## Задачи

- Вычислить произведение длин своих имени, фамилии и отчества. Вывести на экран двоичное представление следующих величин в указанных форматах данных:
  - A) отрицательного 32-битного целого, модуль которого равен найденному произведению;
  - Б) положительного числа с плавающей запятой единичной точности по стандарту IEEE 754, модуль которого равен найденному произведению;
  - B) отрицательного числа с плавающей запятой двойной точности по стандарту IEEE 754, модуль которого равен найденному произведению.
- Пифагоровой тройкой называют тройку натуральных чисел (x,y,z), удовлетворяющих условию  $x^2+y^2=z^2$ . Пифагорова тройка называется примитивной, если числа, её составляющие, взаимно просты. Для введённых пользователем трёх чисел определить, являются ли они пифагоровой тройкой, и если да, являются ли они также простой пифагоровой тройкой. Порядок, в котором числа вводятся, произвольный.
- Определить, можно ли, исходя из трёх введённых пользователем чисел, построить невырожденный треугольник с соответствующими сторонами. Если возможно, определить его углы в градусах, минутах и секундах с точностью до секунды. Предусмотреть ввод пользователем чисел с дробной частью.
- Числами Мерсенна называются числа вида  $2^N$ -1, где N натуральное число. Вывести на экран все простые числа Мерсенна на интервале [1;  $2^{31}$ -1].
  - Цепная дробь конечное или бесконечное математческое выражение вида

$$[a_0; a_1, a_2, a_3, \cdots] = a_0 + \frac{1}{a_1 + \frac{1}{a_2 + \frac{1}{a_3}}}$$

где  $a_0$  — целое, остальные  $a_i$  — натуральные числа. Любое вещественное число представимо в виде цепной дроби, при этом рациональные числа представляются конечной цепной дробью, иррациональные — бесконечной. Квадратный корень числа, не являющегося квадратом целого, является иррациональным числом. Цепная дробь квадратного корня обладает таким свойством, что начиная со следующего за некоторым  $a_i$   $a_j = a_{j-i}$ :  $a_{i+1} = a_1$ ,  $a_{i+2} = a_2$  и т.д. і называют периодом данной цепной дроби. Для введённого пользователем числа, не являющегося квадратом целого, вывести период і и последовательность  $[a_0; a_1...a_i]$ .

• Написать программу для сортировки строк в текстовом файле с использованием механизма файлов, отображаемых на память (memory mapped files).

Строки в файле оканчиваются по правилам операционной системы (\n или \r\n). В качестве компаратора можно использовать любой адекватный поставленной задаче. Для примера достаточно больших текстовых файлов можно брать файлы с геномами из https://www.ncbi.nlm.nih.gov/genome.

- Создать структуру данных для хэш-таблицы и определить для неё следующие операции:
  - Вставка нового ключа и значения. При этом при достижении некоторого условия (например, слишком длинный список для одной из корзин относительно общего числа элементов в хэш-таблице) должна происходить перебалансировка хэш-таблицы.
  - Поиск значения по ключу. В случае, если ключ не найден, возвращается некоторое заранее определённое значение.
  - Удаление ключа и значения. Если ключ не найден, ничего не происходит. Обратная перебалансировка не требуется.
- Требуется написать программу, получающую из командной строки следующие данные:
  - имя входного файла;
  - тип фильтра;
  - имя выходного файла;

Входной файл представляет из себя 24-битный или 32-битный ВМР-файл без сжатия, но, возможно, с палитрой. Требуется считать из него данные об изображении и применить к нему один из следующих фильтров согласно переданному параметру:

- Усредняющий фильтр 3х3
- Усредняющий фильтр Гаусса 3х3 или 5х5. Допустимо использование других размеров фильтра, если будут правильно подобраны параметры гауссианы.
- Фильтр Собеля по X. Допустимо использовать вместо него фильтр Щарра.
- Фильтр Собеля по Ү. Допустимо использовать вместо него фильтр Щарра.
- Перевод изображения из цветного в оттенки серого.

Полученное изображение необходимо сохранить по указанному пути выходного файла в формате ВМР. Полученный файл должен открываться стандартными средствами просмотра изображений.

