

# Praktikum 4 – Versuch 402: Quantelung von Energie

Jonas Wortmann<sup>1\*</sup> and Angelo Brade<sup>1\*</sup>

<sup>1\*</sup>Rheinische Friedrich–Wilhelms–Universität, Bonn.

\*Corresponding author(s). E-mail(s): [s02jwort@uni-bonn.de](mailto:s02jwort@uni-bonn.de); [s72abrad@uni-bonn.de](mailto:s72abrad@uni-bonn.de);

## 1 Einleitung

Elektronen emittieren bzw. absorbieren beim Übergang zwischen Orbitalen Photonen mit einer diskreten Energie. Diese Energie ist gequantelt in Vielfache des PLANCK'schen Wirkungsquantums  $h$ . Um die Größe der Quantelung zu bestimmen wird der Photoeffekt und die Messung der BALMER-Serie von Hg verwendet.

## 2 Photoelektrische Bestimmung von $h$ .

### 2.1 Theoretischer Hintergrund

Das FERMI-Niveau beschreibt das höchste Energieniveau in einem Atom im Grundzustand, welches aufgrund des PAULI-Prinzips noch besetzt werden darf. Die Austrittsarbeit ist die Arbeit die benötigt wird, um ein Elektron aus diesem Energieniveau zu heben und vom dem Atoms zu lösen. Für verschiedene Atome ist dieses Level, wegen ihrer unterschiedlichen Elektronanzahl, nicht gleich. Makroskopisch zeigt sich dies in unterschiedlichen Austrittsarbeiten für verschiedene Materialien, wie z.B. für die Anode und die Kathode im experimentellen Aufbau.

Solche Energieniveaus können mit dem Bänderschema verdeutlicht werden. Eine mögliche Anordnung ist in Abb. (1) gezeigt. Die gestrichelten Linien unten mit den schrägen Linien darunter geben die jeweiligen FERMI-Niveaus an.  $W_K$  und  $W_A$  geben die Austrittsarbeit an. Die alleinstehende gestrichelte Linie ist das Vakuumniveau.

Werden Anode und Kathode miteinander verbunden, so gleichen sich ihre FERMI-Niveaus aus und es entsteht eine Potentialdifferenz von  $U_{KA}$  zum Vakuumniveau zwischen Anode und Kathode. Wird eine Spannung zwischen Anode und Kathode aufgebaut, so verschieben sich die FERMI-Niveaus und es baut sich eine weitere Potentialdifferenz  $U_G$  auf.

Der Photoeffekt beschreibt folgendes Phänomen: Trifft ein Photon auf die Kathode, so lässt sich eine Gleichung zwischen der Energie des Photons und der Energie des Elektrons aufstellen, mit  $eU_0$  der kinetischen Energie der Elektronen

$$\Leftrightarrow E_\gamma = h\nu = eU_0 - eU_{KA} + W_K = E_e \quad (1)$$

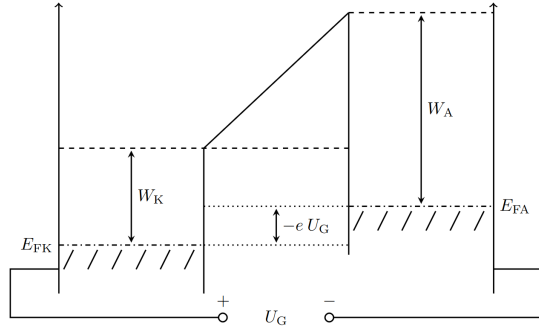
$$\Leftrightarrow \quad \quad \quad = eU_0 - (W_K - W_A) + W_K \quad (2)$$

$$\Leftrightarrow \quad \quad \quad = eU_0 + W_A. \quad (3)$$

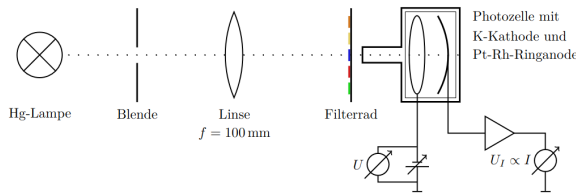
Dem Photon ist es also bei einer ausgezeichneten Energie möglich das Elektron aus dem FERMI-Niveau zu heben.

### 2.2 Experimenteller Aufbau

Der experimentelle Aufbau ist in Abb. (2) zu sehen. Die Hg-Lampe diene als Lichtquelle. Mit der Blende und der Linse wurde die Intensität und Breite des Lichtstrahls so eingestellt, dass ein fokussierter Punkt auf der Photokathode zu sehen war. Dabei wurde darauf geachtet, dass der Lichtstrahl nicht die Anode berührte. Zur Vermeidung von Streulicht wurde über die Kathode–Anode-Anordnung eine Blende gestülpt, mit einem Rohrausschnitt, welcher auf das Filterrad



**Abbildung 1** Bänderschema der Anode und Kathode bei anlegen einer äußeren Spannung.[1]



**Abbildung 2** Experimenteller Aufbau zum Photoeffekt.

zeigte. Mit Hilfe des Filterrades wählte man verschiedene Wellenlängen zur Beobachtung aus.

Das Gegenfeld konnte mit einer separaten Spannung eingestellt und variiert werden. Da die Spannung, die für das Gegenfeld zur Verfügung stand, bis zu 12 V ausgeben kann, wurde diese mit einem Spannungsteiler auf  $U' = \frac{R_1}{R_1 + R_2} U = \frac{100 \Omega}{100 \Omega + 333 \Omega} 12 \text{ V} = 2.77 \text{ V}$  gedrosselt.

