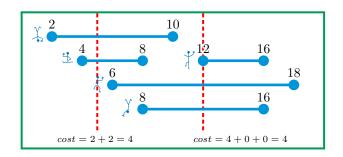
問題描述

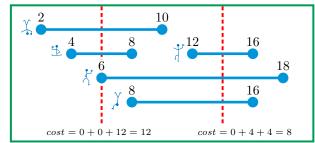
維克多·兩果 (Victor Hugo) 是十九世紀重要的法國文學代表人物,其著作包含了《鐘樓怪人》與《悲慘世界》等,相當有名。而這些作品也在近代被改編成歌曲、電影、音樂劇等形式,被廣為流傳。在 TOI 王國裡面,有個恰巧與之同名,但是默默無聞的兩果劇團。這個劇團最近推出了全新的劇場演出《大兩果演算法》(*Hugorithm*),裡面用輕鬆、詼諧且帶有節奏感的故事,除了介紹近代大型演算法的起源,也順道呈現了電腦科學家們與科技公司之間的愛恨情仇。

為了宣傳新的劇場演出,劇團決定拍攝一系列的劇照並放在網站上。更確切地說,在戲劇演出的這段時間內,劇團要找出若干個**整數**時間點 $\{t_1, t_2, \ldots\}$ 對整個舞台拍照。在照相的瞬間,該時間點出場 (包含登場中與退場中) 的所有演員都會同時入鏡。劇團希望每一位演員至少要入鏡一次以上。除此之外,劇團還希望照片們能看起來盡量**自然**。

據此,劇團定義一張照片的**不自然度**,為出現在該照片中所有演員們的**不自然度**的總和。值得一提的是,整齣戲劇總共動用了n位演員,而每一位演員在劇中上場的時間都是**連續**的:第i位演員會在時間點 l_i 登場,並且在 r_i 退場,其中 l_i 與 r_i 皆為偶數。如果一位演員在時間點t($l_i \le t \le r_i$)被照到,那麼這位演員貢獻給該張照片的**不自然度**為 $|(r_i - t) - (t - l_i)|$ 。

下圖是一個 n=5 的例子。左圖是本例的最佳解,選擇了兩個時間點 $t_1=5$ 以及 $t_2=12$ 。其中第一張照片的不自然度為 |(10-5)-(5-2)|+|(8-5)-(5-4)|=4、第二張照片的不自然度為 |(16-12)-(12-12)|+|(18-12)-(12-6)|+|(16-12)-(12-8)|=4。因此選擇左邊整組 劇照其不自然度總和為 4+4=8。右圖的整組劇照對應到的不自然度總和為 12+8=20,雖然滿足 每一位演員入鏡一次以上的條件,但是整體的不自然程度並非最小值。





圖例:一個 n=5 的例子。

現在給你每一位演員的登場和退場的時間,請你幫忙劇團找出一組**不自然度**總和最小、且每一位演員都至少入鏡一次的系列劇照。



輸入格式

```
\begin{bmatrix} n \\ l_1 & r_1 \\ l_2 & r_2 \\ \vdots \\ l_n & r_n \end{bmatrix}
```

- n 代表出場的演員總數。
- l_i 與 r_i 代表編號為 i 的演員登場與退場的時間點。

輸出格式

```
\begin{bmatrix} S \\ k \\ t_1 \\ t_2 \\ \vdots \\ t_k \end{bmatrix}
```

- S 為一個整數,代表能在整數時間點拍出的整組劇照其最小的不自然度總和。
- k 為一個整數,代表該劇照有多少張照片。輸出必須滿足 1 < k < n。
- t_1, t_2, \ldots, t_k 為遞增的整數,代表該組劇照內每張照片對應的時間點,且每張照片要拍到至少一名演員。
- 若有多組劇照的不自然度總和最小,輸出任何一組都可以。

測資限制

- $1 < n < 10^5 \circ$
- ・ $0 \le l_i < r_i \le 10^9$,且 l_i 與 r_i 皆為偶數。
- 輸入的數皆為整數。



範例測試

Sample Input	Sample Output	
5 2 10 4 8 6 18 8 16 12 16	8 2 5 12	
2 2 6 4 8	4 2 3 7	

評分說明

本題共有 4 組子任務,條件限制如下所示。對於每一筆測試資料,其得分 Q 定義如下:

- 若輸出之 S 值不正確,則 Q=0。
- 若輸出之 S 正確,但是劇照的時間點集合不滿足題目要求,或不自然度總和不等於 S,那麼 Q=0.6 \circ
- 若輸出之 S 與劇照時間點集合皆正確,那麼 Q=1。

每一組可有一或多筆測試資料,你在該子任務的得分為所有組內測試資料的 Q 值的最小值,乘以該子任務的總分。

子任務	分數	額外輸入限制
1	11	$n \le 10^3$ 且 $r_i \le 10^3$ \circ
2	15	$n \leq 10^3$ 且 $r_i \leq 10^7$ \circ
3	17	$n \leq 10^5$ 、 $r_i \leq 10^6$ 、且 $\sum_i (r_i - l_i) \leq 5 \times 10^8$ 。
4	57	無額外限制。

2023年國際資訊奧林匹亞研習營:第一次模擬測驗

