

# Memoria de la práctica

How many shortest-length paths are there to get from your house to the doughnut shop?

4 up's  
7 right's

$\binom{n}{k} = \frac{n!}{(n-k)!k!}$

$e^{i\pi} + 1 = 0$

$\binom{11}{7} = \binom{11}{4} = 330$  paths

$B_4$

Onto

One-to-One

There are six dogs to give 13 tacos. use a 'stars and bars' diagram to illustrate the first and sixth dog get 3 tacos, the second dog gets none, the third dog gets 5 and the fourth dog gets one.

☆☆☆||☆☆☆☆☆|☆||☆☆☆|

$A = \{2, 4, 10, \text{doughnut}\}$

P	Q	R	P ∨ Q	P ∨ R	(P ∨ Q) ∧ (P ∨ R)
T	T	T	T	T	T
T	T	F	T	T	T
T	F	T	T	T	T
T	F	F	T	F	F
F	T	T	T	T	T
F	T	F	T	F	F
F	F	T	F	T	F
F	F	F	F	F	F

Find  $7 + 12 + 17 + 22 + \dots + 342$

$S_n = 7 + 12 + 17 + 22 + \dots + 342$

$+ S_n = 342 + 337 + 332 + 327 + \dots + 7$

$2S_n = 349 + 349 + 349 + 349 + \dots + 349$

$2S_n = 349 \cdot 68$

$S_n = \frac{349 \cdot 68}{2}$

$S_n = 11866$

Original:  
 $\exists x \forall y (x \geq 2y \rightarrow x > y + 1)$

Converse:  
 $\exists x \forall y (x > y + 1 \rightarrow x \geq 2y)$

Negation:  
 $\neg [\exists x \forall y (\neg (x \geq 2y) \vee x > y + 1)]$

$\forall x \exists y (x \geq 2y \wedge x \leq y + 1)$

Contrapositive:  
 $\exists x \forall y (x \leq y + 1 \rightarrow x < 2y)$

$v - e + f = 2$

P.I.E. Example:

$6! - \left[ \binom{6}{1}5! - \binom{6}{2}4! + \binom{6}{3}3! - \binom{6}{4}2! + \binom{6}{5}1! \right]$

Antonio Pablo García Sanabria y José María González Abad

Práctica 3

Análisis experimental de algoritmos de Ordenación

Fundamentos de Análisis de Algoritmos

Universidad de Huelva

09/05/2021

# Índice

1. Introducción. Algoritmos de búsqueda.....	2
2. Cálculo de los tiempos teóricos.....	2
2.1. Pseudocódigo y análisis de coste.....	2
2.1.1. Algoritmo Secuencial iterativo.....	2
2.1.2. Algoritmo Binaria iterativo.....	2
2.1.3. Algoritmo Interpolación iterativo.....	3
2.2. Tablas y Gráficas de coste.....	4
2.2.1. Algoritmo Secuencial iterativo.....	4
2.2.2. Algoritmo Binaria iterativo.....	4
2.2.3. Algoritmo Interpolación iterativo.....	4
2.3. Conclusiones.....	4
3. Cálculo del tiempo experimental.....	5
3.1. Tablas y Gráficas de coste.....	5
3.1.1. Algoritmo Secuencial iterativo.....	5
3.1.2. Algoritmo Binaria iterativo.....	5
3.1.3. Algoritmo Interpolación iterativo.....	5
3.2. Conclusiones.....	5
4. Comparación de los resultados teórico y experimental.....	6
5. Diseño de la aplicación.....	6
6. Conclusiones y valoraciones personales de la práctica.....	6

# 1. Introducción. Algoritmo de Búsqueda

En esta práctica se realiza el estudio experimental y comparación de los algoritmos de búsqueda **Secuencial**, **Binaria** e **Interpolación**.

## 2. Cálculo de los tiempos teóricos

A partir de la expresión de cada algoritmo, habrá que obtener la expresión de la función complejidad temporal ( $T(n)$ ) correspondiente al algoritmo. El análisis lo realizaremos para los casos mejor, peor y medio.

### 2.1. Pseudocódigo y análisis de coste

A continuación, se exponen los pseudocódigos de los diferentes algoritmos, así como un análisis de coste, de los casos Mejor, Peor y Medio, para cada uno de los algoritmos.