### 2.3 Durchführung & Auswertung

Die Messung des Photostroms und des Gegenfeldes erfolgte über zwei DMMs. Jede Messung wurde zwei mal durchgeführt und jeweils der Mittelwert verwendet, da die Intensität der Hg-Lampe schwankt.

Die Spannung des Gegenfeldes wurde für alle Interferenzfilter (305 nm, 365 nm, 436 nm, 546 nm und 578 nm) von der maximalen Spannung ( $\approx 2.77 \text{ V}$ ) bis zur minimalen Spannung ( $\approx 0.0006 \text{ V}$ ) variiert und der Photostrom gemessen. Der Anodenstrom  $I_0$ , der von der Anode zu Kathode fließt, wenn die Gegenspannung maximal ist, wurde jeweils gesondert gemessen, um diesen in der Auswertung von der Messung zu subtrahieren.

Bis zu einer gewissen Gegenfeldspannung  $U_G = U_0$  fließt kein Photostrom  $I$ ; ab  $U_0$  fließt dieser mit einem quadratischen Zusammenhang zu  $U_G$ .

Für die Auswertung wird  $\sqrt{I - I_0}$  – der Photostrom  $I$  abzüglich  $I_0$  unter der Wurzel – gegen die Gegenfeldspannung  $U_G$  aufgetragen. Die Graphen finden sich im Appendix von Abb. (10) bis Abb. (14).

Ein Geradenfit wird für alle Messdaten, die im quadratischen Bereich liegen durchgeführt. Die Messpunkte, die kein quadratisches Verhalten zeigen, geben den Strom von der Anode zur Kathode an und werden nicht berücksichtigt.  $\chi^2/\text{ddof}$  ist für alle Geraden viel kleiner als der ideale Wert 1. Diese Diskrepanz ist hier nicht zu kleiner Fehler sondern einer Überfittung der Geraden zuzuordnen. Die Nullstelle der Fitgeraden liefert genau den Wert der Gegenspannung, bei der kein Photostrom fließt.

| $\lambda$ | $U_0$         |
|-----------|---------------|
| 305 nm    | -1.1806(93) V |
| 365 nm    | -1.509(17) V  |
| 436 nm    | -0.951(11) V  |
| 546 nm    | -0.2615(57) V |
| 578 nm    | -0.388(15) V  |

Trägt man diese Werte gegen die jeweilige Frequenz des Lichts auf, so lässt sich ein Geradenfit durchführen, dessen Steigung gleich dem PLANCK'schen Wirkungsquantum und dessen Achsenabschnitt gleich der Austrittsarbeit ist. Dieser Plot ist in Abb. (3) zu sehen.  $\chi^2/\text{ddof}$  ist viel größer als 1, weil sich die Fehler, durch die kleinen Messfehler, in der Fehlerfortpflanzung minimiert haben.

Es ergibt sich ein Wert von

$$h = 0.0228(20) \times 10^{-15} \text{ eVs.} \quad (4)$$

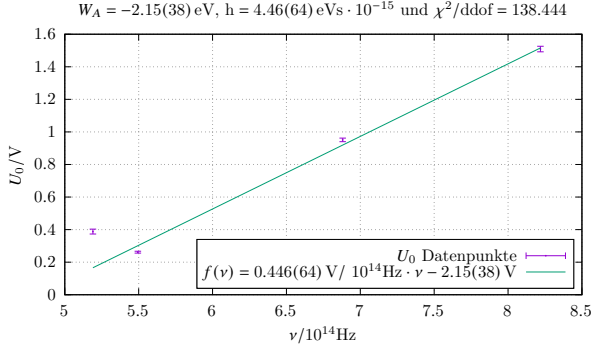
Der aktuelle CODATA Wert (letzter Zugriff: 2024-11-23) ist

$$h' \approx 4.136 \times 10^{-15} \text{ eVs.} \quad (5)$$

Die Abweichung des gemessenen Werts liegt bei ca. 100%. FEHLERDISKUSSION

Die Austrittsarbeit wurde bestimmt zu

$$W_A = -0.90(45) \text{ eV.} \quad (6)$$



**Abbildung 3** Gemessene Gegenspannung  $U_0$  gegen die Frequenz der auf die Kathode treffenden Photonen. Der Achsenabschnitt ist  $W_A$  und die Steigung ist  $h$ .

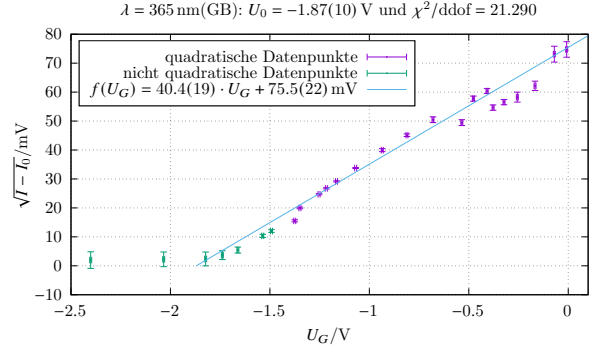
Für diesen Wert existiert kein Literaturwert zum Vergleich. Der Fehler ist mit  $\Delta W_A \approx \frac{W_A}{2}$  unerwartet groß, da die gemessenen Photoströme einheitliche Ergebnisse liefern und die Fitgeraden die Datenpunkte passend modellieren. Weiterführende Aussagen können aufgrund fehlenden Vergleichs nicht getätigt werden.

