ממך 12

קורס מימוש מערכות בסיסי נתונים, 20574

מגיש טל גלנצמן, 302800354

תאריך 05/04/2021 סמסטר 2021

שאלה 1

סעיף א

בדף יש 10 רשומות של האינדקס E1 כלומר, כאשר סורקים את האינדקס נידרשת גישה אחת לדיסק עבור בדף יש 10 ללו, על מנת לאתר את הרשומה עבורה id=567 נצטרך איתור כל 10 רשומות ביחס P. לכן, על מנת לאתר את הרשומה עבורה id=567

$$\lceil \frac{567}{10} \rceil = 57$$

גישות לדיסק. רק נציין, שקריאת הרשומה עצמה דורשת כמובן גישה נוספת.

סה"כ, נדרשות 57 גישות לדיסק על מנת לאתר את הרשומה המבוקשת

סעיף ב

10 - מצביעה למעשה בדף ובכך בדף בדף האינדקס בדף מצביעה ל- באינדקס באינדקס בדף ובכך למעשה מצביעה ל- פאינדקס באינדקס אל מנת לאתר את הרשומה המבוקשת ביחס P, נצטרך לגשת לדף ה57 באינדקס באינדקס

$$\lceil \frac{57}{10} \rceil = 6$$

משמע, נדרשות 1+6=1 גישות לדיסק על מנת לאתר את הרשומה המבוקשת

סעיף ג

 $s\in salary$ עבור עדך אם כן כי עבור השדה המתפלגים אונים המתפלגים אונים המתפלגים יש salary עבור כל עדך אם כן כי כי בורן השדה אם כן כי 2 הדפים בממוצע עבורן השדה בממוצע עבורן השדה בממוצע אם כן כי 2 הדפים האחרונים של האינדקס בט מכילים רשומות הצבעה לרשומות של P אותן אנו מחפשים.

אם נבצע סריקה על האינדקס מהערך הקטן לערך הגדול נצטרך למעשה לסרוק את כל האינדקס מה שיידרוש 100 גישות לדיסק - עבור קריאה של 100 דפים.

גם, באופן מעשי, אומנם התפלגות הערכים אחידה, אבל עדיין קיימת הסתברות לא אפסית שבה כל הרשומות מקבלות אותו ערך, לכן גם כאן, במקרה הגרוע, נצטרך לגשת לכל דפי האינקס מה שיידרוש 100 גישות לדיסק.

salary את הערך המקסימלי את מחוין, ואנו מחפשים שהאינדקס שה הערד את הערבה אם הערה הערבה את הערבה אנצטרך לבצע בצטרך לבצע באמוצע מהסוף לההתחלה האטרך לבצע בצע מהסוף לבצע החוילה האטרף לבצע באמוצע האטריקה האטריקה או וובצע הערבה את הערבה האינדקה או האינדקה את הערבה את הערבה האינדקה האינדקה את הערבה האינדקה האינדקה

סעיף ד

50 כלומר אפשרי של האינדקס בלול רשומת מצביע עבור כל ערך אפשרי של האינדקס בלומר הרמה הממישי ולכן המצביע לרמה השנייה של האינקס יימצא בדף החמישי ולכן בשומות הצבעה מה שיידרוש 5 $\frac{50}{10}$ דפים. המצביע לרמה השנייה של האינקס יימצא בדף החמישי ולכן כדי להגיע למצביע זה יידרשו 5 גישות לדיסק.

כפי שראינו בסעיף ג', עבור כל ערך של salary יהיו בממוצע 20 שורות המקבלות ערך זה, ולכן, ברמה השנייה של האינדקס יידרשו שני דפים להכיל את רשומות המצביעים לרשומות אלו.

בפרט זה נכון עבור הערך המקסימלי של salary , לכן יידרשו 2 גישות לדיסק על מנת למצוא את הרשומות הדרושות כאשר נתון לנו כבר גפי הרמה השנייה.

לסיכום נדרשות 7 גישות לדיסק - 5 גישות לדיסק על מנת למצוא את הדף הראשון בשרשרת הדפים, ועוד שתי גישות לדיסק על מנת לקרוא את שני הדפים הרלוונטים המכילים את המצביעים לרשומות עצמן

שאלה 2

סעיף א

$$P=4096$$
 -ו $S=4$, $N=10^8$ נסמן

נפח האחסון של עמודה A_1 הוא של בתים, כלומר נפח

$$\lceil \frac{NS}{P} \rceil = 97657$$

דפים.

עבור ערך אחת העמודה את ערך בתים שכן בתים בתים בתרשים ברשים בדרשים לברשים בתרשים את ערך העמודה את עבור כל אחת מהעמודות ברשים $A_{2,3,4,5}$ נדרשים המפתח, כלומר

$$\lceil \frac{2NS}{P} \rceil = 195313$$

דפים.

