

第一題:區間統計 (interval)

問題敘述

對所有整數 a 和 b ($a \le b$),定義整數區間 [a,b] 為由整數 $\{a,a+1,\ldots,b\}$ 所構成的集合。兩個不同整數區間 X 和 Y 的關係有四種:

- 1. 如果 $X \supseteq Y$,我們說 X 包含 Y ;
- 2. 如果 $X \subseteq Y$, 我們說 X 被 Y 包含;
- 3. 如果 $X \cap Y = \emptyset$, 我們說 X, Y 互斥;
- 4. 如果 $X \cap Y \neq \emptyset$ 且 X,Y 間沒有包含關係,我們說 X,Y 部分重疊。

彼得是一位巨量資料統計與分析的專家,他最近在研究網購平台上的商品促銷時段與熱門程度之間的關聯。現在有n種商品,其中第i種商品的促銷時段為 $I_i = [a_i,b_i]$ 。為了讓網購平台上運作順暢,所有商品促銷時段的起始、結束時間(總共2n個數值)皆為相異正整數,且皆介於1到2n之間。此外,這n件商品的促銷起始時間是嚴格遞增的(滿足 $a_1 < a_2 < \cdots < a_n$)。

由於任兩商品的促銷時段有四種不同的關係,對於每一件商品 i,彼得計算了其餘 n-1 件商品的促銷時段中,『包含 I_i 』、『被 I_i 包含』、『與 I_i 互斥』或者『與 I_i 部分重疊』關係的商品數量,依序記為 $c_1(i), c_2(i), c_3(i)$ 以及 $c_4(i)$ 。不過,很不幸地,彼得在刪除計算過程中產生的中繼資料時,不小心將所有商品的促銷時段全部刪光光了。

請你幫忙焦頭爛額的彼得還原出一組滿足條件的促銷時段。

輸入格式



輸出格式

```
\begin{array}{c} a_1 \ b_1 \\ \vdots \\ a_n \ b_n \end{array}
```

- 所有的數字 $\{a_i,b_i\}$ 皆為介於 1 與 2n 之間的相異正整數。
- $1 \le a_1 < a_2 < \dots < a_n \le 2n$ °

測資範圍

- $2 \le n \le 3 \times 10^5 \, \circ$
- 對於所有 i , 皆有 $c_1(i) + c_2(i) + c_3(i) + c_4(i) = n 1$ \circ
- 對於所有輸入,保證存在一組符合該輸入數值的促銷時段們。

範例測試

Sample Input	Sample Output
2 0 0 1 0 0 0 1 0	1 2 3 4
2 0 1 0 0 1 0 0 0	1 4 2 3
2 0 0 0 1 0 0 0 1	1 3 2 4
11 0 1 7 2 1 0 8 1 0 0 7 3 0 1 3 6 1 0 7 2 0 3 3 4 0 0 3 3 4 2 0 6 2 2 0 5 3 2 0 7 1 0 0 8 2	1 6 2 4 3 7 5 14 8 11 9 20 10 21 12 15 13 17 16 18 19 22



評分說明

本題共有4組子任務,條件限制如下所示。每一組可有一或多筆測試資料,你必須通過所有測試資料,才能取得該子任務的分數。

子任務	分數	額外輸入限制
1	7	$n \leq 7$ °
2	25	對所有 i ,輸入保證 $c_4(i) = 0$ 。
3	19	$n \leq 3000 \circ$
4	49	無額外限制。

2023年國際資訊奧林匹亞研習營:第二次模擬測驗