Die Intensität des Lichtstrahl in der Theorie keine Auswirkung auf die kinetische Energie der Elektronen, also auch auf die Gegenspannung, da die Energie der Photonen nur abhängig von der Wellenlänge ist. Die Erwartung ist also keine Abweichung der Gegenspannung.

Zur Kontrolle wurde für die Wellenlänge 365 nm eine Messung mit höherer Intensität durchgeführt. Das Ergebnis ist in Abb. (4) zu sehen. Es ergibt sich eine Gegenspannung von  $U_0^h = -1.87(10)$  V. Die Gegenspannung bei niedriger Intensität liegt bei  $U_0^n = -1.509(17)$  V. Das entspricht einer Abweichung von  $U_0^h$  von  $U_0^n$  von ca. 24%. Diese Abweichung entspricht nicht der Erwartung. Eine Abweichung ist hier allerdings keine Anfechtung der Theorie, sondern eine ungenaue Messung. Die Fitgerade für die Datenpunkte bei hoher Intensität hat eine Güte von  $\chi^2/\text{ddof} \approx 21$ , was für einen passenden Geradenfit zu hoch ist. Die Fehler der Messdaten wurden hier zu klein gewählt, was zu Abweichungen der Nullstelle der Geraden geführt hat.

### 3 Balmer–Serie

Mit Hilfe der BALMER–Serie wird die Gitterkonstante des verwendeten Reflexionsgitters berechnet und die Breite der Isotopieaufspaltung



**Abbildung 4** Photostrom abzüglich des Anodenstroms gegen Gegenspannung für  $\lambda = 365$  nm. Fit nur an Messdaten quadratisch ab  $U_0$  und in quadratischer Abhängigkeit. Höhere Intensität als bei allen anderen Plots zum Photostrom.

bestimmt. Es wird die RYDBERG–Konstante  $R$  und daraus das PLANCK’sche Wirkungsquantum  $h$  bestimmt.

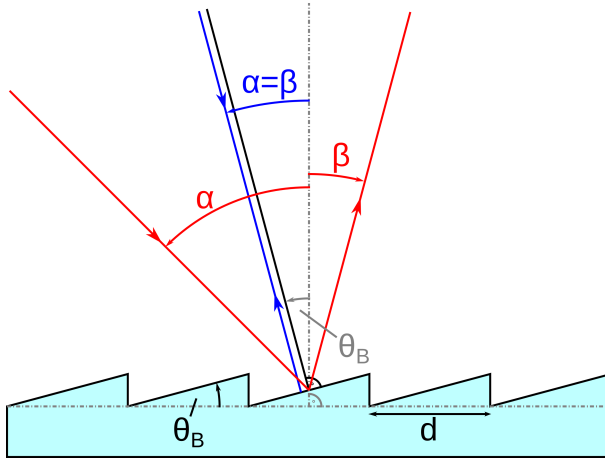
#### 3.1 Theoretischer Hintergrund: Gitterkonstante & Interferenz

Trifft ein einlaufender Strahl  $i$  kohärenten Lichts im Winkel  $\varphi_i$  auf ein Stufengitter wie in Abb. (5), so kommt es zu Interferenz zwischen allen im Winkel  $\varphi_f$  auslaufenden Strahlen  $f$ . Diese Interferenzmaxima kommen durch den Gangunterschied  $\Delta$  zwischen dem einlaufenden und auslaufenden Strahl zustande. Dieser berechnet sich separat für beide Strahlen zu  $\Delta = \Delta_i + \Delta_f = g (\sin \varphi_i + \sin \varphi_f) = g (\sin \alpha + \sin \beta)$ . Die Winkel  $\alpha$  und  $\beta$  sind identisch mit den Winkeln  $\alpha$  und  $\beta$  aus Abb. (5).  $g$  ist die Gitterkonstante.

Ein Interferenzmaximum entsteht durch eine Überlagerung von Wellen, die um Vielfache ihrer Wellenlänge,  $n\lambda$ , voneinander verschoben sind.

Die Interferenzmaxima verhalten sich also in Abhängigkeit der Wellenlänge wie

$$n\lambda = g (\sin \alpha + \sin \beta) = \Delta. \quad (7)$$



**Abbildung 5** Schematische Darstellung des im Versuch verwendeten Gitters. Hier in der LITTROW-Anordnung.[2]

### 3.2 Theoretischer Hintergrund: Spektrallinien

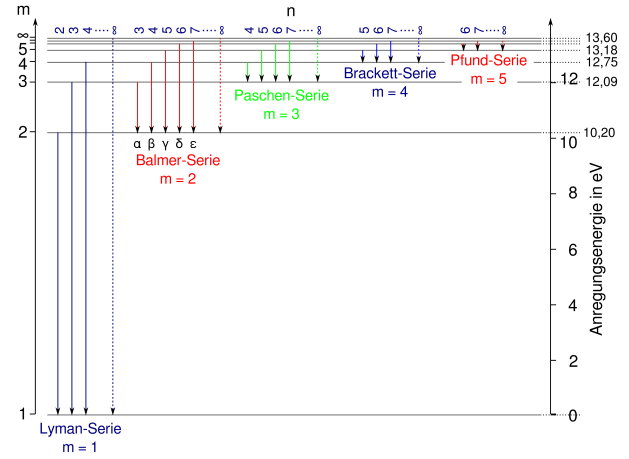
#### 3.2.1 Energieniveaus & Spektrallinien

