

MOWNIT - Zestaw 4 Szybka transformata Fouriera

Opracował: Mateusz Woś

Wszystkie zadania zostały zaimplementowane w języku Python.

Korzystałem z bibliotek matplotlib do rysowania wykresów i biblioteki numpy, która zawiera wszystkie potrzebne funkcje z biblioteki gsl do wykonania sprawozdania.

1. Proszę wygenerować 256-elementową tablicę wartości funkcji będącej sumą czterech cosinusów o różnych okresach i amplitudach, korzystając np. z wzoru:
$$\text{data}[i] = \cos(4 \cdot \pi \cdot i / N) + \cos(16 \cdot \pi \cdot i / N) / 5 + \cos(32 \cdot \pi \cdot i / N) / 8 + \cos(128 \cdot \pi \cdot i / N) / 16$$
 gdzie $N = 256$.
Narysować wykres tej funkcji korzystając z Gnuplota. Tę funkcję nazywamy sygnałem.

Import bibliotek:

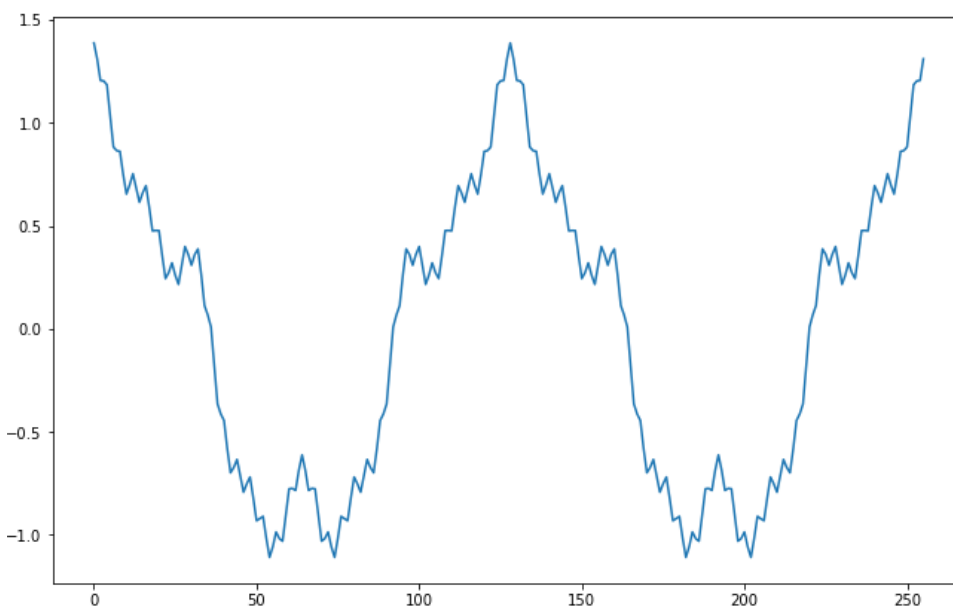
```
import numpy as np
from matplotlib import pyplot as plt
```

Wypełnienie tablicy danymi z zadania:

```
data = []
for i in range(256):
    data.append(np.cos(4*np.pi*i/256)
                +(np.cos(16*np.pi*i/256)/5)
                +(np.cos(32*np.pi*i/256)/8)
                +(np.cos(128*np.pi*i/256)/16))
```

Wygenerowanie wykresu funkcji sygnału:

```
plt.figure(figsize=(11,7))
plt.plot(data)
plt.show()
```



2. Proszę użyć funkcji `gsl_fft_real_radix2_transform` do otrzymania transformaty Fouriera sygnału. Narysować wykres słupkowy tej transformaty. Czy na tym wykresie widać związek z częstotliwościami i amplitudami cosinusów wchodzących w skład funkcji? Ten wykres nazywamy widmem częstotliwości.

