

## Team Note of Junho0219

Kim Junho

Compiled on February 9, 2026

## Contents

## 1 Data Structure

- 1.1 DSU Potential . . . . . 1
- 1.2 Fenwick . . . . . 1
- 1.3 Mergesort Tree . . . . . 1
- 1.4 Segtree . . . . . 2
- 1.5 pbds . . . . . 3

## 2 Geometry

- 2.1 Header . . . . . 3
- 2.2 Geometry Theory . . . . . 3

## 3 Graph

- 3.1 Bellman-Ford . . . . . 4
- 3.2 SPFA . . . . . 4
- 3.3 SCC . . . . . 4
- 3.4 Bimatch . . . . . 4
- 3.5 Hopcroft Karp . . . . . 4
- 3.6 MCMF . . . . . 5
- 3.7 MCMF(dijkstra) . . . . . 5
- 3.8 Dinic . . . . . 5
- 3.9 LCA . . . . . 6
- 3.10 Cycle Counting . . . . . 6
- 3.11 Euler Circuit . . . . . 6
- 3.12 PEO . . . . . 7
- 3.13 Graph Theory . . . . . 7

## 4 Math

- 4.1 XOR Basis . . . . . 7
- 4.2 exgcd . . . . . 7
- 4.3 CRT . . . . . 7
- 4.4 Miller-Rabin . . . . . 8
- 4.5 Pollard's rho . . . . . 8
- 4.6 Math Theory . . . . . 8

## 5 String

- 5.1 Z . . . . . 8
- 5.2 Rolling Hash . . . . . 8

## 6 Misc

- 6.1 RMQ . . . . . 9
- 6.2 Random . . . . . 9
- 6.3 Time . . . . . 9
- 6.4 Debug . . . . . 9

## 1 Data Structure

## 1.1 DSU Potential

```

template <typename T>
struct DSU {
    vector<int> parent;
    vector<T> weight;
    DSU(int n) : parent(n + 1), weight(n + 1) {
        iota(parent.begin(), parent.end(), 0);
    }
    int find(int a) {
        if (parent[a] == a) return a;
        find(parent[a]); // calculate weight[parent[a]]
        weight[a] += weight[parent[a]];
        return parent[a] = find(parent[a]);
    }
    void merge(int a, int b, T w) { // b = a + w
        int ra = find(a);
        int rb = find(b);
        if (ra > rb) {
            swap(ra, rb);
            swap(a, b);
            w *= -1;
        }
        weight[rb] = weight[a] + w - weight[b];
        parent[rb] = ra;
    }
};

```

```

}
bool isConnected(int a, int b) {
    return find(a) == find(b);
}
T getDiff(int a, int b) {
    assert(isConnected(a, b)); // 아니면 비교 불가
    return weight[b] - weight[a];
}
};

1.2 Fenwick
template <typename T, int D>
struct FenwickTree {
    vector<FenwickTree<T, D - 1>> tree;

    template <typename... Args>
    FenwickTree(int n, Args... args) : tree(n + 1,
        FenwickTree<T, D - 1>(args...)) {}

    template <typename... Args>
    void update(int pos, Args... args) {
        for (; pos < tree.size(); pos += (pos & -pos))
            tree[pos].update(args...);
    }

    template <typename... Args>
    T sum(int r, Args... args) const {
        T res = 0;
        for (; r; r -= (r & -r)) res +=
            tree[r].query(args...);
        return res;
    }

    template <typename... Args>
    T query(int l, int r, Args... args) const {
        return sum(r, args...) - sum(l - 1, args...);
    }
};

template <typename T>
struct FenwickTree<T, 0> {
    T val = 0;
    void update(T v) { val += v; }
    T query() const { return val; }
};

// ex) 3D fenwick
// FenwickTree<int, 3> fw(n, m, k);
// fw.update(x, y, z, add); // O(logN logM logK)
// fw.query(x1, x2, y1, y2, z1, z2); // O(logN logM logK)

1.3 Mergesort Tree
template <typename T>
class MergesortTree {
private:
    int n;
    vector<vector<T>> tree;

    int count(const vector<T> &v, int k) {
        // ex)
        // return upper_bound(v.begin(), v.end(), k) -
        // v.begin();
    }

    void init(const vector<T> &v, int node, int s, int e) {
        if (s == e) {
            tree[node].push_back(v[s]);
            return;
        }

        int m = s + e >> 1;
        init(v, node * 2, s, m);
        init(v, node * 2 + 1, m + 1, e);
    }
};

```

```

    tree[node].resize(tree[node * 2].size() + tree[node *
    2 + 1].size());
    merge(tree[node * 2].begin(), tree[node * 2].end(),
    tree[node * 2 + 1].begin(), tree[node * 2 + 1].end(),
    tree[node].begin());
}

int query(int node, int s, int e, int l, int r, int k) {
    if (l <= s && e <= r) return count(tree[node], k);
    if (r < s || e < l) return 0;

    int m = s + e >> 1;
    return query(node * 2, s, m, l, r, k) + query(node * 2
    + 1, m + 1, e, l, r, k);
}

public:
    MergesortTree(const vector<T> &v) : n(v.size()), tree(4 *
    v.size()) {
        init(v, 1, 0, n - 1);
    }

    int query(int l, int r, int k) { // 1-based
        return query(1, 0, n - 1, l - 1, r - 1, k);
    }
};
// time, space O(N*logN)

```

#### 1.4 Segtree

```

template<typename T, T (*op)(const T&, const T&), T (*e)()>
class SegmentTree {
private:
    int n, sz, log;
    vector<T> tree;

    static int pow2GE(int n) { assert(n); return 1 << 32 -
    __builtin_clz(n) - !(n & ~n); }

public:
    SegmentTree() = default;
    SegmentTree(int n) : SegmentTree(vector<T>(n, e())) {}
    SegmentTree(const vector<T> &v) : n(v.size()) { // vector
    v는 0-based로 넘겨주지만 이후 update, query 등은 1-based로
    하게 됨에 주의
        sz = pow2GE(n);
        tree = vector<T>(sz << 1, e());
        for (int i = 0; i < n; i++) tree[sz + i] = v[i];
        for (int i = sz - 1; i >= 1; i--) tree[i] = op(tree[i
        << 1], tree[i << 1 | 1]);
    }

    void updateChange(int i, T val) { // 1-based
        assert(1 <= i && i <= n);
        tree[--i | sz] = val;
        while (i >= 1) tree[i] = op(tree[i << 1], tree[i << 1
        | 1]);
    }

    void updateAdd(int i, T val) { // 1-based
        assert(1 <= i && i <= n);
        --i | sz;
        tree[i] = op(tree[i], val);
        while (i >= 1) tree[i] = op(tree[i << 1], tree[i << 1
        | 1]);
    }

    T get(int i) const { // 1-based
        assert(1 <= i && i <= n);
        return tree[--i | sz];
    }

    T query(int l, int r) const { // 1-based // [l:r]
        assert(1 <= l && l <= r && r <= n);
        T resL = e(), resR = e();
        for (--l | sz, --r | sz; l <= r; l >= 1, r >= 1) {
            if (l & 1) resL = op(resL, tree[l++]);
            if (~r & 1) resR = op(tree[r--], resR);
        }
        return op(resL, resR);
    }
}

