

Задача формата ЕГЭ, претендующая на номер 27

Средний уровень

(автор: Кардашевский Илья Николаевич)
<https://vk.com/id321975104>

Условие:

Нолику стало ужасно скучно на уроке информатики, ведь учитель по теме «Системы счисления» давал лишь мучительные сложения, вычитания и переводы из одной системы в другую... Чтобы чем-то занять своего брата, Симка придумала следующую задачу: назовём натуральное число n «вайбовым», если его можно разложить в сумму различных целых неотрицательных степеней натурального числа k .

Более формально:

$$n = k^{a_1} + k^{a_2} + k^{a_3} + \dots + k^{a_m}$$

(при чем для любых $1 \leq i, j \leq m$ выполняется условие $a_i \neq a_j$)

Например, для $k = 3$ число $n = 6669$ — «вайбовое», так как $6669 = 3^3 + 3^4 + 3^8$. Для заданных натуральных n и k ($n \geq k$ и $n \leq 10^6, k \leq 100$) требуется найти сумму степеней в разложении минимального «вайбового» числа m , которое не меньше n .

Решение:

Заметим, что «вайбовым» число будет тогда, когда при переводе в систему счисления с основанием k , представление будет состоять из 0 и 1. Для решения задачи будем перебирать числа от n , переводя их в систему счисления с основанием k и проверяя их на «вайбовость». Для первого найденного числа считаем ответ.

Замечание: код будет работать достаточно быстро, поскольку между n и nk найдется хотя бы число k^a (для некоторого a), подходящее под ответ.

Код решения:

```
def check(n : int, k : int) -> bool: # функция проверки на «вайбовость»
    while n:
        if n % k > 1: # если встречается разряд > 1 — не подходит
            return False
        n //= k
    return True

def solve(n : int, k : int) -> int: # функция решения
    s = ''
    while n: # перевод n в k-ичную систему счисления
        s += str(n % k)
        n //= k

    ans = 0
    for index, bit in enumerate(s):
        if bit == '1':
            ans += index # суммируем степени

    return ans

n, k = map(int, input().split())

m = n
while True:
    if check(m, k): # если число «вайбовое»
        print(solve(m, k)) # выводим ответ
        break
    m += 1
```

Этапы решения:

- 1) Заведем функцию `check`, принимающую в качестве аргументов исходное число n и k — основание системы. Условие `while n` тождественно `while n != 0`, то есть мы будем получать очередной разряд и делить нацело число n на k , пока оно не станет равным 0.
- 2) Объявим функцию `solve`, решающую нашу задачу. Она будет принимать значение n и k и возвращать нам сумму степеней в разложении.
- 3) Переменная s — разложение числа n . При помощи цикла аналогичного пункту 1, мы будем добавлять в эту строку разряды и делить нацело число n на k .
- 4) Переменная `ans` — наш ответ. При помощи цикла `enumerate(s)`, мы поддерживаем, как и значение степени для разряда, так и само его значение. Таким образом, проверяя является ли очередной разряд равным 1, мы можем спокойно добавлять значение степени в ответ.
- 5) Далее идет основная часть программы: мы вводим значения n и k . Потом заводим переменную m — стартовую для поиска ответа и при помощи цикла перебираем значения с шагом 1, и, если очередное значение переменной m нас устраивает, мы выводим и ответ и выходим из цикла.