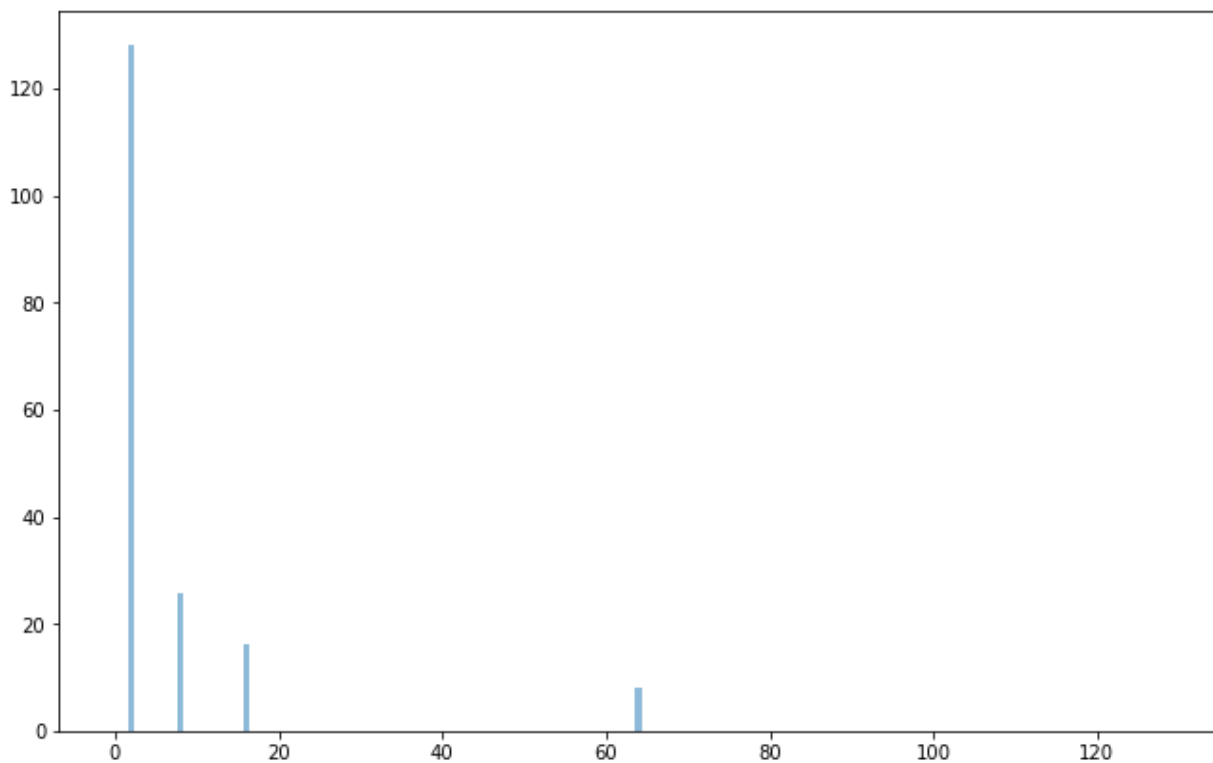
Wykonanie transformaty Fouriera:

```
transfor = np.fft.rfft(data)
```

Stworzenie wykresu słupkowego:

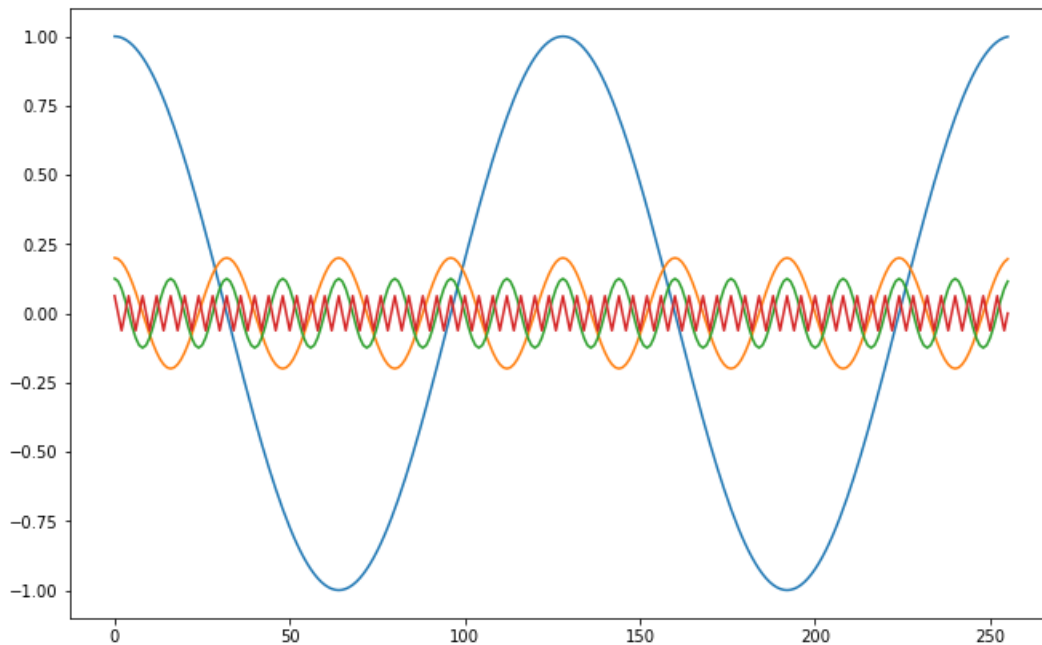
```
real, imag = transfor.real, transfor.imag
```

```
plt.figure(figsize=(15,10))  
x = np.arange(len(real))  
plt.bar(x, real, align='center', alpha=0.5)  
plt.show()
```