Diskrete Spektrallinien lassen sich aufgrund der Quantelung von Energie verstehen. Im Orbitalmodell ist es Elektronen möglich diese gequantelte Energie in Form eines Photons aufzunehmen und abzugeben. Dabei ändert es für jeden Übergang seinen Zustand (Energieniveau) beschrieben durch die Hauptquantenzahl  $n$ . Die Energie in Abhängigkeit des Niveaus ist beschrieben durch  $E_n = -\frac{13.6 \text{ eV}}{n^2}$ . Der Energieunterschied zwischen zwei Niveaus kann mit der RYDBERG-Formel für Wasserstoffähnliche Atome als

$$E_{n_<,n_>} = hcRZ^2 \left( \frac{1}{n_<^2} - \frac{1}{n_>^2} \right) = \frac{hc}{\lambda_{\text{vac}}} \quad (8)$$

geschrieben werden. Hier ist  $n_<$  das niedrigere Niveau und  $n_>$  das höhere Niveau,  $Z$  die Protonenzahl und  $R$  die RYDBERG-Konstante für das jeweilige Atom.

Für ausgezeichnete Übergänge wird eine Namenskonvention eingeführt. Alle Übergänge auf  $n_< = 1$  werden LYMAN genannt; auf  $n_< = 2$  BALMER; auf  $n_< = 3$  PASCHEN; etc. . Diese Übergänge werden weiter verfeinert in  $n_> = n_< + i$  mit  $i = 1 \equiv \alpha$ ,  $i = 2 \equiv \beta$ ,  $i = 3 \equiv \gamma$ , etc. . Diese Konvention ist in Abb. (6) dargestellt. Die BALMER Übergänge sind insofern besonders, als dass sie im sichtbaren Spektrum liegen.



**Abbildung 6** Energieniveaus des Wasserstoffs mit benannten Serien (Übergängen).[3]

#### 3.2.2 Linienverbreiterung & Isotopieaufspaltung

Spektrallinien sind nicht exakt einer Wellenlänge zuzuordnen, da sie eine gewisse Linienbreite besitzen. Die natürliche Linienbreite  $\Gamma$  ist auf die quantenmechanische Unschärferelation  $\Delta E \Delta t \geq \frac{\hbar}{2}$  zurückzuführen. Sie verhält sich wie  $\Gamma \tau = \hbar$ , mit  $\tau = \frac{1}{\lambda}$  der Lebensdauer des Zustands und  $\lambda$  der Zerfallskonstante.

Es kann zur Linienverbreiterung durch den DOPPLER-Effekt kommen. In Abhängigkeit davon, wie schnell sich die Atome im Gas bewegen, sind ihre Energieniveaus DOPPLER-verschoben was dazu führt, dass Photonen emittiert werden, die eine Verteilung um die theoretisch exakte Wellenlänge der Spektrallinie besitzen.

Isotope eines Elements besitzen aufgrund gleicher Protonenzahl aber verschiedener Neutronenzahl eine unterschiedliche Masse. Dieser Massenunterschied führt dazu, dass die Spektrallinien eines Elements von denen ihrer Isotope verschoben sind. Die Größe der Aufspaltung berechnet sich mit

$$\partial_\beta \lambda = \partial_\beta \frac{g}{n} (\sin \alpha + \sin \beta) \quad (9)$$

$$= \frac{g}{n} \beta \cos \beta. \quad (10)$$

Näherungsweise gilt dann die Formel

$$\Delta \lambda = \frac{g}{n} \Delta \beta \cos \beta, \quad (11)$$



**Abbildung 7** Der Aufbau zur Bestimmung der Gitterkonstanten,  $R$ ,  $h$  und der Linienverbreiterung sowie Isotopieaufspaltung.[1]

mit  $\Delta\beta = \frac{d}{f}$ , wobei  $d$  der Abstand der Linien und  $f$  die Brennweite des Okulars ist.

### 3.3 Experimenteller Aufbau

Der experimentelle Aufbau ist in Abb. (7) zu sehen. a ist die Gasentladungslampe (Hg-Lampe, oder BALMER-Lampe mit einem Anteil Deuterium); b der Abbildespalt um möglichst scharfe Linien zu erzeugen; c eine Linse die auf das Objektiv d fokussiert, um ein paralleles Strahlenbündel auf das Reflexionsgitter e zu richten; f eine Linse, die die auslaufenden parallelen Strahlen des Gitters auf das Objektiv g oder die CCD h fokussiert.

Alle optischen Bauteile werden so justiert, dass am Objektiv oder der CCD eine scharfe Spektrallinie zu erkennen ist.