```

```

int findRightMost(int l, const function<bool(T)> &f) const
{ // f([l:r]) = true인 최대의 r을 찾음, l과 r 둘 다
  1-based // 만족하는 r이 없다면 1-리턴
    assert(1 <= l && l <= n);
    int node = (l - 1) | sz;
    T acc = e();

    node >= __builtin_ctz(node); // node[l, r]에서 1은
    그대로 두고 r만 최대한 오른쪽으로 이동
    while (f(op(acc, tree[node]))) {
        acc = op(acc, tree[node++]); // f(node[l, r])
        만족하므로 node+1[r+1, ...]로 이동
        if (!(node & (node - 1))) return n; // node가
        2^k꼴 -> 이전의 node-1=2^k-1[l,r=n]꼴
        node >= __builtin_ctz(node);
    }

    while (node < sz) {
        node <= 1; // node[l, r] -> node*2[l, m]
        if (f(op(acc, tree[node]))) acc = op(acc,
        tree[node++]); // [m + 1, r]
    }
    return node ^ sz; // f(node)=false인 상황 -> node-1
    리턴해야 해야 되서 (node - 1 - sz) -> 1-based로 (node
    - sz)
}

int findKthSmallest(int l, T k) const { // query([l, r])
    >= k인 최소의 r 찾음, l과 r 둘 다 1-based // 즉, l에서부터
    오른쪽으로 k번째 지점 찾는거
    assert(k >= 0);
    return query(1, n) < k ? -1 : findRightMost(l, [&](T
    sum) { return sum < k; }) + 1;
}

int findLeftMost(int r, const function<bool(T)> &f) const
{ // f([l:r]) = true인 최소의 l을 찾음, l과 r 둘 다
  1-based // 만족하는 l이 없다면 r+1리턴
    assert(1 <= r && r <= n);
    int node = (r - 1) | sz;
    T acc = e();

    node = max(1, node >> __builtin_ctz(~node)); //
    node[l, r]에서 r은 그대로 두고 l만 최대한 왼쪽으로
    이동, 최대한 이동한 게 루트여야 되므로 0이 되면 1로
    바꿔줌
    while (f(op(tree[node], acc))) {
        acc = op(tree[node--], acc); // f(node[l, r])
        만족하므로 node-1[... , l-1]로 이동
        if (!(node + 1) & node) return n; // node가
        2^k-1꼴 -> 이전의 node+1=2^k[l=1,r]꼴이었던 거
        node = max(1, node >> __builtin_ctz(~node));
    }

    while (node < sz) {
        node = node << 1 | 1; // node[l, r] ->
        node*2+1[m+1,r]
        if (f(op(tree[node], acc))) acc = op(tree[node--],
        acc); // [l, m]
    }
    return node + 2 - sz; // f(node)=false인 상황 ->
    node+1 리턴해야 해야 되서 (node + 1 - sz) -> 1-based로
    (node + 2 - sz)
}

int findKthLargest(int r, T k) const { // query([l, r]) >=
    k인 최대의 l 찾음, l과 r 둘 다 1-based // 즉, r에서부터
    왼쪽으로 k번째 지점 찾는거
    assert(k >= 0);
    return query(1, r) < k ? -1 : findLeftMost(r, [&](T
    sum) { return sum < k; }) - 1;
}

/*
findLeftMost(l, f)은 만족하는 r 없는 경우 1-1 리턴
findRightMost(r, f)은 만족하는 l 없는 경우 r+1 리턴
findKthSmallest, findKthLargest은 만족하는 값이 없는 경우 -1
리턴
// ex) 합 세그

```

```
int op(const int &a, const int &b) { return a + b; }
int e() { return 0; }
SegmentTree<int, sum, zero> seg(v);
*/
```

## 1.5 pbds

```
#include <ext/rope>
using namespace __gnu_cxx;
rope<char> rp;
rope<char> rp("string literal");
rope<char> rp(st.c_str()); // rp(st)는 안 됨
rp.push_back(ch);
rp.insert(idx, string or rope or char);
rp.erase(pos, cnt); // pos부터 cnt개 삭제
rp.substr(pos, cnt);
rp.substr(pos); // rp[idx] 문자 하나. string에서
st.substr(idx)가 st[idx:]을 의미했던 것과는 다름에 주의
rope<char> rp = rp1 + rp2;
cout << rp;
for (auto it = rp.begin(); it != rp.end(); it++) //
rp[idx]접근은 O(logN)이므로 순회 시 iterator사용 // it++는
Amortized O(1)
```

```
#include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
#include <ext/pb_ds/tree_policy.hpp>
using namespace __gnu_pbds;
template <typename T> using ordered_set = tree<T, null_type,
less<T>, rb_tree_tag,
tree_order_statistics_node_update>;
template <typename T> using ordered_multiset = tree<T,
null_type, less_equal<T>,
rb_tree_tag, tree_order_statistics_node_update>;
// find_by_order(k) : k(0-based)번째 값의 it 반환
// order_of_key(x) : x보다 작은 원소 개수 반환
ordered_set os;
os.insert(key);
os.erase(os.find_by_order(k));
os.erase(os.find_by_order(os.order_of_key(key))); // key 삭제
1
int order = os.order_of_key(key); // key 삭제 2
(들어있는값인지 확인후삭제)
if (order < os.size()) {
    auto it = os.find_by_order(os.order_of_key(key));
    if (*it == key) os.erase();
}
int order = os.order_of_key(key); // 검색
if (order < os.size() && *os.find_by_order(order) == val);
```