Na powyższym wykresie widać związek z częstotliwościami i amplitudami cosinusów wchodzących w skład funkcji. Argumenty w powyższym wykresie odpowiadają połowom częstotliwości cosinusów. Dla częstotliwości 4 mamy argument 2, dla 16 to 8, dla 32 to 16, a dla 128 to 64. Natomiast wartości słupków odpowiadają amplitudom. Dla niezmienionej jest to 128, kolejna to podzielona przez 5, następna to podzielona przez 8 – 8-krotnie mniejsza i ostatni słupek odpowiada tej podzielonej przez 16 – jest 16-krotnie mniejsza od pierwszej wartości.

Wykres cosinusów składających się na sygnał:



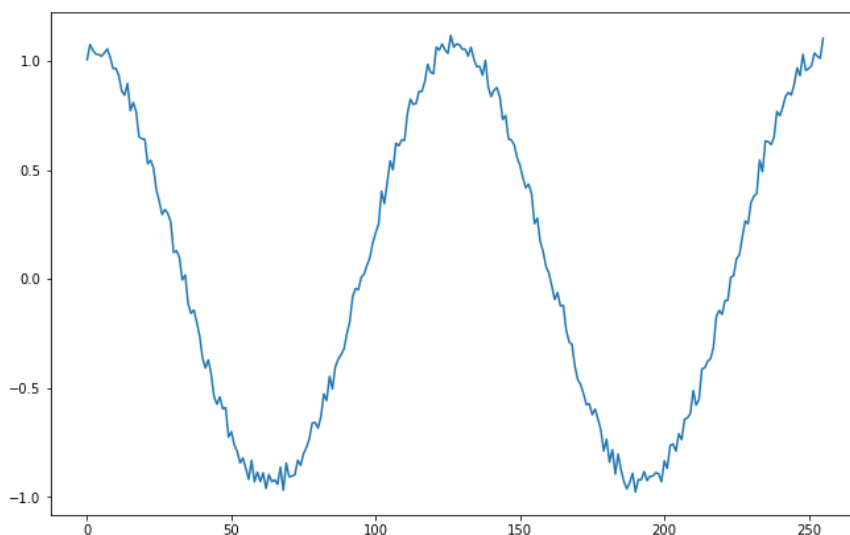
3. Teraz wypełniamy tablicę wartościami funkcji cosinus zaburzonej niewielkim "szumem", np. korzystając z wzoru: $data[i] = \cos(4 \cdot \pi \cdot i / N) + ((\text{float})\text{rand}()) / \text{RAND_MAX} / 8.0$ Proszę narysować wykres tej funkcji.

Wypełnienie tablicy danymi:

```
import random
data2 = []
for i in range(256):
    data2.append(np.cos(4*np.pi*i/256)
                  +random.random()/8.0)
```