### 3.4 Durchführung & Auswertung: Gitterkonstante

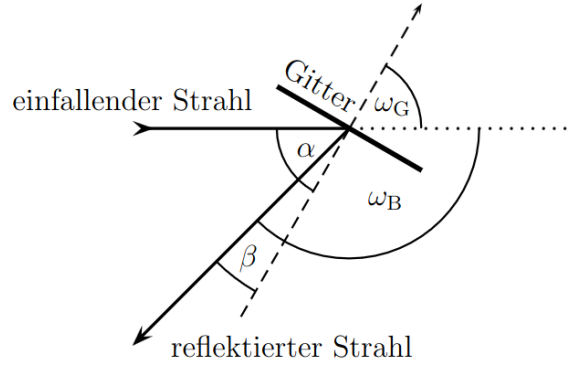
Der Strahlengang ist schematisch in Abb. (8) dargestellt. Für jede Spektrallinie der Hg-Lampe wurde der Gitterwinkel  $\omega_G$  gemessen, unter dem die Spektrallinie genau mittig auf das Okular oder die CCD trifft.  $\omega_B$  war für die gesamte Durchführung  $130.0(5)^\circ$ . Die Farbe der Linie wurde mit einer Spektraltabelle [1] verglichen und so die Wellenlänge  $\lambda$  bestimmt.

Die Gitterkonstante wird berechnet durch

$$n\lambda = g (\sin \alpha + \sin \beta) \quad (12)$$

$$\Leftrightarrow g = \frac{n\lambda}{\sin \alpha + \sin \beta}, \quad (13)$$

mit  $\alpha = \omega_G$  und  $\beta = \omega_B + \omega_G - 180^\circ$ . Der Fehler auf  $g$  verhält sich aufgrund des Fehlers von  $\omega_G$



**Abbildung 8** Schematische Darstellung der Reflexion am Stufengitter.[1]

und  $\omega_B$  wie

$$\Delta g = \sqrt{(\partial_{\omega_G} g \Delta \omega_G)^2 + (\partial_{\omega_B} g \Delta \omega_B)^2}, \quad (14)$$

mit

$$\partial_{\omega_G} g \Delta \omega_G = \frac{n\lambda \Delta \omega_G (\cos(\omega_G) - \cos(\omega_B + \omega_G))}{(\sin(\omega_G) - \sin(\omega_B + \omega_G))^2} \quad (15)$$

$$\partial_{\omega_B} g \Delta \omega_B = \frac{n\lambda \Delta \omega_B \cos(\omega_B + \omega_G)}{(\sin(\omega_G) - \sin(\omega_B + \omega_G))^2}. \quad (16)$$

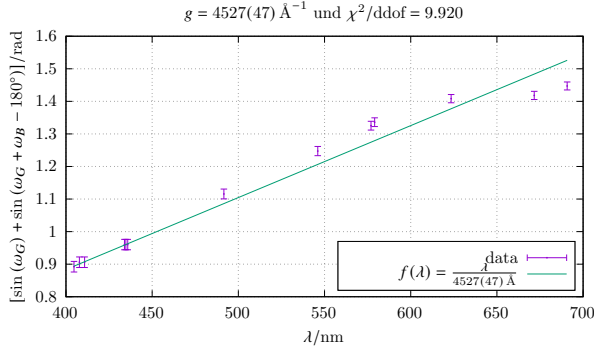
Trägt man  $\sin(\omega_G) + \sin(\omega_B + \omega_B - 180^\circ)$  gegen die Wellenlänge  $\lambda$  auf, so ergibt sich aus der Steigung der Fitgeraden die Gitterkonstante  $g$ . Dies ist in Abb. (9) dargestellt.

Der Wert von  $g$  ist damit

$$g = 4527(47) \text{ \AA}^{-1}. \quad (17)$$

Da kein Literaturwert angegeben ist findet kein Vergleich statt. Typische Werte für Reflexionsgitter sind allerdings in dieser Größenordnung angesiedelt.

Das relativ zu 1 große  $\chi^2/\text{ddof}$  ist den kleinen Fehlern geschuldet. Die Fitgerade modelliert die Werte passend.



**Abbildung 9** Der Gangunterschied geteilt durch die Gitterkonstante gegen die Wellenlänge aufgetragen ergibt aus der Steigung der Fitgeraden die Gitterkonstante.

### 3.5 Durchführung & Auswertung: Spektrallinien

Die Hg-Lampe wurde gegen die BALMER-Lampe getauscht, um die Spektrallinien, genauer die Isotopieaufspaltung, der BALMER-Serie zu vermessen; sonst bleibt der Aufbau identisch. Die Messung wurde mit Okular und CCD durchgeführt. Die BALMER-Lampe besteht aus einem Gemisch von 10 Teilen Wasserstoff auf 1 Teil Deuterium.

Für jede Isotopieaufspaltung wurde die Distanz  $d$  zwischen den Linien gemessen, um so den Wellenlängenunterschied bestimmen zu können.

#### 3.5.1 Okular

Die gemessenen BALMER-Linien und deren Abstand zu den jeweiligen Linien des Isotops in sind Tab. (1) eingetragen.

| Farbe  | $\lambda_{\text{lit.}}$ | $\lambda$       | $d$        |
|--------|-------------------------|-----------------|------------|
| Rot    | 656 nm                  | 741(88) nm[13%] | 0.20(5) mm |
| Türkis | 485 nm                  | 565(87) nm[14%] | 0.10(5) mm |
| Blau   | 433 nm                  | 511(86) nm[15%] | 0.05(5) mm |

**Tabelle 1** Messung der BALMER-Linien und Linienabstand mit dem Okular. Literaturwerte aus [4] mit Abweichung in Klammern [•].