#### 2.1.1. Algoritmo Secuencial iterativo

```

Algoritmo BusquedaSecuencialIt(V[1...n], size, clave)
  comienza
    i ← 1
    mientras (V[i] ≠ clave AND i ≤ size) hacer
      i ← i + 1
    fmientras

    si (V[i] == clave) hacer
      devolver i
    sino
      devolver -1
    fsi
  termina
  
```

Para cada caso aplicaremos diferentes cálculos de tiempo:

Para el caso mejor:  $T(n) = 7$

Para el caso medio:  $T(n) = 7 + 3*n$

Para el caso peor:  $T(n) = 7 + 6*n$

#### 2.1.2. Algoritmo Binario Iterativo

```

Algoritmo BusquedaBinariaIt(V[1...n], size, clave)
  comienza
    encontrado ← falso
    mitad : entero
    primero ← 1
    último ← size
  
```

```

    mientras (primero ≤ último AND !encontrado) hacer
        mitad ← ((primero + último) / 2)
        si clave == V[mitad] hacer
            encontrado ← cierto
        sino
            si clave < V[mitad] hacer
                último ← mitad - 1
            sino
                si clave > V[mitad] hacer
                    primero ← mitad + 1
                fsi
            fsi
        fsi
    fmientras

    si encontrado
        devolver mitad
    sino
        devolver -1
    fsi
termina

```

Para cada caso aplicaremos diferentes cálculos de tiempo:

Para el caso mejor:  $T(n) = 14$

Para el caso medio:  $T(n) = 8 + 6 * n$

Para el caso peor:  $T(n) = 8 + 12 * n$

### 2.1.3. Algoritmo Interpolación Iterativo

```

Algoritmo BusquedaInterpolacionIt(V[1...n], size, clave);
comienza
    p : int
    primero ← 1
    último ← size
    mientras (V[último] ≥ clave AND V[primero] < clave) hacer
        p ← primero + ((último - primero) * (clave - V[primero]) / (V[último] -
V[primero]))
        si clave > V[p] hacer
            primero ← p + 1
        sino
            si clave < V[p] hacer
                último ← p - 1
            sino
                primero ← p
            fsi
        fsi
    fmientras

```

```

    si V[primero] == clave hacer
        devolver primero
    sino
        devolver -1
    fsi
termina

```

Por la complejidad de este algoritmo, no realizamos el estudio de sus diferentes casos.

## 2.2. Tablas y Gráficas de coste

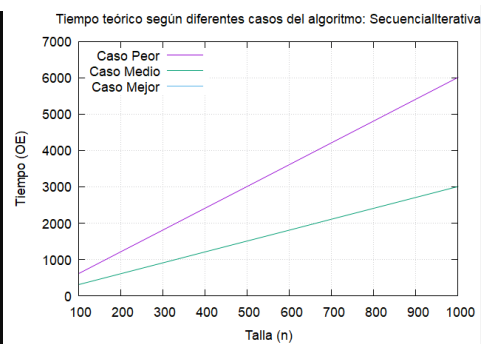
### 2.2.1. Algoritmo Secuencial Iterativo

Tiempo en operación elementales según diferentes casos del algoritmo: SecuencialIterativa

Operaciones elementales (OE)

Talla	Tiempo Caso Peor	Tiempo Caso Medio	Tiempo caso Mejor
100	6.1e+02	3.1e+02	7
200	1.2e+03	6.1e+02	7
300	1.8e+03	9.1e+02	7
400	2.4e+03	1.2e+03	7
500	3e+03	1.5e+03	7
600	3.6e+03	1.8e+03	7
700	4.2e+03	2.1e+03	7
800	4.8e+03	2.4e+03	7
900	5.4e+03	2.7e+03	7
1000	6e+03	3e+03	7

