## Задача формата ЕГЭ, претендующая на номер 27 Сложный уровень

(автор: Кардашевский Илья Николаевич) https://vk.com/id321975104

## Условие:

Нолику стало ужасно скучно на уроке информатики, ведь учитель по теме «Системы счисления» давал лишь муторные сложения, вычитания и переводы из одной системы в другую... Чтобы чем-то занять своего брата, Симка придумала следующую задачу: назовём натуральное число  $\mathbf{n}$  «вайбовым», если его можно разложить в сумму различных целых неотрицательных степеней натурального числа  $\mathbf{k}$ .

Более формально:

$$n = k^{a_1} + k^{a_2} + k^{a_3} + ... + k^{a_m}$$

(при чем для любых  $1 \le i, j \le m$  выполняется условие  $a_i \ne a_i$ )

Например, для  $\mathbf{k}=3$  число  $\mathbf{n}=6669$  — «вайбовое», так как  $6669=3^3+3^4+3^8$  Для заданных натуральных  $\mathbf{n}$  и  $\mathbf{k}$  (n>=k и  $n\leq 10^{20}$ ,  $k\leq 10^{20}$ ) требуется найти сумму степеней в разложении «вайбового» числа  $\mathbf{m}$ , которое не меньше  $\mathbf{n}$ .

(Дисклеймер!!! Данный уровень отличается от среднего не значениями, а самой идеей)

## Решение:

Алгоритм решения из предыдущего случая, к сожалению, не подойдет для таких ограничений, поэтому придумаем оптимизацию: вместо того, чтобы перебирать все числа начиная с n и проверять подходят ли они нам, мы будем из k-ичного представления числа n, путем замены и добавления разрядов получать подходящее число.

Для начала вспомним замечание: ...  $npedcmas_nehue$  содержит только 0 и 1. Как можно изменить или добавить несколько разрядов в числе так, чтобы оно стало не меньше и в нём были только 0 и 1?

Для этого найдем самый старший разряд больший 1. Очевидно от него нам надо избавиться, но также понятно, что для этого придется как-то менять заряды старше его (либо добавлять еще один). То есть нужно сделать первый нулевой разряд старше найденного равным 1 (либо опять же добавить к записи 1). Тогда оставшиеся разряды младше мы сделаем равными 0. Действительно, во-первых, мы избавляемся от разрядов со значением превышающим 1, вовторых, благодаря такому трюку, мы делаем число больше исходного и при этом минимальным. Для полученной записи считаем ответ.

Благодаря такой оптимизации решение работает за  $O(\log_k n)$ 

## Код решения:

```
def solve(n : int, k : int) -> int:
     arr = [] # массив для перевода в k-ичную систему
     while n:
           arr.append(n % k)
           n //= k
     arr.append(0) # добавляем незначащий разряд
     m = len(arr)
     for i in range(m - 1, -1, -1):
           if arr[i] > 1: # находим старший разряд > 1
                for j in range(i + 1, m):
                      if arr[j] == 0: # меняем первый нулевой
                           arr[j] = 1
                           break
                break
     ans = 0
     for index, bit in enumerate(arr): # перебираем степени
           if bit == 1:
                ans += index # добавляем значение степени
     return ans
n, k = map(int, input().split())
print(solve(n, k))
```