Die Abweichung der beobachteten Wellenlängen unterscheiden sich nur geringfügig, liegen allerdings alle über 10%. Diese Abweichung war nicht zu erwarten, da die Linien auf dem Okular äußerst scharf waren. Ein möglicher Grund kann die Winkelmessung gewesen sein. Die Auflösung der Winkelskala lag lediglich bei 1°. Die Formel zur

Wellenlängendifferenz der Isotopieaufspaltung ist

$$\Delta\lambda = \frac{g}{n} \Delta\beta \cos\beta \quad (18)$$

$$\Delta(\Delta\lambda) = \sqrt{\left(\frac{g}{n} \cos\beta \Delta(\Delta\beta)\right)^2 + \left(-\frac{g}{n} \Delta\beta \sin\beta \Delta(\beta)\right)^2}, \quad (19)$$

mit  $\Delta(\bullet)$  dem Fehler und  $\Delta\bullet$  der Differenz. Es ist  $\Delta\beta = \frac{\Delta d}{f}$ . Daraus ergeben sich die Wellenlängendifferenzen dargestellt in Tab. (2)

| Farbe  | $\Delta\lambda$     | $\Delta\lambda_{\text{lit.}}$ |
|--------|---------------------|-------------------------------|
| Rot    | 0.274(69) nm[153%]  | 0.179 nm                      |
| Türkis | 0.168(84) nm[27%]   | 0.132 nm                      |
| Blau   | 0.863(863) nm[631%] | 0.118 nm                      |

**Tabelle 2** Die Wellenlängendifferenz der Isotopieaufspaltung. Literaturwerte aus [4] mit Abweichung in Klammern [•].

Der Fehler der blauen Aufspaltung ist besonders groß, weil der Linienabstand eine Größe von einem Skalenteil hatte. Die sehr großen Abweichungen von Rot und vor Allem Türkis waren nicht zu erwarten. Die rote und türkisfarbene Linie konnte sehr präzise aufgelöst werden, sodass Fehler nicht durch Unschärfe kommen konnten. Die Möglichkeiten einer solch geringen Aufspaltung waren durch das Okular und die Skalenteile von 0.01 mm begrenzt, was ein Grund für diese Abweichungen sein könnte. Die Abweichung der blauen Linie ist zu groß, als dass die Skala im Okular hier eine Rolle spielen könnte. Da die blaue Linie eine geringe Intensität hatte, ist die Möglichkeit einer präzisen Messung schwierig gewesen, was zu diesem großen Fehler und auch zu der großen Abweichung geführt hat.

#### 3.5.2 CCD

Für die Messung mit der CCD wurde das Okular durch eine CCD-Kamera ausgetauscht. Die Datenerhebung erfolgte über einen PC. Die Messung sind in Abb. (15) bis Abb. (21) zu sehen.

Der Fit der Daten wurde mit zwei GAUSS-Kurven der Form

$$f(x) = b_1 \exp\left(-\frac{(x - c_1)^2}{a_1}\right) + b_2 \exp\left(-\frac{(x - c_2)^2}{a_2}\right) + g \quad (20)$$

durchgeführt.

| Farbe          | $\lambda_{\text{lit.}}$ | $\lambda$   |
|----------------|-------------------------|-------------|
| Rot            | 656 nm                  | 696(190) nm |
| Türkis         | 485 nm                  | 499(221) nm |
| Violet Schwach | 434 nm                  | 441(225) nm |
| Violet Stark   | 410 nm                  | 435(225) nm |

**Tabelle 3** Wellenlängen der BALMER-Serie berechnet mit Hilfe der CCD. Literaturwerte aus [4] mit Abweichung in Klammern [•].

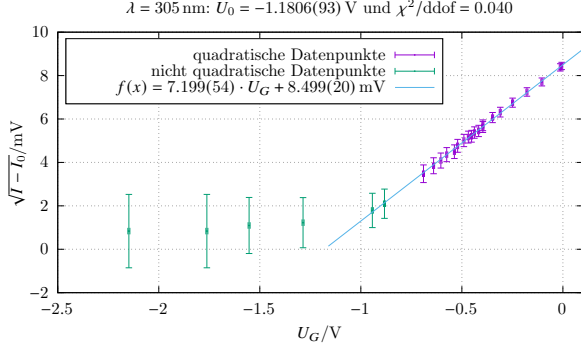
| Farbe          | $\Delta\lambda_{\text{lit.}}$ | $\Delta\lambda$ |
|----------------|-------------------------------|-----------------|
| Rot            |                               | 0.215(70) nm    |
| Türkis         |                               | 0.283(319) nm   |
| Violet schwach |                               | 271(291) nm     |
| Violet stark   |                               | 286(273) nm     |