Datos guardados en el fichero SecuencialIterativaTeorico.dat



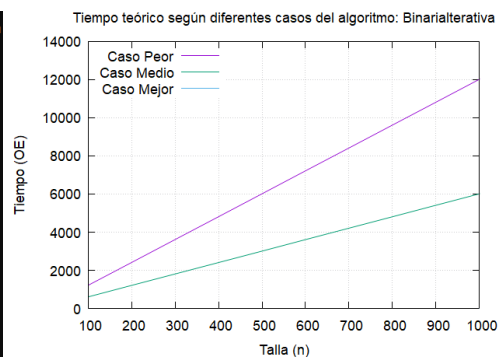
### 2.2.2. Algoritmo Binario Iterativo

Tiempo en operación elementales según diferentes casos del algoritmo: BinariaIterativa

Operaciones elementales (OE)

Talla	Tiempo Caso Peor	Tiempo Caso Medio	Tiempo caso Mejor
100	1.2e+03	6.1e+02	14
200	2.4e+03	1.2e+03	14
300	3.6e+03	1.8e+03	14
400	4.8e+03	2.4e+03	14
500	6e+03	3e+03	14
600	7.2e+03	3.6e+03	14
700	8.4e+03	4.2e+03	14
800	9.6e+03	4.8e+03	14
900	1.1e+04	5.4e+03	14
1000	1.2e+04	6e+03	14

Datos guardados en el fichero BinariaIterativaTeorico.dat



### 2.2.3. Algoritmo Interpolación Iterativo

Puesto que este algoritmo es muy complejo, no podemos sacar sus fórmulas de complejidad para obtener posteriormente las tablas y gráficas de coste.

## 2.3. Conclusiones

Observamos que el *Algoritmo de Interpolación Iterativo* es claramente el más eficiente, con una única excepción, que es cuando usamos el *Algoritmo Secuencial Iterativo* y el elemento a buscar se encuentra en la primera posición, en este caso solo se produce una operación y, por tanto, no puede haber nada más eficiente.

## 3. Cálculo del tiempo experimental

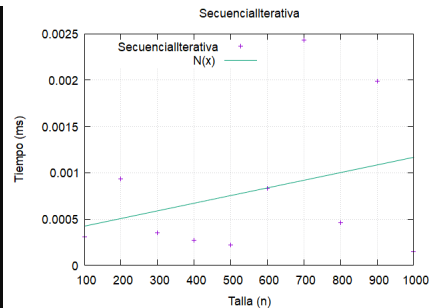
### 3.1. Tablas y gráficas de coste

#### 3.1.1. Algoritmo Secuencial Iterativo

Tiempo promedio de búsqueda por SecuencialIterativa  
Tiempos de ejecucion

Talla	Tiempo (ms)
100	0.00031
200	0.00093
300	0.00035
400	0.00027
500	0.00022
600	0.00083
700	0.0024
800	0.00046
900	0.002
1000	0.00015

Datos guardados en el fichero SecuencialIterativa.dat

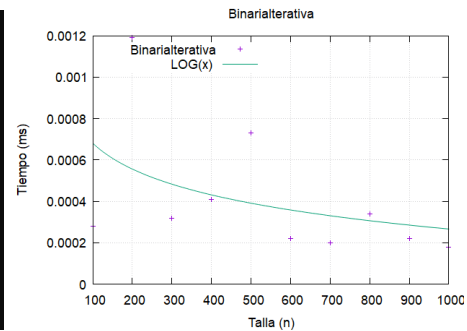


#### 3.1.2. Algoritmo Binario Iterativo

Tiempo promedio de búsqueda por BinariaIterativa  
Tiempos de ejecucion

Talla	Tiempo (ms)
100	0.00028
200	0.0012
300	0.00032
400	0.00041
500	0.00073
600	0.00022
700	0.0002
800	0.00034
900	0.00022
1000	0.00018

Datos guardados en el fichero BinariaIterativa.dat

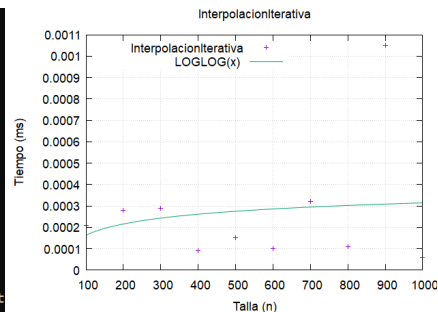


#### 3.1.3. Algoritmo Interpolación Iterativo

Tiempo promedio de búsqueda por InterpolacionIterativa  
Tiempos de ejecucion

Talla	Tiempo (ms)
100	0.00021
200	0.00028
300	0.00029
400	9e-05
500	0.00015
600	0.0001
700	0.00032
800	0.00011
900	0.001
1000	6e-05

Datos guardados en el fichero InterpolacionIterativa.dat



## 3.2. Conclusiones

Al igual que en el análisis teórico el más veloz es el *Algoritmo de Interpolación Iterativo*, pues es este el que resuelve con mayor velocidad su caso medio para vectores de diferentes tamaños.