## 2 Geometry

### 2.1 Header

```
template <typename T>
struct Point {
    T x, y;
    Point() = default;
    Point(T x, T y) : x(x), y(y) {}
    template <typename U> Point(const Point<U> &other) :
    x(static_cast<T>(other.x)), y(static_cast<T>(other.y)) {}
    bool operator<(const Point &other) const { return tie(x,
y) < tie(other.x, other.y); }
    bool operator<=(const Point &other) const { return tie(x,
y) <= tie(other.x, other.y); }
    bool operator==(const Point &other) const { return tie(x,
y) == tie(other.x, other.y); }
    Point operator-(const Point &other) const { return {x -
other.x, y - other.y}; }
};

template <typename T>
T crossProduct(const Point<T> &p1, const Point<T> &p2) {
    return (p1.x * p2.y - p2.x * p1.y);
}

template <typename T>
int ccw(const Point<T> &p1, const Point<T> &p2, const Point<T>
&p3) { // -1 : 시계, 0 : 일직선, 1 : 반시계
    T cp = crossProduct(p2 - p1, p3 - p1);
    return (cp > 0) - (cp < 0);
}

template <typename T>
inline T distSquarePP(const Point<T> &p1, const Point<T> &p2)
{
    return (p2.x - p1.x) * (p2.x - p1.x) + (p2.y - p1.y) *
(p2.y - p1.y);
}
```

```
}
template <typename T>
inline ld distPP(const Point<T> &p1, const Point<T> &p2) {
    return hypot<ld>(p2.x - p1.x, p2.y - p1.y);
}

template <typename T>
ld distPL(const Point<T> &p, const Point<T> &l1, const
Point<T> &l2) { // distance from P(point, p) to L(line, l1l2)
    assert(!(l1 == l2));
    return abs(crossProduct(l1 - p, l2 - p)) / distPP(l1, l2);
}

template <typename T>
T getPolygonAreaDouble(const vector<Point<T> > &polygon) {
    if (polygon.size() <= 2) return 0;
    T res = 0;
    for (int i = 0, j = polygon.size() - 1; i <
polygon.size(); j = i++) res += crossProduct(polygon[j],
polygon[i]);
    return abs(res);
}

ld heron(ld a, ld b, ld c) { // 헤론
    ld s = ld(0.5) * (a + b + c);
    return sqrt(s * (s - a) * (s - b) * (s - c));
}

ld brahmagupta(ld a, ld b, ld c, ld d) { // 브라마굽타,
cyclic이어야 함
    ld s = ld(0.5) * (a + b + c + d);
    return sqrt((s - a) * (s - b) * (s - c) * (s - d));
}

ld getSegmentCircleArea(ld r, ld len) { // 활꼴 넓이, r :
반지름, len : 활꼴 길이
    ld cosTheta = 1 - ld(len * len) / (2 * r * r);
    ld sinTheta = sqrt(1 - cosTheta * cosTheta); // > 0
    ld theta = acos(cosTheta);
    return ld(0.5) * r * r * (theta - sinTheta);
}

template <typename T>
bool isBetween(Point<T> a, Point<T> b, Point<T> c) {
    return min(a.x, c.x) <= b.x && b.x <= max(a.x, c.x) &&
min(a.y, c.y) <= b.y && b.y <= max(a.y, c.y);
}

template <typename T>
bool isOnPL(Point<T> p, Point<T> l1, Point<T> l2) { // p가 l1
l2위에 있는지
    return ccw(p, l1, l2) == 0 && isBetween(l1, p, l2);
}

ld getOtherSideLength(ld a, ld b, ld cosTheta) { // cos II
    return sqrt(a * a + b * b - 2 * a * b * cosTheta);
}

ld getCosTheta(ld x, ld y, ld z) { // x 맞은편 각도
    return (y * y + z * z - x * x) / 2 / y / z;
}

p1l tangentMerge(l1 a, l1 b, l1 c, l1 d) { // tanT1 = a / b,
tanT2 = c / d, tan(T1 + T2) = ?
    return {
        (a * d % mod + b * c % mod) % mod,
        (b * d % mod - a * c % mod + mod) % mod
    }; // {분자, 분모}
}

Point<ld> footPL(const Point<ld> &p, const Point<ld> &p1,
const Point<ld> &p2) { // p에서 직선 p1p2에 내린 수선의발
    ld a = p2.y - p1.y;
    ld b = p1.x - p2.x;
    ld c = a * p.y - b * p.x;
    ld d = a * p1.x + b * p1.y;
    ld hx = (-b * c + a * d) / (a * a + b * b);
    ld hy = (a * c + b * d) / (a * a + b * b);
    return {hx, hy};
}

Point<ld> reflectPL(const Point<ld> &p, const Point<ld> &p1,
const Point<ld> &p2) { // p의 직선 p1p2 기준 대칭이동
    auto [hx, hy] = footPL(p, p1, p2);
    return Point<ld>{2 * hx - p.x, 2 * hy - p.y};
}

void rotate2D(ld &x, ld &y, ld theta) { // 반시계방향으로
theta만큼 회전
    tie(x, y) = pair<ld, ld>{cos(theta) * x + sin(theta) * y,
-sin(theta) * x + cos(theta) * y};
}
```

### 2.2 Geometry Theory

$(x, y)$ 의  $(a, b)$  기준 대칭 이동:  $((a^2 - b^2)(-x) - 2aby, (a^2 - b^2)(y) - 2abx)$

### Barycentric Coordinates

$A(x_a, y_a), B(x_b, y_b), C(x_c, y_c)$ 인  $\triangle ABC$ 에서  
 $BC = a, CA = b, AB = c, A = b^2 + c^2 - a^2, B = c^2 + a^2 - b^2, C = a^2 + b^2 - c^2$ 라 할 때 오심의 Barycentric 좌표  $(\alpha : \beta : \gamma)$   
 외심  $(\alpha : \beta : \gamma) = (a^2 A : b^2 B : c^2 C)$   
 내심  $(\alpha : \beta : \gamma) = (a : b : c)$   
 무게중심  $(\alpha : \beta : \gamma) = (1 : 1 : 1)$   
 수심  $(\alpha : \beta : \gamma) = (BC : CA : AB)$   
 (꼭짓점 A 맞은편의) 방심  $(\alpha : \beta : \gamma) = (-a : b : c)$   
 직교좌표계로 표현하면  $\left( \frac{\alpha x_a + \beta x_b + \gamma x_c}{\alpha + \beta + \gamma}, \frac{\alpha y_a + \beta y_b + \gamma y_c}{\alpha + \beta + \gamma} \right)$

## 3 Graph

### 3.1 Bellman-Ford

```
auto bellmanFord = [&](int s) { // O(VE)
    vector<dist_t> dist(n + 1, INF);
    dist[s] = 0;
    for (int _ = n - 1; _--;) {
        for (auto [u, v, w] : edges) if (dist[u] != INF)
            dist[v] = min(dist[v], dist[u] + w);
    }
    bool hasNegCycle = false;
    for (auto [u, v, w] : edges) hasNegCycle |= (dist[u] !=
        INF && dist[v] > dist[u] + w);
    return pair{hasNegCycle, dist};
};
```