**Tabelle 4** Isotopieaufspaltung berechnet mit Hilfe der CCD. Literaturwerte aus [4] mit Abweichung in Klammern [•].

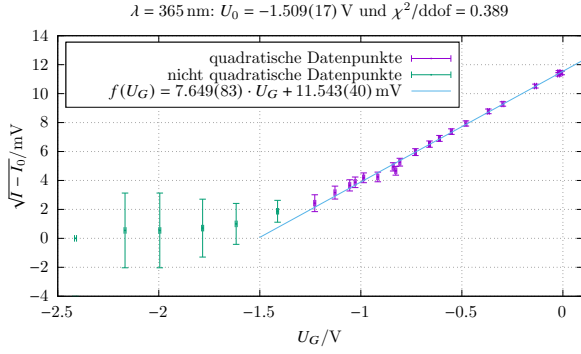
## 4 Fazit



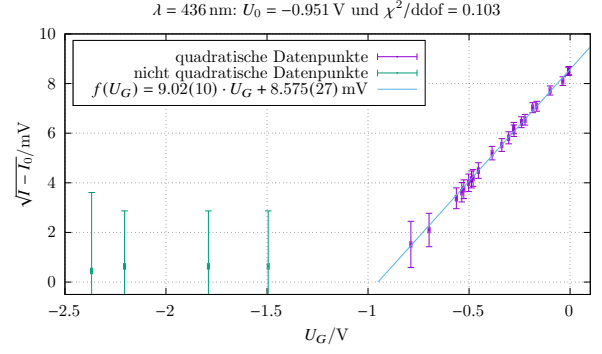
## 5 Appendix



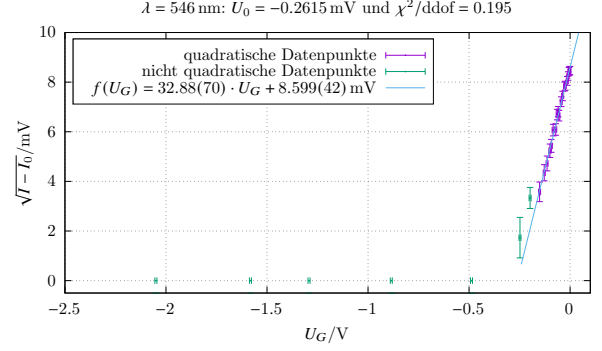
**Abbildung 10** Photostrom abzüglich des Anodenstroms gegen Gegenspannung für  $\lambda = 305 \text{ nm}$ . Fit nur an Messdaten quadratisch ab  $U_0$  und in quadratischer Abhängigkeit.



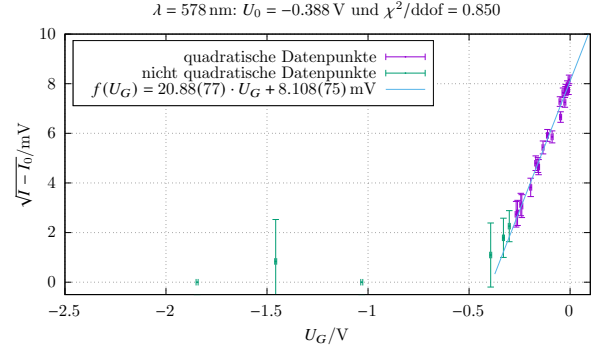
**Abbildung 11** Photostrom abzüglich des Anodenstroms gegen Gegenspannung für  $\lambda = 365 \text{ nm}$ . Fit nur an Messdaten quadratisch ab  $U_0$  und in quadratischer Abhängigkeit.



**Abbildung 12** Photostrom abzüglich des Anodenstroms gegen Gegenspannung für  $\lambda = 436 \text{ nm}$ . Fit nur an Messdaten quadratisch ab  $U_0$  und in quadratischer Abhängigkeit.

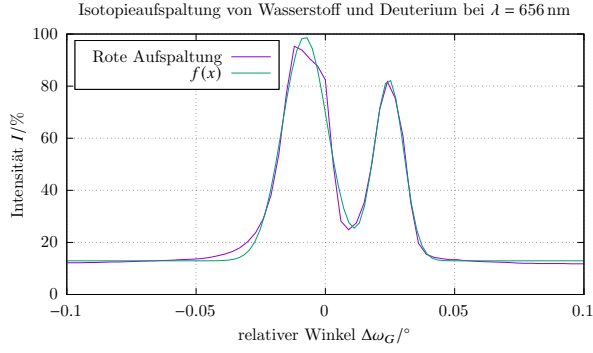


**Abbildung 13** Photostrom abzüglich des Anodenstroms gegen Gegenspannung für  $\lambda = 546 \text{ nm}$ . Fit nur an Messdaten quadratisch ab  $U_0$  und in quadratischer Abhängigkeit.



**Abbildung 14** Photostrom abzüglich des Anodenstroms gegen Gegenspannung für  $\lambda = 578 \text{ nm}$ . Fit nur an Messdaten quadratisch ab  $U_0$  und in quadratischer Abhängigkeit.

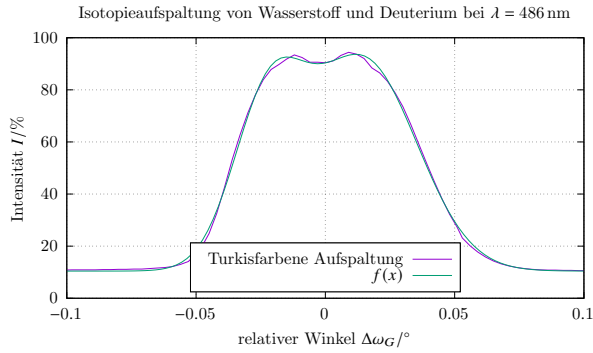




**Abbildung 15** Rote Isotopieaufspaltung der BALMER-Lampe gemessen mit der CCD.

| Final set of parameters |               | Asymptotic Standard Error |           |
|-------------------------|---------------|---------------------------|-----------|
| =====                   |               | =====                     |           |
| a1                      | = 0.000151622 | +/- 6.615e-06             | (4.363%)  |
| a2                      | = 6.64506e-05 | +/- 4.308e-06             | (6.482%)  |
| b1                      | = 86.0246     | +/- 1.566                 | (1.82%)   |
| b2                      | = 69.6583     | +/- 1.9                   | (2.728%)  |
| c1                      | = -0.00793274 | +/- 0.0001789             | (2.255%)  |
| c2                      | = 0.024522    | +/- 0.0001806             | (0.7363%) |
| g                       | = 12.952      | +/- 0.4253                | (3.283%)  |