Wykres:

```
plt.figure(figsize=(11,7))
plt.plot(data2)
plt.show()
```



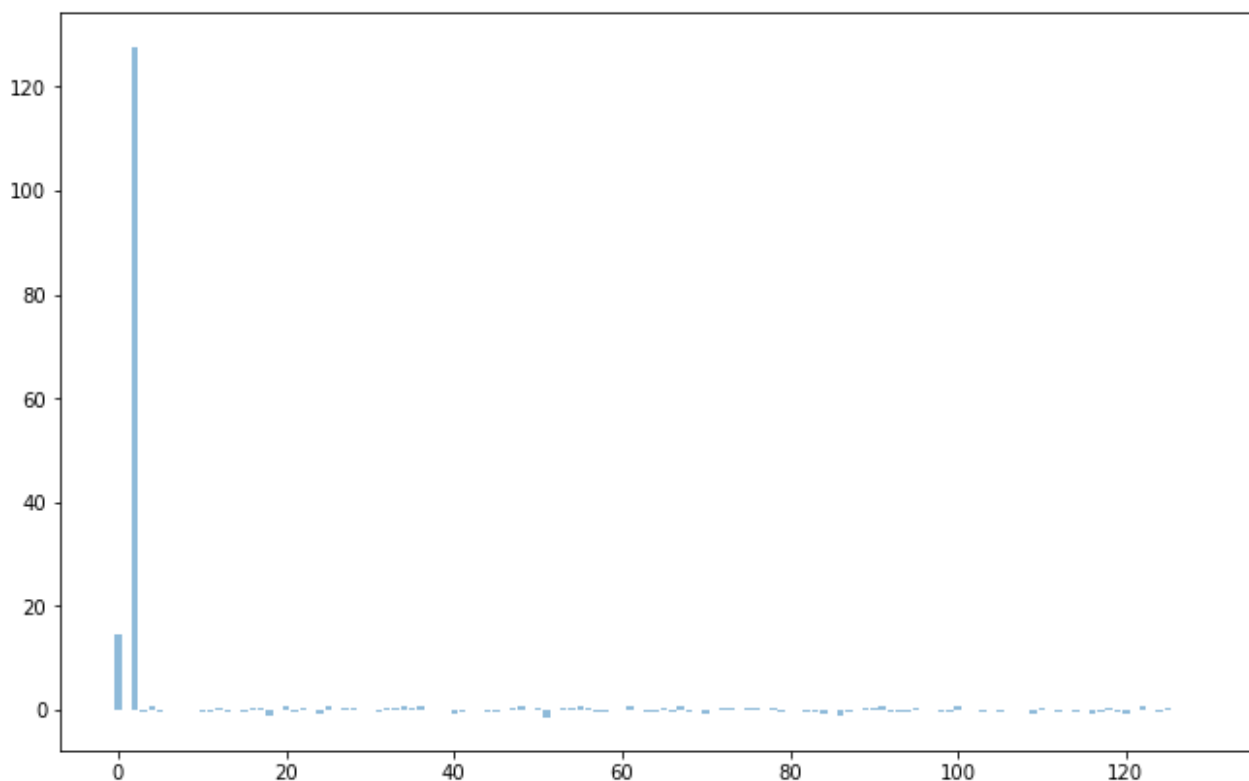
4. Narysować wykres transformaty Fouriera tego sygnału (jak w punkcie 2).

Wykonanie transformaty Fouriera:

```
transfor2 = np.fft.rfft(data2)
```

Stworzenie wykresu słupkowego:

```
plt.figure(figsize=(11,7))
x2 = np.arange(len(transfor2.real))
plt.bar(x2, transfor2.real , align='center', alpha=0.5)
plt.show()
```



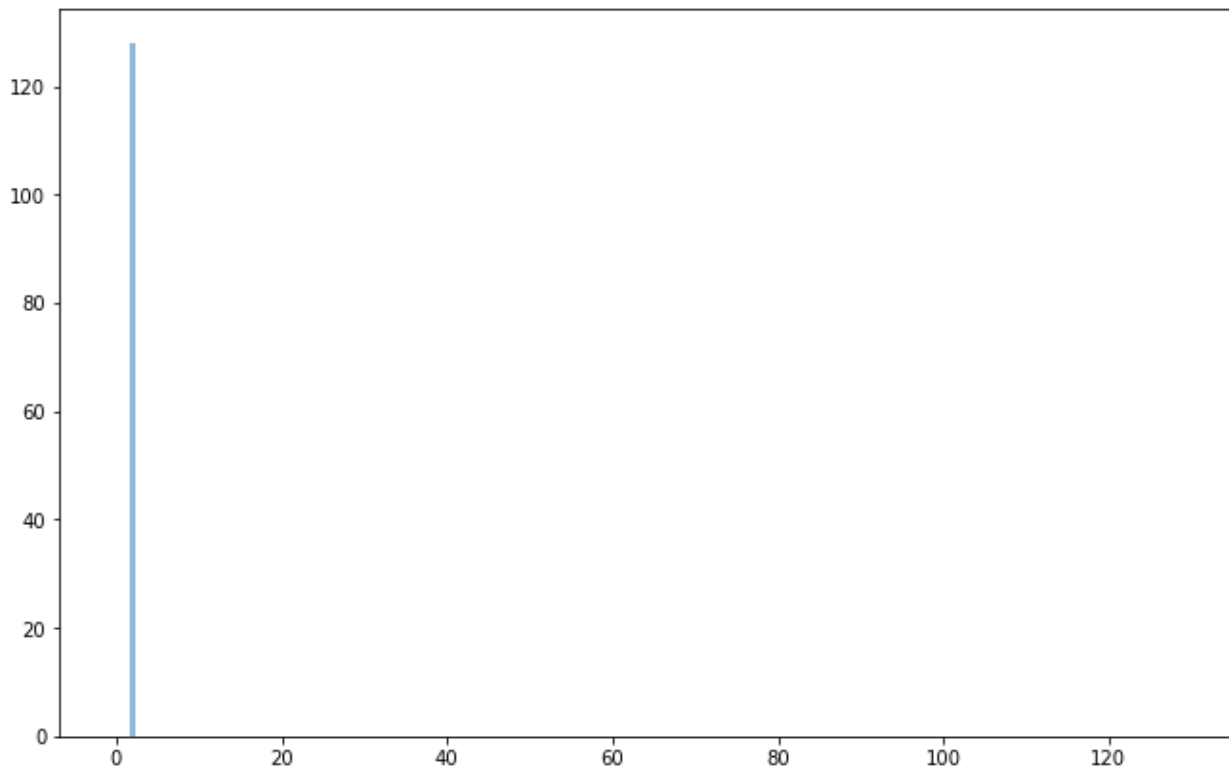
5. Po transformacji wyzerować w widmie wszystkie elementy, których wartość bezwzględna jest mniejsza niż 50. W ten sposób usuwamy "szumy" z sygnału.