### 3.2 SPFA

```
auto spfa = [&](int s) { // O(VE) // average O(V+E)
    vector<dist_t> dist(n + 1, INF);
    dist[s] = 0;
    queue<int> q;
    q.push(s);
    vector<int> cnt(n + 1);
    ++cnt[s];
    vector<bool> inq(n + 1);
    while (!q.empty()) {
        auto cur = q.front();
        q.pop();
        inq[cur] = false;
        for (auto [next, cost] : adj[cur]) if (dist[next] >
            dist[cur] + cost) {
            dist[next] = dist[cur] + cost;
            if (inq[next]) continue;
            if (++cnt[next] >= n) return pair{true, dist}; //
            hasNegCycle
            q.push(next);
            inq[next] = true;
        }
    }
    return pair{false, dist}; // {hasNegCycle, dist}
};
```

### 3.3 SCC

```
pair<int, vector<int>> getSCC(int n, const vector<vector<int>>
> &adj) { // adj는 1-based // O(V+E)
    vector<int> dfsn(n + 1), sccn(n + 1, -1);
    vector<int> s(n);
    int top = 0, dfsi = 0, scci = 0;
    function<int(int)> dfs = [&](int cur) {
        int low = dfsn[cur] = ++dfsi;
        s[top++] = cur;
        for (auto next : adj[cur]) if (!sccn[next]) low =
            min(low, dfsn[next] ? dfsn[next] : dfs(next));
        if (low == dfsn[cur]) {
            do { sccn[s[--top]] = scci; } while (s[top] !=
                cur);
            ++scci;
        }
        return low;
    };
    for (int i = 1; i <= n; i++) if (!dfsn[i]) dfs(i);
    for (int i = 1; i <= n; i++) sccn[i] = scci - 1 - sccn[i];
    return {scci, sccn}; // 0-based // scci = scc 개수
}
// graphToDAG(n, adj, sccn)
// vector<vector<int>> sccs(scci);
// for (int i = 1; i <= n; i++)
sccs[sccn[i]].push_back(i);
// vector<int> visited(sccs.size(), -1);
// vector<vector<int>> dag(sccs.size());
// for (auto &scc : sccs) for (auto u : scc) {
```

```
// for (auto v : adj[u]) if (sccn[v] != sccn[u] &&
visited[sccn[v]] != sccn[u]) {
// visited[sccn[v]] = sccn[u];
// dag[sccn[u]].push_back(sccn[v]);
// }
// }
3.4 Bimatch
// addEdge(l, r) : adj[l].push_back(r); // 0<=l<n1, 0<=r<n2
tuple<int, vector<int>, vector<int>> > bimatch(int n1, int n2,
const vector<vector<int>> &adj) { // O(VE) // 0-based
    vector<int> matchL(n1, -1), matchR(n2, -1), checkedR(n2,
        0);
    auto dfs = [&](auto &&dfs, int l, int trueValue) -> bool {
        for (auto r : adj[l]) if (checkedR[r] != trueValue) {
            checkedR[r] = trueValue;
            if (!matchR[r] || dfs(dfs, matchR[r], trueValue))
                {
                    matchL[l] = r;
                    matchR[r] = l;
                    return true;
                }
        }
        return false;
    };
    int res = 0;
    for (int i = 0; i < adj.size(); i++) res += dfs(dfs, i, i
        + 1);
    return {res, matchL, matchR};
}
pair<vector<int>, vector<int>> > getMVC(int n1, int n2, const
vector<vector<int>> &adj, const vector<int> &matchL, const
vector<int> &matchR) { // O(V+E) // 0-based
    vector<bool> visitedL(n1), visitedR(n2);
    auto dfs = [&](auto &&dfs, int l) -> void {
        visitedL[l] = true;
        for (auto r : adj[l]) if (!matchR[r] && !visitedR[r]
            && !visitedL[matchR[r]]) {
            visitedR[r] = true;
            dfs(dfs, matchR[r]);
        }
    };
    for (int l = 0; l < n1; l++) if (!matchL[l]) dfs(dfs, l);
    vector<int> mvcL, mvcR;
    for (int l = 0; l < n1; l++) if (!visitedL[l])
        mvcL.push_back(l);
    for (int r = 0; r < n2; r++) if (visitedR[r])
        mvcR.push_back(r);
    return {mvcL, mvcR};
}
3.5 Hopcroft Karp
tuple<int, vector<int>, vector<int>> > bimatch(int n1, int n2,
const vector<vector<int>> &adj) { // O(E sqrt(V)) // 0-based
    vector<int> matchL(n1, -1), matchR(n2, -1), lvl(n1),
    ptr(n1);
    auto bfs = [&]() -> bool {
        queue<int> q;
        for (int l = 0; l < n1; l++) {
            if (!matchL[l]) {
                lvl[l] = 0;
                q.push(l);
            }
            else lvl[l] = -1;
        }
        bool flag = false;
        while (!q.empty()) {
            int l = q.front();
            q.pop();
            for (auto r : adj[l]) {
                if (!matchR[r]) flag = true;
                else if (!lvl[matchR[r]]) {
                    lvl[matchR[r]] = lvl[l] + 1;
                    q.push(matchR[r]);
                }
            }
        }
        return flag;
    };
    auto dfs = [&](auto &&dfs, int l) -> bool {
        for (int &i = ptr[l]; i < adj[l].size(); i++) {
            int r = adj[l][i];
            if (!matchR[r] || lvl[matchR[r]] == lvl[l] + 1 &&
                dfs(dfs, matchR[r])) {
```

```

        matchL[l] = r;
        matchR[r] = l;
        return true;
    }
}
return false;
};
int res = 0;
while (bfs()) {
    fill(ptr.begin(), ptr.end(), 0);
    for (int l = 0; l < n1; l++) res += (!matchL[l] &&
        dfs(dfs, l));
}
return {res, matchL, matchR};
}

```

### 3.6 MCMF

```

template <typename C, typename F>
struct Graph {
    struct Edge {
        int to, rev;
        F c, oc;
        C cost;
        int from;
    };
    vector<vector<Edge>> > adj;
    C DIST_INF = numeric_limits<C>::max();
    Graph(int n) : adj(n) {} // 0-based
    void addEdge(int a, int b, C cost, F c) {
        adj[a].push_back({b, adj[b].size(), c, c, cost, a});
        adj[b].push_back({a, adj[a].size() - 1, 0, 0, -cost,
            b});
    }
    pair<C, F> mcmf(int s, int t, F targetFlow =
        numeric_limits<F>::max()) { // 0(VEf) // average 0(Ef)
        C minCost = 0;
        F maxFlow = 0;
        vector<Edge*> pedge(adj.size());
        vector<C> dist(adj.size());
        vector<bool> inq(adj.size());
        while (maxFlow < targetFlow) {
            fill(dist.begin(), dist.end(), DIST_INF);
            dist[s] = 0;
            queue<int> q;
            q.push(s);
            inq[s] = true;
            while (!q.empty()) {
                int cur = q.front();
                q.pop();
                inq[cur] = false;
                for (auto &e : adj[cur]) if (e.c && dist[e.to]
                    > dist[cur] + e.cost) {
                    dist[e.to] = dist[cur] + e.cost;
                    pedge[e.to] = &e;
                    if (!inq[e.to]) {
                        q.push(e.to);
                        inq[e.to] = true;
                    }
                }
            }
            if (dist[t] == DIST_INF) break;
            F f = targetFlow - maxFlow;
            for (Edge *e = pedge[t]; e; e = pedge[e->from]) f
                = min(f, e->c);
            for (Edge *e = pedge[t]; e; e = pedge[e->from]) {
                e->c -= f;
                adj[e->to][e->rev].c += f;
            }
            minCost += f * dist[t];
            maxFlow += f;
        }
        return {minCost, maxFlow};
    }
};