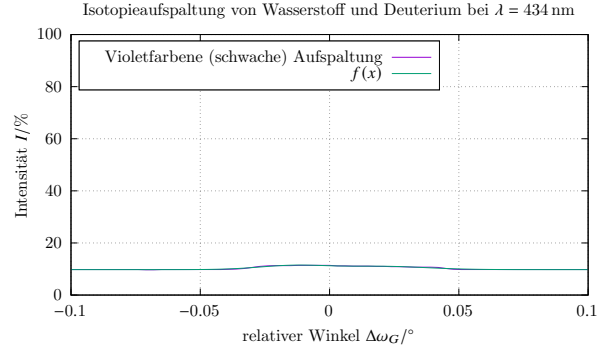
**Abbildung 16** Fitparameter der roten Isotopieaufspaltung.



**Abbildung 17** Türkisfarbene Isotopieaufspaltung der BALMER-Lampe gemessen mit der CCD.

| Final set of parameters |               | Asymptotic Standard Error |           |
|-------------------------|---------------|---------------------------|-----------|
| =====                   |               | =====                     |           |
| a1                      | = 0.00037684  | +/- 1.412e-05             | (3.748%)  |
| a2                      | = 0.000866756 | +/- 3.02e-05              | (3.485%)  |
| b1                      | = 60.2033     | +/- 1.705                 | (2.833%)  |
| b2                      | = 81.103      | +/- 0.6758                | (0.8332%) |
| c1                      | = -0.0221723  | +/- 0.0003721             | (1.678%)  |
| c2                      | = 0.0145317   | +/- 0.0005143             | (3.539%)  |
| g                       | = 10.4321     | +/- 0.2294                | (2.199%)  |

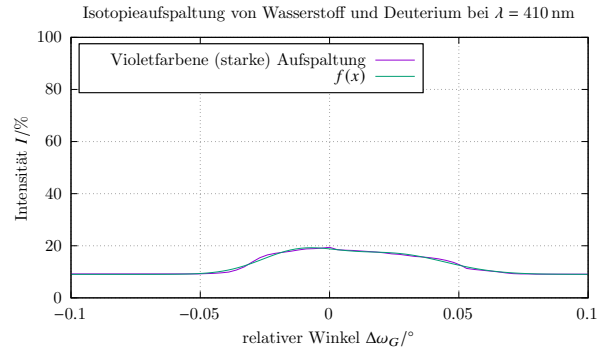
**Abbildung 18** Fitparameter der türkisfarbenen Isotopieaufspaltung.



**Abbildung 19** Schwache violettfarbene Isotopieaufspaltung der BALMER-Lampe gemessen mit der CCD.

| Final set of parameters |               | Asymptotic Standard Error |           |
|-------------------------|---------------|---------------------------|-----------|
| =====                   |               | =====                     |           |
| a1                      | = 0.000356871 | +/- 5.044e-05             | (14.13%)  |
| a2                      | = 0.000567907 | +/- 0.0001165             | (20.51%)  |
| b1                      | = 1.57063     | +/- 0.1163                | (7.402%)  |
| b2                      | = 1.24137     | +/- 0.06557               | (5.282%)  |
| c1                      | = -0.0139823  | +/- 0.001482              | (10.6%)   |
| c2                      | = 0.0206595   | +/- 0.002473              | (11.97%)  |
| g                       | = 9.76432     | +/- 0.01896               | (0.1942%) |

**Abbildung 20** Fitparameter der schwachen violettfarbenen Isotopieaufspaltung.



**Abbildung 21** Starke violettfarbene Isotopieaufspaltung der BALMER-Lampe gemessen mit der CCD.

| Final set of parameters |               | Asymptotic Standard Error |           |
|-------------------------|---------------|---------------------------|-----------|
| =====                   |               | =====                     |           |
| a1                      | = 0.000440252 | +/- 4.418e-05             | (10.03%)  |
| a2                      | = 0.000830301 | +/- 0.0001136             | (13.68%)  |
| b1                      | = 8.29024     | +/- 0.6861                | (8.276%)  |
| b2                      | = 7.8513      | +/- 0.3149                | (4.011%)  |
| c1                      | = -0.0122508  | +/- 0.001249              | (10.19%)  |
| c2                      | = 0.0241685   | +/- 0.002183              | (9.033%)  |
| g                       | = 9.02198     | +/- 0.07787               | (0.8631%) |

**Abbildung 22** Fitparameter der starken violettfarbenen Isotopieaufspaltung.

## Literatur

- [1] Praktikumsleitung: P402 quantelung von energie. Universität Bonn (2016)
- [2] Blazegitter. <https://de.wikipedia.org/wiki/Blazegitter>. Letzter Zugriff: 2024-11-24
- [3] Lyman-Serie. <https://de.wikipedia.org/wiki/Lyman-Serie>. Letzter Zugriff: 2024-11-24
- [4] Didactic, L.: Beobachtung der aufspaltung der balmerlinie an deuteriertem wasserstoff (isotopieaufspaltung). Atom- und Kernphysik: Handblätter Physik. P6.2.1.3 (a)