Usuwanie szumów:

```
filter_data = [x if x > 50 else 0 for x in transfor2.real]
```

Wykres:

```
plt.figure(figsize=(11,7))
x2 = np.arange(len(filter_data))
plt.bar(x2, filter_data , align='center', alpha=0.5)
plt.show()
```



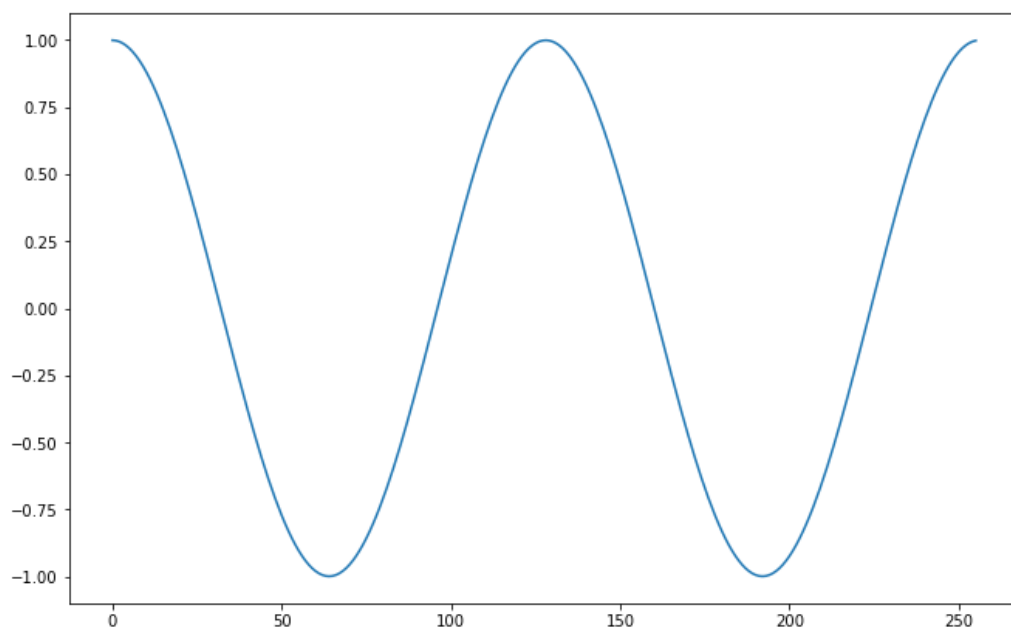
6. Użyć funkcji `gsl_fft_halfcomplex_radix2_inverse` do przeprowadzenia odwrotnej transformaty. Narysować wykres otrzymanej funkcji. Czym różni się ona od wyjściowego sygnału?

Odwrotna transformata Fouriera:

```
inverse_furier = np.fft.ifft(filter_data)
```

Wykres:

```
plt.figure(figsize=(11,7))  
plt.plot(inverse_furier.real)  
plt.show()
```



Otrzymałem wersję bez szumów funkcji cosinus. Funkcja już nie zawiera w sobie „zanieczyszczeń” z poprzedniej wersji.