```

### 3.7 MCMF(dijkstra)

```

#include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
#include <ext/pb_ds/priority_queue.hpp>
template <typename C, typename F>
struct Graph {
    struct edge {
        int to, rev;
        F c, oc;
    };

```

```

        C cost;
        int from;
    };
};
int n;
vector<vector<edge>> > adj;
vector<int> seen;
vector<C> dist, pi;
vector<edge*> pedge;
const C DIST_INF = numeric_limits<C>::max() / 4;
Graph(int n) : n(n), adj(n), seen(n), dist(n), pi(n),
    pedge(n) {} // 0-based
void addEdge(int a, int b, C cost, F c) {
    adj[a].push_back({b, adj[b].size(), c, c, cost, a});
    adj[b].push_back({a, adj[a].size() - 1, 0, 0, -cost,
        b});
}
void path(int s) {
    fill(seen.begin(), seen.end(), 0);
    fill(dist.begin(), dist.end(), DIST_INF);
    dist[s] = 0;
    using elem = pair<C, int>;
    using pq_t = __gnu_pbds::priority_queue<elem,
        greater<elem>>;
    pq_t q;
    vector<typename pq_t::point_iterator> its(n);
    q.push({0, s});
    while (!q.empty()) {
        int cur = q.top().second;
        q.pop();
        seen[cur] = 1;
        C di = dist[cur] + pi[cur];
        for (auto &e : adj[cur]) if (e.c && !seen[e.to]) {
            C val = di - pi[e.to] + e.cost;
            if (dist[e.to] > val) {
                dist[e.to] = val;
                pedge[e.to] = &e;
                if (its[e.to] == q.end()) its[e.to] =
                    q.push({dist[e.to], e.to});
                else q.modify(its[e.to], {dist[e.to],
                    e.to});
            }
        }
        for (int i = 0; i < n; i++) pi[i] = min(pi[i] +
            dist[i], DIST_INF);
    }
    pair<C, F> mcmf(int s, int t) {
        C minCost = 0;
        F maxFlow = 0;
        while (path(s), seen[t]) {
            F f = numeric_limits<F>::max();
            for (edge *e = pedge[t]; e; e = pedge[e->from]) f
                = min(f, e->c);
            for (edge *e = pedge[t]; e; e = pedge[e->from]) {
                e->c -= f;
                adj[e->to][e->rev].c += f;
            }
            maxFlow += f;
            minCost += f * (pi[t] - pi[s]);
        }
        return {minCost, maxFlow};
    }
    void setpi(int s) { // 음수비용 존재 시 mcmf전에 호출필요
        // 0(VE)
        fill(pi.begin(), pi.end(), DIST_INF);
        pi[s] = 0;
        int it = n, ch = 1; ll v;
        while (ch-- && it--)
            for (int i = 0; i < n; i++) if (pi[i] != DIST_INF)
                for (edge& e : adj[i]) if (e.c)
                    if ((v = pi[i] + e.cost) < pi[e.to])
                        pi[e.to] = v, ch = 1;
        assert(it >= 0); // 비용 음수사이클 존재
    }
};

```

### 3.8 Dinic

```

template <typename F>
struct Dinic {
    struct Edge {
        int to, rev;
        F c, oc;
    };

```

```

    F flow() { return max(oc - c, F(0)); }
};
vector<int> lvl, ptr, q;
vector<vector<Edge>> > adj;
Dinic(int n) : lvl(n), ptr(n), q(n), adj(n) {} // 0-based
void addEdge(int a, int b, F c, F rcap = 0) { //
    양방향이면 rcap=c로 호출
    if (a == b) return; // self-loop는 최대유량에 영향 X
    adj[a].push_back({b, adj[b].size(), c, c});
    adj[b].push_back({a, adj[a].size() - 1, rcap, rcap});
}
F dfs(int cur, int t, F mn) {
    if (cur == t || !mn) return mn;
    for (int &i = ptr[cur]; i < adj[cur].size(); i++) {
        auto &e = adj[cur][i];
        if (lvl[e.to] != lvl[cur] + 1) continue;
        if (F f = dfs(e.to, t, min(mn, e.c))) {
            e.c -= f, adj[e.to][e.rev].c += f;
            return f;
        }
    }
    return 0;
}
template <bool scaling=false> F maxFlow(int s, int t) { //
    0(V^2 E) // max(cap)이 큰 경우 scaling=true가 빠름
    F res = 0; q[0] = s;
    for (int i = scaling ? 0 : 30; i < 31; i++) do {
        lvl = ptr = vector<int>(q.size());
        int qs = 0, qe = lvl[s] = 1;
        while (qs < qe && !lvl[t]) {
            int cur = q[qs++];
            for (Edge &e : adj[cur]) if (!lvl[e.to] && e.c >> (30 - i)) {
                q[qs++] = e.to, lvl[e.to] = lvl[cur] + 1;
            }
            while (F f = dfs(s, t, numeric_limits<F>::max()))
                res += f;
        } while (lvl[t]);
        return res;
    }
    bool leftOfMinCut(int a) { return lvl[a] != 0; } //
    min-cut에서 source 집합에 속하는지
};
// vector<pair<int, int> ref;
// ref.emplace_back(u, graph.adj[u].size()); graph.addEdge(u, v);
// auto [u, idx] = ref[i]; cout << graph.adj[u][idx].flow() << "\n";
// 0(min(Ef, V^2 E)), all cap = 1: 0(min(V^{2/3}, E^{1/2})E)
// dinic with scaling 0(VE log(max_cap))
// 근데 보통 그냥 dinic이 더 빠름, 오히려 max_cap이 클 때
// dinic with scaling이 좋음
// 무한간선 많은 경우 proxysource -> source로 K 용량의 간선을
// 두고 계산하면 애초에 최대유량이 K만큼으로 제한되므로
// 오버플로우 방지 가능
// 정점분할 시 양방향이라면 addEdge(out(a), in(b), c),
// addEdge(out(b), in(a), c)
// 정점분할 시 maxFlow(out(s), in(t))

