

第四題:眾口鑠金 (Majority)

(本題為 Output Only。)

踢歐埃食品公司最近正在研發一款新的燒臘便當。不過他們不確定便當裡面要放哪些配料,才會受 到顧客們的好評。

秉持著專業·創新·從原料做起的原則,踢歐埃食品公司的研發部門選定了n種便當配料,並且在踢歐埃王國的n座城市裡的協力工廠製作這些配料,其中第i座城市只生產第i種配料。城市的編號為 $i=0,1,2,\ldots,n-1$ 。

每一個月中,踢歐埃食品公司都會推出一款具有當月特色的特製燒臘便當,並開會決定是否推出大優惠。基於成本考量,每個月的月初,各間工廠的廠長會試圖向總公司提出軟性的建議 $\{b_i\}$:若 $b_i=1$,代表第 i 座城市的工廠廠長希望當月提供優惠;反之若 $b_i=0$ 則代表第 i 座城市的工廠廠長不希望當月提供優惠。

當然,最終的決策仍然是掌握在總公司之中的。不過秉持著開放‧誠信‧多數決的原則,總公司希望透過若干輪的『k 人多數決策會議』來決定是否提供大優惠。說穿了,其實就是一系列的投票過程。在各工廠廠長提出軟性建議後,每一日的正中午,都會有若干決策會議同時進行。每一場『k 人多數決策會議』,都是由 k 名代理人參與會議,這裡 k 是一個固定的奇數。每一名代理人可能代表某一座城市的協力工廠、可能代表某一場之前**已做出決策的會議**、也可以代表一派死忠的建議 (永遠贊成提供優惠、或是永遠反對提供優惠)。值得注意的是,總公司允許多名代理人代表同一間協力工廠、也允許多名代理人代表同一場會議,甚至允許同一場會議中有多名代理人代表完全相同的身份。而該決策會議的結果,如同其會議名稱,必定是由這 k 名代理人進行多數決之後產生的結果 (贊成、或反對提供當月優惠)。

這些決策會議會連續進行 d 輪,在第 d 日的中午,恰好只有一場『k 人多數決策會議』進行,而該會議的結果就會是總公司的最終決策。踢歐埃公司的總經理 Dylan,實在是不太喜歡公開的決策會議。他心裡覺得,d 輪決策聽起來就跟 Dylan 決策一模一樣,本來就應該是他說了算吧。對於每一種軟性建議的組合 $\{b_i\}$,Dylan 都有著他自己的想法,若將每一種軟性建議組合表示成一個二進位數值 $B=(b_{n-1}b_{n-2}\cdots b_1b_0)_2$,那麼 Dylan 的想法可以被表示為一個函數 $f:f(B)\in\{0,1\}$ 。

他找上了身為資訊部專員、但是又超級愛吃燒臘便當的你,幫忙設計出每個月的『k 人多數決策會議』的議程,滿足 Dylan 的要求 f。Dylan 深知某些函數(比如說,某函數 f 滿足 f(0)=1 且 $f(2^n-1)=0$) 無法被一系列的決策會議實現,所以他提供給你的函數 f 保證能夠在 d 輪決策之內被實現。



輸入格式

- S 為一個長度為 2^n 的字串,用來描述函數 f:
 - 對於註標為 $i = (b_{n-1}b_{n-2}\cdots b_1b_0)_2$ 的字元,S[i] 為 1 若且唯若 f(i) 為 1。

輸出格式

```
\begin{array}{c} m_1 \\ x_{1,1,1} \ y_{1,1,1} \ x_{1,1,2} \ y_{1,1,2} \ \cdots \ x_{1,1,k} \ y_{1,1,k} \\ x_{1,2,1} \ y_{1,2,1} \ x_{1,2,2} \ y_{1,2,2} \ \cdots \ x_{1,2,k} \ y_{1,2,k} \\ \vdots \\ x_{1,m_1,1} \ y_{1,m_1,1} \ x_{1,m_1,2} \ y_{1,m_1,2} \ \cdots \ x_{1,m_1,k} \ y_{1,m_1,k} \\ & \vdots \\ m_d \\ x_{d,1,1} \ y_{d,1,1} \ x_{d,1,2} \ y_{d,1,2} \ \cdots \ x_{d,1,k} \ y_{d,1,k} \\ x_{d,2,1} \ y_{d,2,1} \ x_{d,2,2} \ y_{d,2,2} \ \cdots \ x_{d,2,k} \ y_{d,2,k} \\ \vdots \\ x_{d,m_d,1} \ y_{d,m_d,1} \ x_{d,m_d,2} \ y_{d,m_d,2} \ \cdots \ x_{d,m_d,k} \ y_{d,m_d,k} \end{array}
```