## 4. Comparación de los resultados teórico y experimental

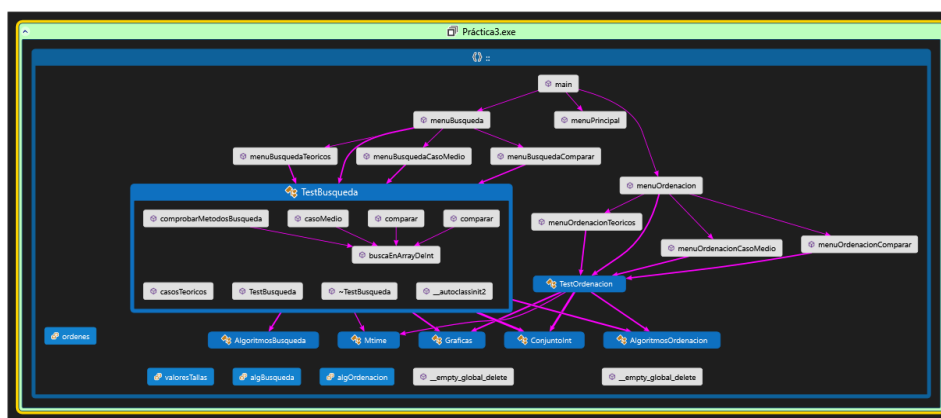
La diferencia general de los dos resultados es que estamos midiendo dos unidades diferentes: operaciones elementales (en el caso teórico) y tiempo en milisegundos (en el caso empírico). Ciertamente, estas operaciones elementales van a ser muchas más o menos según el algoritmo de búsqueda que esté en uso y la talla del vector a procesar.

## 5. Diseño de la aplicación

La aplicación muestra el estudio de las operaciones que realiza el algoritmo de búsqueda secuencial y el tiempo que tardan en ejecutarse según los diferentes casos. Está compuesta de los archivos de encabezado, de sus correspondientes archivos de origen, *ConjuntoInt.h/.cpp*, *Constantes.h*, *Mtime.h/.cpp*, *TestBusqueda.h/.cpp*, *TestOrdenacion.h/.cpp*, *Graficas.h/.cpp*, *AlgoritmosBusqueda.h/.cpp*, *AlgoritmosOrdenacion.h/.cpp* y *Principal.cpp*, además de otra serie de archivos donde se recogen los datos obtenidos en la aplicación y las gráficas generadas a partir de dichos datos.

La clase *ConjuntoInt* nos ayuda a trabajar los vectores para el estudio, con diferentes métodos, como generar o vaciar vectores. En la clase *AlgoritmosBusqueda* implementamos los diferentes algoritmos para su posterior uso. Mediante los métodos de la clase *TestBusqueda* podemos realizar los diferentes estudios de los algoritmos. Gracias a la clase *Mtime* calculamos el tiempo que tarda en ejecutarse cada caso.

En el fichero *Principal* se lleva a cabo la ejecución de la aplicación, mediante la navegación a través de varios menús en los que podemos decidir que estudio en concreto queremos realizar. A continuación, mostramos el mapa de código generado por la aplicación IDE.



## 6. Conclusiones y valoraciones personales de la práctica

En esta práctica unimos lo visto anteriormente de algoritmos de búsqueda y algoritmos de ordenación para hacer un uso más complejo de ellos, ya que tanto para la búsqueda binaria y la interpolación era necesario que los vectores estuvieran ordenados. Puesto que la complejidad de todos los algoritmos estudiados es diferente, realizamos un estudio independiente de cada uno para su posterior comparación.