```

### 3.9 LCA

```

// 1-based (ac default값이 0이라서 0-based안됨)
int mx = __lg(n);
vector<int> dep(n + 1);
vector<ac(n + 1, vector<int>(mx + 1));
auto dfs = [&](auto &&dfs, int cur, int par) -> void {
    for (auto next : adj[cur]) if (next != par) {
        dep[next] = dep[cur] + 1;
        ac[next][0] = cur;
        for (int i = 1; i <= mx; i++) ac[next][i] =
            ac[ac[next][i - 1]][i - 1];
        dfs(dfs, next, cur);
    }
};
dfs(dfs, 1, -1); // 0(NlogN)
auto getLCA = [&](int a, int b) { // 0(logN)
    if (dep[a] > dep[b]) swap(a, b);
    for (int diff = dep[b] - dep[a]; diff; diff &= diff - 1) b
        = ac[b][__builtin_ctz(diff)];
    if (a == b) return a;
    for (int i = mx; i >= 0; i--) if (ac[a][i] != ac[b][i]) a
        = ac[a][i], b = ac[b][i];
}

```

```

    return ac[a][0];
};
auto getLCA2 = [&](int a, int b, int root) {
    int x = getLCA(root, a);
    int y = getLCA(root, b);
    int res = getLCA(a, b);
    if (dep[res] < dep[x]) res = x;
    if (dep[res] < dep[y]) res = y;
    return res;
};

```

### 3.10 Cycle Counting

```

void getC3(const vector<vector<int>> &adj) { //
    sum_E{min(deg(u), deg(v))} = 0(m sqrt(m))
    vector<vector<int>> > dag(adj.size());
    for (int u = 0; u < adj.size(); u++) {
        for (auto v : adj[u]) {
            if (adj[u].size() < adj[v].size() ||
                (adj[u].size() == adj[v].size() && u < v))
                dag[u].push_back(v);
        }
    } // dag에서 차수는 전부 0(sqrt(m)) 이하
    vector<int> mark(adj.size());
    for (int i = 0; i < adj.size(); i++) {
        for (auto j : adj[i]) mark[j] = i;
        for (auto j : dag[i]) {
            for (auto k : dag[j]) {
                if (mark[k] == i) cout << i << " " << j << " "
                    << k << "\n";
            }
        }
    }
}
int getC4(const vector<vector<int>> &adj, int MOD) {
    auto cmp = [&](int u, int v) { // u < v
        return adj[u].size() < adj[v].size() || (adj[u].size()
            == adj[v].size() && u < v);
    };
    vector<vector<int>> > dag(adj.size());
    for (int u = 0; u < adj.size(); u++) {
        for (auto v : adj[u]) if (cmp(u, v))
            dag[u].push_back(v);
    }
    int res = 0;
    vector<int> cnt(adj.size());
    for (int i = 0; i < adj.size(); i++) {
        for (auto j : adj[i]) {
            for (auto k : dag[j]) if (cmp(i, k)) {
                res += cnt[k];
                if (res >= MOD) res -= MOD;
                ++cnt[k];
            }
        }
        for (auto j : adj[i]) {
            for (auto k : dag[j]) if (cmp(i, k)) cnt[k] = 0;
        }
    }
    return res;
}
// C3에선 rank(i)<rank(j)<rank(k)이므로 dag->dag순 탐색
// C4에선 rank(j)<rank(j')<rank(k) && rank(i)<rank(k) 일뿐 i랑
// j간의 대소관계는 모두 고려해야하므로 adj->dag순 탐색

```

### 3.11 Euler Circuit

```

// 양방향 그래프
struct Edge { int to, rev, cnt; };
pair<bool, vector<int>> getCircuit(vector<vector<Edge>> &adj,
    int start) { // adj비워져도 괜찮으면 참조 사용 // 0(V+E)
    int E = 0;
    for (auto &r : adj) for (auto edge : r) E += edge.cnt;
    E >>= 1;
    vector<int> res;
    auto dfs = [&](auto &&dfs, int cur) -> void {
        while (!adj[cur].empty()) {
            auto &edge = adj[cur].back();
            if (edge.cnt == 0) adj[cur].pop_back();
            else {
                --edge.cnt;
                --adj[edge.to][edge.rev].cnt;
                dfs(dfs, edge.to);
            }
        }
        res.push_back(cur);
    }
}

```

```

};
dfs(dfs, start);
bool possible = (res.size() == E + 1 && res[0] ==
res.back());
return {possible, res};
}

// 단방향 그래프
pair<bool, vector<int>> getCircuit(vector<vector<pair<int,
int>>> adj, int start) { // adj비워져도 괜찮으면 참조 사용
// 0(V+E)
int E = 0;
for (auto &r : adj) for (auto [next, cnt] : r) E += cnt;
vector<int> res;
auto dfs = [&](auto &&dfs, int cur) -> void {
while (!adj[cur].empty()) {
auto &[next, cnt] = adj[cur].back();
int tmp = next; // dangling 방지
if (--cnt == 0) adj[cur].pop_back();
dfs(dfs, tmp);
}
res.push_back(cur);
};
dfs(dfs, start);
reverse(res.begin(), res.end());
bool possible = (res.size() == E + 1 && res[0] ==
res.back());
return {possible, res};
}

```

// 오일러 회로는 모든 간선을 지나는 게 목표지, 모든 정점을 지나는 게 목표가 아님  
// 따라서 간선들끼리만 연결되어있으면 가능하고, start는 간선과 연결되어 있는 정점 아무거나 가능

// 오일러 경로는 홀수 차수 정점이 2개 or 0개여야 가능.  
// 만약 2개라면 해당정점들을 cnt=1인 간선으로 잇고 회로를 찾은 뒤 해당간선만 제거하면 됨

// 경로 구하고 싶으면 indg < outdeg인 지점을 start로 호출하면 됨, 이 경우 res[0] != res.back()이 됨

### 3.12 PEO

```

pair<bool, vector<int>> getPEO(int n, const
vector<vector<int>>& adj) { // 0(V+E) // 1-based
vector<int> label(n + 1), order;
vector<bool> visited(n + 1, false);
vector<vector<int>> buckets(n + 1);
for (int i = 1; i <= n; i++) buckets[0].push_back(i);
int mx = 0;
while (order.size() < n) { // mcs
while (buckets[mx].empty()) --mx;
int cur = buckets[mx].back();
buckets[mx].pop_back();
if (visited[cur]) continue;
visited[cur] = true;
order.push_back(cur);
for (auto next : adj[cur]) if (!visited[next]) {
buckets[++label[next]].push_back(next);
mx = max(mx, label[next]);
}
}
reverse(order.begin(), order.end());
// check peo
vector<int> pos(n + 1), parent(n + 1, -1);
for (int i = 0; i < n; i++) pos[order[i]] = i;
vector<vector<int>> chd(n + 1);
for (int u = 1; u <= n; u++) {
int mn = n + 1, w = -1;
for (auto v : adj[u]) if (pos[v] > pos[u] && mn >
pos[v]) mn = pos[v], w = v;
if (~w) {
parent[u] = w;
chd[w].push_back(u);
}
}
vector<int> tag(n + 1);
for (auto u : order) {
tag[u] = u;
for (auto v : adj[u]) tag[v] = u;
for (auto v : chd[u]) {
for (auto w : adj[v]) {