נחשב את נפח האחסון של האינדקס

20 - בנוסף מצביעים הארבעה ערך ערך של ערך מרשומות העלה בנוסף בתים. בערסה אודל קר בלה הוא ערך עלה הוא ערך בערסה מחזיק לכל היותר בערסה אויא אומר אויא אומר בערסה אויא אומר לכל היותר 204 בערסה אויא אומר אויא אומר שעלה בערסה אויא אומר בערסה אויא אומר בערסה בערסה אויא אויא בערסה בערסה בערסה אויא אויא בערסה בערסה בערסה אויא בערסה בערס

. עלים. $\lceil \frac{10^8}{204} = 490197$ ביחס, כלומר כלומר ברשומות. כלומר 10^8

בנוסף, בהנחה שנרצה את ה-n שנודל אומת פנימי בעץ יתפוס כמה שיותר מגודל דף, נחשב את ה-n באופטימלי ע"י אי-השוויון ע"י אי-השוויון

$$4(n-1) + 4n \le 4096$$

$$8n \le 4100$$

$$n \le 512.5$$

אז n אופטימלי הוא 512 - נניח תפוסה מלאה.

נחשב את סך הצמתים, מהשכבה התחונה לעליונה

$$\left[\frac{490197}{512}\right] = 958$$
 •

- $\begin{bmatrix} \frac{958}{512} \end{bmatrix} = 2 \bullet$ $\begin{bmatrix} \frac{2}{512} \end{bmatrix} = 1 \bullet$

אם כן, בעץ יש 490197 + 958 + 2 + 1 = 491158 צמתים. כל צומת תופס דף, לכן זהו מספר הדפים שהאינדקס תופס.

לבסוף, סה"כ נפח איחסון הקובץ בדפים הוא סכום

- 491158 דפים לאיחסון האינדקס
- A_1 דפים לאיחסון העמודה 97657 •
- $A_{2,3,4,5}$ דפים לאיחסון העמודות 781252 •

כלומר 1370067 דפים

סעיף ב

נפרק את השאילתא לשלבי ביצוע

- A_4 של של הערך הערך הערך .1 מציאת אינימלי של A_4 של של הערך המינימלי ממש אשר גדול .2 מציאת הערך המינימלי של A_2
 - הקודם בשלב שהתקבל מהערך החל A_2 סריקת .3

- תחילה נציין שנפח האיחסון עבור כל עמודה הוא ידוע ולכן ניתן לגשת באופן ישיר לכל אחת מהרשומות הכוונה לפי סדר, לא לפי ערך.

נסמן עמודת ערכים הדפים אחסון עמודת ערכים K=195313

הראשון, כיוון שהעמודה ממוינת, זהו הערך המינימלי.

תידרש כאן גישה אחת לדיסק.

מהערך מהערי אשר המינימלי של בצע המינימלי הערך למציאת אברר למציאת על בינארי על חיפוש כעת כעת בעל מהערך משלב 2 שלב ב המינימלי של A_4 אשר קיבלנו בשלב הקודם.

ביסק גישות גישות וועק הייקח אייקח בממוצע ההליך הייקח בממוצע ההליך הייקח בממוצע ההליך הייקח בממוצע הייקח בממוצע הייקח במחוד הייקח במוד הייקח במוד

... בחצי העמדה הוא בחצר בשלב שהתקבל של A_2 שהערך של בחצי העמדה, נניח אחידה, נניח שהערך של בשלב בשלב בשלב הקודם הוא בחצי העמדה.

בממוצע יידרשו $\lceil \frac{K}{2} \rceil = 97657$ גישות לדיסק - אבל, בשלב הקודם, לפי שיטת החיפוש, כחצי הגישות בוצעו על דפים שבהם הערך גדול מהערך שחופש ולכן 9 דפים הוטמנו בדפי החוצץ. כאן אנחנו ניגשים לפחות מ-100000 דפים לכן סביר להניח ש9 הדפים האלו עדיין מוטמנים.

נסיק כי יידרשו כאן כ- 97648 גישות לדיסק

בסה"כ בממוצע יידרשו כ-48 + 97648 = 1 + 18 + 97648 גישות לדיסק

שאלה 3

סעיף א

מפת סיביות עבור brand

	11-111-11	22-222-22	33-333-33	44-444-44
opel	1	1	0	0
peugeut	0	0	1	0
bmw	0	0	0	1

מפת סיביות עבור מפת

	11-111-11	22-222-22	33-333-33	44-444-44
grey	1	0	0	0
red	0	1	0	0
black	0	0	1	1

סעיף ב

- $x=1100_2$ ונסמן brand של ממפת מספר מספר של המתאים הערך המתאים •
- $y=0100_2$ ונסמן color ממפת הסיביות של red ניקח את הערך המתאים פיקח את ניקח את ניקח את הערך המתאים של
 - ו במקרה הזה $x \& y = 0100_2$ בערך הדולקות בערה הסיביות הסיביות בערך גספור את במקרה בערה במקרה הזה

שאלה 4

סעיף א

מהנתונים

- גודל סל יהיה כגודל דף, כלומר 4010 בתים
 - גודל רשומה הוא 40 בתים

לכן מספר הרשומות שניתן לאחסן בסל הוא לכל היותר

$$\lfloor \frac{4010}{40} \rfloor = 100$$

על מנת לאחסן 10^8 רשומות נצטרך $10^6=10^{100}$ סלים, לכן דרושות לנו 20 סיביות לכל הפחות על מנת לייצג את כל הסלים האפשריים. באותם סימונים בחוברת, ובהנחה שרזולוצית הערכים שלנו היא בבתים, נקבע את הערך של b להיות b להיות b להיות לכל בתים.