- 對於所有 t (1 $\leq t \leq d$), m_t (0 $\leq m_t < 10000$) 表示第 t 日同時進行的會議數量;
- $m_d = 1$ °
- 對於第 t 輪的第 u 場會議,請輸出該會議的 k 名代理人所代表的身份資訊:
 - 第v名代理人的身份以 $(x_{t,u,v},y_{t,u,v})$ 表示。
 - 若該代理人代表的是第 i 座城市 $(0 \le i < n)$ 的協力工廠,那麽 $x_{t,u,v} = 0$ 且 $y_{t,u,v} = i$ \circ
 - 若該代理人代表的是第 t' 輪 $(1 \le t' < t)$ 的第 u' 場 $(1 \le u \le m_{t'})$ 會議產生的結果,那麼 $x_{t,u,v} = t'$ 且 $y_{t,u,v} = u'$ 。
 - 若該代理人代表的是一派死忠的建議 $Z \in \{0,1\}$, 那麼 $x_{t,u,v} = -1$ 且 $y_{t,u,v} = Z$ 。
- 輸出的 $\sum_{t} m_{t}$ 不得超過 10000 \circ



測資限制

- $2 \le n \le 12$ °
- $3 \le k \le 11$ 保證是奇數。
- $1 \le d \le 8$ °
- 對於所有輸入,保證 f(0) = 0且 $f(2^n 1) = 1$ 。
- 測試資料保證存在一種會議過程,不包含任何『代表一派死忠的建議』的代理人。

範例測試

Sample Input	Sample Output	
2 3 1 0101	1 0 0 0 0 0 0	
3 3 1 00010111	1 0 0 0 1 0 2	

評分說明

本題共有 10 組測試資料,輸入檔案的說明如表所示。對於每一組測試資料,若你上傳的輸出檔案滿足輸出格式,並且實作出了 Dylan 要求的函數 f,那麼你會得到以下分數

$$\frac{S}{1 + 0.3 \times \log_2(Q_a + Q_b + 1)},$$

其中S是該組測試資料的分數比重、 Q_a 是『代表一派死忠的建議』的代理人數量、 Q_b 是『無聊的代理人』數量;這裡的『無聊的代理人』是指,代理人的投票意向在任何軟性建議的組合中都是相同的。

若你上傳的輸出檔案不滿足輸出格式、或是會議過程不滿足 Dylan 要求的函數 f ,那麼你將得到 0 分。

測試資料	分數比重 S	輸入檔名	輸出檔名	說明
1	10	input_01.txt	output_01.txt	$n=5 \cdot k=5 \cdot d=8 \circ$
2	10	input_02.txt	output_02.txt	$n=7\mathrel{`}k=11\mathrel{`}d=8\mathrel{°}$
3	10	input_03.txt	output_03.txt	$n=12\mathrel{`}k=9\mathrel{`}d=8\mathrel{°}$
4	10	input_04.txt	output_04.txt	$n=12\mathrel{`} k=7\mathrel{`} d=8\mathrel{°}$
5	10	input_05.txt	output_05.txt	n=9 ` $k=3$ ` $d=5$ °
6	10	input_06.txt	output_06.txt	$n=11\mathrel{`} k=3\mathrel{`} d=5\mathrel{°}$

2023年國際資訊奧林匹亞研習營:第三次模擬測驗

					TOTAL VC
測試資料	分數比重 S	輸入檔名	輸出檔名	說明	
7	10	input_07.txt	output_07.txt	$n = 12 \cdot k = 3$	$d = 5 \circ$
8	10	input_08.txt	output_08.txt	n=7 , $k=5$,	d=2 °
9	10	input_09.txt	output_09.txt	$n=9 \cdot k=7 \cdot$	d=2 °
10	10	input_10.txt	output_10.txt	$n = 11 \cdot k = 9$	d=2 °