Возможный пример командной строки для использования программы: MyInstagram C:\Temp\1.bmp SobelX C:\Temp\2.bmp

- Реализовать набор из следующих функций и показать их работоспособность:
  - void\* myMalloc(size\_t size) аналог функции malloc

- void myFree(void\* ptr) аналог функции free
- void\* myRealloc(void\* ptr) аналог функции realloc
- void init() вспомогательная функция, инициализирующая необходимые структуры данных

В функции init() происходит выделение большой области динамической памяти штатными средствами. Выделение памяти в реализуемых функциях должно происходить в этой области. За пределами функции init() нельзя использовать функции malloc, realloc и free.

- В Англии в обращении находятся монеты следующего достоинства: 1 пенс, 2 пенса, 5 пенсов, 10 пенсов, 20 пенсов, 50 пенсов, 1 фунт (100 пенсов) и 2 фунта (200 пенсов). Пользователь вводит натуральное число, обозначающее некоторую сумму денег в пенсах. Вывести на экран количество способов, которыми эту сумму можно набрать, пользуясь любым количеством любых английских монет.
- Цифровым корнем называется число в десятичной системе счисления, полученное из цифр исходного числа путём их сложения и повторения этого процесса над полученной суммой до тех пор, пока не будет получено число, меньшее 10. Например, цифровой корень 467 равен 8.

Известно, что составное число можно разложить на множители различными способами, например

$$24 = 2x2x2x3 = 2x3x4 = 2x2x6 = 4x6 = 3x8 = 2x12 = 24$$
.

В данном случае умножение на единицу не рассматривается.

Назовём суммой цифровых корней сумму цифровых корней отдельных множителей в разложении составного числа. Например, для 24:

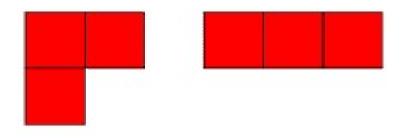
Разложение	Сумма цифровых корней
2x2x2x3	9
2x3x4	9
2x2x6	10
4x6	10
3x8	11
2x12	5
24	6

В этом случае максимальная сумма цифровых корней равна 11.

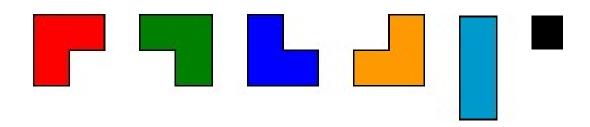
Обозначим максимальную сумму цифровых корней среди всех разложений числа n на множители как MDRS(n).

Вычислить.

**HARD MODE.** По аналогии с домино тромино – форма, состоящая из трёх квадратов с общими сторонами:

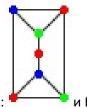


Всего возможных ориентаций тромино 6:



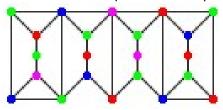
Любую прямоугольную область размера n на m можно заполнить без просветов тромино, если nxm делится на 3. Будем считать, что заполнения, полученные отражением и поворотом — это разные заполнения. Область размером 2x9 можно заполнить 41 различным способом.

Найти число способов, которым можно заполнить область 9x12. Подсказка: в ответе 17 десятичных знаков.



**HARD MODE 2.** Рассмотрим графы, построенные из элементов A:

таким образом, что элементы, входящие в состав итогового графа, «склеиваются» вертикальными рёбрами. Пример такого графа:



Будем называть конфигурацией типа (a,b,c) граф, построенный из a элементов A и b элементов B, вершины которого покрашены не более чем c цветами таким образом, что никакие две соседние вершины не покрашены в один цвет. Например, вышеприведённый граф — это конфигурация типа (2,2,6), а если точнее — (2,2,c) для

## любого $c \ge 4$ .

Обозначим как N(a,b,c) число конфигураций типа (a,b,c). Известно, что:

- N(1,0,3) = 24;
- N(0,2,4) = 92928;
- N(2,2,3) = 20736.

Найти последние 8 цифр N(25,75,1984).

• Вычислить с помощью алгоритмов длинной арифметики значение числа  $3^{5000}$  и представить его в шестнадцатеричной системе счисления.