

3η Σειρά Ασκήσεων  
Αλεξάνδρος Μάργαρις 3529

HY-366

1η Άσκηση

α)  $R(A, B, C, D)$ ,  $F_1 = \{AB \rightarrow C, C \rightarrow D, D \rightarrow A\}$

1) Ένα πρόγραμμα στο βέλο πέλος, με υπερίσχυση ασπινιστικής  
εφαρμύγης

A:  $C \rightarrow A$  αν  $C \rightarrow D, D \rightarrow A$ , μεταβαλίζονται  
B:  $DB \rightarrow C$  αν  $D \rightarrow A, AB \rightarrow C$ , μεταβαλίζονται  
D:  $AB \rightarrow D$  αν  $AB \rightarrow C, C \rightarrow D$ , μεταβαλίζονται

2) κλειδιά

$B^+ = B$  Βρίσκει κλειστότητα

$BA^+$

•  $BA^+ = BAC$ ,  $AB \rightarrow C$

•  $BA^+ = BACD$ ,  $C \rightarrow D$ ,  $AB$  είναι κλειδί

$BC^+$

•  $BC^+ = BCD$ ,  $C \rightarrow D$

•  $BC^+ = BCDA$ ,  $D \rightarrow A$ ,  $BC$  είναι κλειδί

$BD^+$

•  $BD^+ = BDA$ ,  $D \rightarrow A$

•  $BD^+ = BDAC$ ,  $AB \rightarrow C$ ,  $BD$  είναι κλειδί

β)  $S(A, B, C, D)$ ,  $F_2 = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, B \rightarrow D\}$

1) Ένα πρόγραμμα βέλο, με υπερίσχυση

C:  $A \rightarrow C$  αν  $A \rightarrow B, B \rightarrow C$ , μεταβαλίζονται

D:  $B \rightarrow D$  αν  $B \rightarrow C, C \rightarrow D$ , >

$A \rightarrow D$  αν  $A \rightarrow B, B \rightarrow C, C \rightarrow D$ , >

2

2) Klonen

$A^+$

- $A^+ = AB$  ,  $A \rightarrow B$
- $A^+ = ABC$  ,  $B \rightarrow C$
- $A^+ = ABCD$  ,  $B \rightarrow D$

so A klonen

8)  $T(A, B, C, D), F_3 = \{AB \rightarrow C, BC \rightarrow D, CD \rightarrow A, AD \rightarrow B\}$

1) eine Gruppe von Attributen, die interpretiert werden

- A:  $BCD \rightarrow A$  and  $BC \rightarrow D$  ,  $CD \rightarrow A$  ,  $\psi$  (nicht interpretiert)
- B:  $CDA \rightarrow B$  and  $CD \rightarrow A$  ,  $AD \rightarrow B$  ,  $\psi$
- C:  $DAB \rightarrow C$  and  $DA \rightarrow B$  ,  $AB \rightarrow C$  ,  $\psi$
- D:  $ABC \rightarrow D$  and  $AB \rightarrow C$  ,  $BC \rightarrow D$  ,  $\psi$

2) Klonen

$A^+ = A$  &  $B^+ = B$  &  $C^+ = C$  &  $D^+ = D$

$AB^+$

- $AB^+ = ABC$  ,  $AB \rightarrow C$
- $AB^+ = ABCD$  ,  $BC \rightarrow D$

AB klonen

$BC^+$

- $BC^+ = BCD$  ,  $BC \rightarrow D$
- $BC^+ = BCDA$  ,  $CD \rightarrow A$

BC klonen

$CD^+$

- $CD^+ = CDA$  ,  $CD \rightarrow A$
- $CD^+ = CDAB$  ,  $DA \rightarrow B$

CD klonen



3 a

AD +

- $AD+ = DAB$  ,  $DA \rightarrow B$
- $ABD+ = DABC$  ,  $AB \rightarrow C$

AD kékídi

f)  $U(A, B, C, D)$ ,  $FH = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, C \rightarrow D, D \rightarrow A\}$