הרי

- גודל מצביע, וכן גם גודל כניסה במדריך 10 בתים
 - 4010 גודל דף •

בדף נכנסות 401 כניסות של המדריך.

 $\frac{16777216}{401}$ של של שמצריך מקום שה בניסות מה בניסות מה במדריך במדריך מדריך מדריך מדריך מדריך מדריך ואלי נוכל א עבור במדריך אל נעגל כאן לתפוסת דף שלמה שכן יש עוד מידע עבור המדריך ואלי נוכל להשתמש בשארית הדף לאחסן מידע נוסף.

המדריך מחזיר את הרוחב הגלובל וגם את הרוחבים הלוקלים של הסלים התואמים כל כניסה. לכן סהכ יהיו 127 ± 0.00 ערכים כאלה מה שאומר שאת הערכים $\left\lfloor \frac{4010}{3} \right\rfloor = 1336$ ערכים כאלה מה שאומר שאת הערכים יהיו $1+2^{24}$ ערכים כאלה מני 224 ± 0.00 באלו נצטרך לאחסן על פני 12557.79

. בסה"כ עבור המדריך נצטרך אם כן [41838.44 + 12557.79] = [54396.23] = 54397 דפים. $10^6 + 54397 = 1054397$ הוא הסלים וטבלת הסלים כולל לקובץ, כולל הדפים הדרושים לקובץ, כולל הסלים וטבלת הסלים הדרושים לקובץ, כולל הסלים הדרושים לקובץ, כולל הסלים הדרושים הדרושי

סעיף ב

מהנתונים

- רוחב מצביע הוא 10 בתים
- רוחב ערך A_2 הוא 30 בתים •

אבודל בהנחה בתים. בתים. בתים (n-1) אם כן, כאשר n בתים. בצומת ביניים יהיו לכל היותר פרמטר מעץ, בצומת העץ, בצומת היו צומת פנימי מתפרש על דף, n אופטימלי כזה נמצא ע"י הא"ש

$$30(n-1) + 10n \le 4010$$
$$40n \le 4040$$
$$n < 101$$

נסיק כי n=101. לכן, בתפוסה של 80%, צומת ביניים יצביע ל- 80 ילדים.

כיוון שגודל עלה כגודל דף - 4010 בתים, וגודל רשומה הוא 40 בתים, נכנסות 100 רשומות בעלה, אך בתפוסה של 80% ייכנסו 80 רשומות בעלה. סה"כ הרשומות ביחס הוא 10^8 לכן יהיו באינדקס אך בתפוסה של $\frac{10^8}{80}$ עלים.

סך הצמתים בעץ, מרמת העלים תחילה

כלומר, 1250000 בעמתים. כל צומת תופס דף, ולכן זהו 1250000 + 15625 + 196 + 3 + 1 = 1265825 בלומר, מספר הדפים של האינדקס.

את הרשומות אנו מאחסנים במלואן בעלי האינדקס, לכן זהו גודל הקובץ כולו.

שאלה 5

סעיף א

באופן הכי פשוט, פשוט ניקח את הערך מצד ימין של כל משתנה. כמובן שזה לא מחויב ואפשרי למצוא ערכים קטנים ממנו וגדולים מהערך הקודם אך זו דרך ישירה. נקבל את הערכים בטבלה הבאה X1 FURLANT

X2 BOXTON

X3 DYNOS

X4 HORUS

X5 MONTAN

סעיף ב

מהנתונים, עלה בעץ ה- B^+ יכיל 5 ערכים, 20 בתים כל אחד והתפוסה היא 62.5% . נקבל גודל עלה ע"י פתרון המשוואה

$$0.625 \cdot x = 5 \cdot 20$$
$$x = \frac{100}{0.625}$$
$$x = 160$$

כלומר, גודל עלה, ודף, הוא 160 בתים.

אנו יודעים כי רוחב ערך הוא 20 בתים ורוחב מצביע הוא 4 בתים. נחשב את ח ע"י הא"ש אנו יודעים כי רוחב או אוויים הוא 20 בתים ורוחב מצביע הוא אנו יודעים כי רוחב אחד אוויים הוא אנו יודעים בי הוא אוויים הוא אנו יודעים בי הוא אנו יודעים הוא אנו יודעים בי הוא אוודעים בי הוא אנו יודעים בי הוא אוודעים בי הוא הוא אוודעים בי הוא הוא הוא אוודעים בי הוא אוודע בי הוא הוא הוא הוא אוודעים בי הוא הוא

$$20(n-1)+4n \leq 160$$

$$24n \leq 180$$

$$n \leq 7.5$$

. משמע ערכים בין 4 ל-6 ערכים בצומת n=7 לכן נקבל לכן

. העלים. דרגת הערכים הבאה הרמה לערכים ((X_2,X_3,X_4,X_5) הערכים את יחזיק השורש