```

```

if (pos[w] > pos[v] && w != u) {
if (tag[w] != u) return {false, order};
}
}
}
return {true, order};
} // {isChordal, peo} // chordal: 길이 4이상의 모든 simple
cycle이 chord를 포함

```

### 3.13 Graph Theory

#### 트리의 중심

모든 트리는 1개 or 2개의 중심을 가지며 2개라면 그 두 정점은 반드시 인접함  
트리의 모든 지름은 반드시 트리의 중심을 지남(=공유함)  
트리의 지름이 짝수라면: 중심은 1개, 지름의 중간지점이 중심  
홀수라면: 중심은 2개, 지름의 가운데 간선으로 연결된 두 정점이 중심  
즉, 중심이 1개라면 모든 지름은 그 중심을 지나고 2개라면 모든 지름은 그 두 중심을 잇는 간선을 지남  
트리의 모든 지름이 공유하는 정점들의 집합은 항상 하나의 연결된 경로로 이루어짐

#### 평면그래프

연결된 평면 그래프에서  $v - e + f = 2$  (v:정점, e: 간선, f: 면)  
 $v \geq 3$ 인 중복 간선없는 단순 평면 그래프는  $e \leq 3v - 6$ 을 만족  
 $2e =$  각 면에서 변의 개수의 합  $\geq 3f$ 이므로  $v - e + f = 2$ 와 연립하면  $e \leq 3v - 6$   
이분그래프라면 사이클의 최소 길이가 4이므로  $2e \geq 4f, e \leq 2v - 4$

#### 매칭

König's theorem: 이분그래프에서 최대매칭 =  $|mvc|$   
Maximum Independent Set =  $V - mvc$  : 서로 간선으로 연결되지 않은 정점들의 모임 중 가장 정점수가 많은 것. 일반그래프에선 NP-hard임  
 $misL = L - mvcL, misR = R - mvcR$   
Dilworth's theorem: 부분 순서 집합에서 최대 반사슬의 크기는 사슬 분할의 최소 개수와 같음  
antichain은  $v_{in}$ 이  $misL$ 이고  $v_{out}$ 이  $misR$ 인 v들을 모으면 됨  
clique는 complement graph에서의 Independent set과 같음  
hall's marriage theorem: 이분그래프  $G = (L + R, E)$ 에서  $L$ 의 부분집합  $S$ 에 대해 이와 연결된  $R$ 의 부분집합을  $N(S)$ 라 할 때, 이 이분그래프에 perfect matching이 존재할 필요충분조건은 모든  $S$ 에 대하여  $|S| \leq |N(S)|$   
-> k-정규 이분 그래프는 항상 perfect matching을 가짐

## 4 Math

### 4.1 XOR Basis

```

template <typename T>
vector<T> getXorBasis(const vector<T> &v) {
vector<T> basis;
for (auto e : v) {
for (auto b : basis) e = min(e, e ^ b);
if (e) basis.push_back(e);
}
sort(basis.rbegin(), basis.rend());
return basis;
}

// T mxSum = 0;
// for (auto b : getXorBasis(v)) mxSum = max(mxSum, mxSum ^
b);

```

### 4.2 exgcd

```

tuple<ll, ll, ll> extendedGCD(ll a, ll b) { // ax + by =
gcd(a, b)
if (b == 0) return {1, 0, a};
auto [x, y, g] = extendedGCD(b, a % b);
return {y, x - (a / b) * y, g};
}

ll modInverse(ll a, ll b) {
auto [x, y, g] = extendedGCD(a, b); //ax + by = g
if (g == 1) return (x + b) % b;
return -1;
} // modInverse(n, MOD)
vector<ll> inv(n + 1, 1);
for (int i = 2; i <= n; ++i) inv[i] = (p - ((p / i) * inv[p %
i]) % p) % p;

```

### 4.3 CRT

```

pll merge(const pll &a, const pll &b) {
auto [p1, m1] = a;
auto [p2, m2] = b;
ll g = __gcd(p1, p2);
if ((m2 - m1) % g) return {-1, -1};
ll x = (m2 - m1) / g * modInverse(p1 / g, p2 / g) % (p2 /
g);
return {p1 / g * p2, p1 * x + m1};
}

```

```

p11 crt(const vector<p11> &rems) { // rems 원소는 {p, n % p}꼴
// O(N logP) (P:= p1*p2*...*pn)
    p11 res(1, 0);
    for (auto &p : rems) {
        res = merge(res, p);
        if (res.first == -1) return {-1, -1};
    }
    if (res.second < 0) res.second += res.first;
    return res;
} // crt().first = -1이면 연립합동식에 해 존재

```

#### 4.4 Miller-Rabin

```

inline ll multiply(ll a, ll b, ll mod) { return __int128(a) *
b % mod; }
ll power(ll a, ll n, ll mod) { // a ^ n % mod
    ll res = 1;
    while (n) {
        if (n & 1) res = multiply(res, a, mod);
        a = multiply(a, a, mod);
        n >>= 1;
    }
    return res;
}
bool isPrime(ll n) { // 밀러-라빈, O(7log^3N)
    if (n <= 1) return false;
    ll d = n - 1, r = 0;
    while (~d & 1) d >>= 1, ++r;
    auto check = [&](ll a) {
        ll remain = power(a, d, n);
        if (remain == 1 || remain == n - 1) return true;
        for (int i = 1; i < r; i++) {
            remain = multiply(remain, remain, n);
            if (remain == n - 1) return true;
        }
        return false;
    };
    vector<ll> nums = {2, 325, 9375, 28178, 450775, 9780504,
1795265022}; // ull
    // int 범위는 {2, 7, 61}
    for (ll a : nums) if (a % n && !check(a)) return false;
    return true;
}

```

#### 4.5 Pollard's rho

```

namespace PollardRho {
    ll getPrime(ll n) {
        if (~n & 1) return 2;
        if (isPrime(n)) return n;
        ll a, b, c, g;
        auto f = [&c, &n](ll x) { return (multiply(x, x, n) + c) %
n; };
        do {
            a = b = rand() % (n - 2) + 2;
            c = rand() % 10 + 1;
            do {
                a = f(a);
                b = f(f(b));
                g = __gcd(abs(a - b), n);
            } while (g == 1);
        } while (g == n);
        return getPrime(g);
    }
    vector<pair<ll, ll>> factorize(ll n) { // O(\sqrt[4]{N})
        assert(n > 1);
        vector<pair<ll, ll>> primes;
        while (n > 1) {
            ll prime = getPrime(n), cnt = 0;
            while (n % prime == 0) n /= prime, ++cnt;
            primes.push_back({prime, cnt});
        }
        sort(primes.begin(), primes.end());
        return primes;
    }
    vector<ll> getAllDivisors(ll n) {
        auto factors = factorize(n);
        int cnt = 1;
        for (auto [p, e] : factors) cnt *= e + 1;
        vector<ll> res = {1};
        res.reserve(cnt);
        for (auto [p, e] : factorize(n)) {
            int sz = res.size();
            ll curP = p;
            for (int _ = e; --_ > 0) {

```

```

                for (int i = 0; i < sz; i++) res.push_back(res[i] *
curP);
                curP *= p;
            }
        }
        assert(false, "정렬 필요한지 확인");
        // sort(res.begin(), res.end());
        return res;
    }
}

```

#### 4.6 Math Theory

$$\sum_{k=0}^r \binom{m}{k} \binom{n}{r-k} = \binom{m+n}{r}$$

$$\sum_{i=r}^n \binom{i}{r} = \binom{n+1}{r+1}$$

### 5 String

#### 5.1 Z

```

template<typename Container> // Container = string or
vector<>
vector<int> getZ(const Container &st) { // O(N)
    vector<int> z(st.size());
    for (int i = 1, p = 0; i < st.size(); ++i) { // p는
0<=j<i인 j들 중 j + z[j] - 1가 가장 큰 j
        if (i <= p + z[p] - 1) z[i] = min(p + z[p] - 1 - i +
1, z[i - p]);
        while (i + z[i] < st.size() && st[z[i]] == st[i +
z[i]]) ++z[i];
        if (p + z[p] - 1 < i + z[i] - 1) p = i;
    }
    z[0] = st.size();
    return z;
} // z[i] = lcp(st, st[i:])

```

#### 5.2 Rolling Hash

```

template<ll MOD=1'000'000'007>
struct Hashing {
    vector<ll> h;
    static const ll X;
    static vector<ll> x;
    template<typename T> // T = string or vector<>
    Hashing(const T &st) : h(st.size() + 1) {
        while (x.size() <= st.size()) x.push_back(x.back() * X
% MOD);
        for (int i = 1; i < h.size(); i++) h[i] = (h[i - 1] *
X + st[i - 1]) % MOD;
    }
    ll get(int s, int e) const { // 0-based, st[s:e)
        ll res = (h[e] - h[s] * x[e - s]) % MOD; // h는
1-based
        return res >= 0 ? res : res + MOD;
    }
};
template<ll MOD> const ll Hashing<MOD>::X = sqrt(MOD) -
(__TIME__[6] & 15) * 10 - (__TIME__[7] & 15);
template<ll MOD> vector<ll> Hashing<MOD>::x = {1};
// 2D
template<ll MOD=1'000'000'007>
struct Hashing2D {
    vector<vector<ll>> > h;
    static const ll X, Y;
    static vector<ll> x, y;
    template<typename T> // T = string or vector<>
    Hashing2D(const vector<T> &v) {
        int n = v.size();
        int m = v[0].size();
        while (x.size() <= n) x.push_back(x.back() * X % MOD);
        while (y.size() <= m) y.push_back(y.back() * Y % MOD);
        h.assign(n + 1, vector<ll>(m + 1));
        for (int i = 1; i <= n; i++) {
            for (int j = 1; j <= m; j++) {
                h[i][j] = v[i - 1][j - 1]
+ h[i - 1][j] * X % MOD
+ h[i][j - 1] * Y % MOD
- h[i - 1][j - 1] * X % MOD * Y % MOD;
                h[i][j] %= MOD;
                if (h[i][j] < 0) h[i][j] += MOD;
            }
        }
    }
    ll get(int i1, int i2, int j1, int j2) const { // 0-based,
v[i1:i2][j1:j2]
        ll res = h[i2][j2]
- h[i1][j2] * x[i2 - i1] % MOD

```

```

        - h[i2][j1] * y[j2 - j1] % MOD
        + h[i1][j1] * x[i2 - i1] % MOD * y[j2 - j1] %
        MOD;
    res %= MOD;
    return res >= 0 ? res : res + MOD;
}
};
template<ll MOD> const ll Hashing2D<MOD>::X = sqrt(MOD) -
(__TIME__[6] & 15) * 10 - (__TIME__[7] & 15);
template<ll MOD> const ll Hashing2D<MOD>::Y = sqrt(MOD) +
(__TIME__[6] & 15) * 10 + (__TIME__[7] & 15);
template<ll MOD> vector<ll> Hashing2D<MOD>::x = {1};
template<ll MOD> vector<ll> Hashing2D<MOD>::y = {1};

```

## 6 Misc

### 6.1 RMQ

```

template <typename T, const T& (*op)(const T&, const T&)>
struct RMQ {
    vector<vector<T> > ac; // ac[i][j] = op(v[j:j+2^i))
    RMQ(const vector<T> &v) : ac(1, v) { // O(N logN)
        for (int i = 1, len = 1; len * 2 <= v.size(); ++i, len *=
            2) {
            ac.emplace_back(v.size() - len * 2 + 1);
            for (int j = 0; j < ac[i].size(); j++) ac[i][j] =
                op(ac[i - 1][j], ac[i - 1][j + len]);
        }
    }
    T query(int a, int b) const { // 0-based // op[a:b]의 op()
        누적값 // O(1)
        assert(0 <= a && a <= b && b < ac[0].size());
        int i = __lg(b - a + 1);
        return op(ac[i][a], ac[i][b - (1 << i) + 1]);
    }
};
// const RMQ<int, min> rmq(v);

```

### 6.2 Random

```

mt19937 rng;
shuffle(v.begin(), v.end(), rng); // O(N)
uniform_int_distribution<int> dist(a, b); // a<=x<=b
uniform_real_distribution<double> dist(a, b); // a<=x<b
x = dist(rng);

```

### 6.3 Time

```

clock_t sttime = clock();
while(double(clock() - sttime) / CLOCKS_PER_SEC < 0.95) {}

```

### 6.4 Debug

```

g++ -std=c++17 -O0 -g -fsanitize=undefined
-fno-omit-frame-pointer main.cpp -o main
# -fsanitize=address

```