1) 1 gyűjtemény kékídi, pr. kékíppárok

A:  $C \rightarrow A$  and  $C \rightarrow D$  ,  $D \rightarrow A$  ,  $A \rightarrow B$  ,  $A \rightarrow C$

$B \rightarrow A$  and  $B \rightarrow C$  ,  $C \rightarrow D$  ,  $D \rightarrow A$  ,  $A \rightarrow B$  ,  $A \rightarrow C$

B:  $D \rightarrow B$  and  $D \rightarrow A$  ,  $A \rightarrow B$  ,  $A \rightarrow C$  ,  $C \rightarrow D$  ,  $D \rightarrow A$  ,  $A \rightarrow B$  ,  $A \rightarrow C$

$C \rightarrow B$  and  $A \rightarrow B$  ,  $B \rightarrow C$  ,  $C \rightarrow D$  ,  $D \rightarrow A$  ,  $A \rightarrow B$  ,  $A \rightarrow C$

C:  $A \rightarrow C$  and  $A \rightarrow B$  ,  $B \rightarrow C$  ,  $C \rightarrow D$  ,  $D \rightarrow A$  ,  $A \rightarrow B$  ,  $A \rightarrow C$

$D \rightarrow C$  and  $D \rightarrow A$  ,  $A \rightarrow B$  ,  $B \rightarrow C$  ,  $C \rightarrow D$  ,  $D \rightarrow A$  ,  $A \rightarrow B$  ,  $A \rightarrow C$

D:  $B \rightarrow D$  and  $A \rightarrow B$  ,  $B \rightarrow C$  ,  $C \rightarrow D$  ,  $D \rightarrow A$  ,  $A \rightarrow B$  ,  $A \rightarrow C$

2) kékídi

A+

- $A+ = AB$  ,  $A \rightarrow B$
- $A+ = ABC$  ,  $B \rightarrow C$
- $A+ = ABCD$  ,  $C \rightarrow D$

A kékídi

B+

- $B+ = BC$  ,  $B \rightarrow C$
- $B+ = BCD$  ,  $C \rightarrow D$
- $B+ = BCDA$  ,  $D \rightarrow A$

B kékídi

C+

- $C+ = CD$  ,  $C \rightarrow D$
- $C+ = CDA$  ,  $D \rightarrow A$
- $C+ = CDAB$  ,  $A \rightarrow B$

C kékídi

84

$D^+$

$$\cdot D^+ \rightarrow DA, D \rightarrow A$$

$$\cdot D^+ \rightarrow DAB, A \rightarrow B$$

$$\cdot D^+ \rightarrow DABC, B \rightarrow C$$

D κλειστό

## Άσκηση 2

$$R(A, B, C), F = \{A \rightarrow BC, B \rightarrow AC, C \rightarrow AB\}$$

a)

$$A \rightarrow BC \rightarrow A \rightarrow B, A \rightarrow C$$

$$B \rightarrow AC \rightarrow B \rightarrow A, B \rightarrow C$$

$$C \rightarrow AB \rightarrow C \rightarrow A, C \rightarrow B$$

β) Σε μαθηματικά αποδείξεις χρησιμοποιούμε ελαφρώς

γ)

$$\begin{array}{lcl} \text{αφαιρώ } A \rightarrow C & \text{γιατί έχω λόγω προηγ.} & A \rightarrow B, B \rightarrow C \\ \Rightarrow C \rightarrow A & \Rightarrow & C \rightarrow B, B \rightarrow A \end{array}$$

$$\delta) \text{ ελάχιστη κλειστή } \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, C \rightarrow B, B \rightarrow A\}$$

## Άσκηση 3

$$a) R(A, B, C, D), F_1 = \{AB \rightarrow C, BC \rightarrow D, CD \rightarrow A, AD \rightarrow B\}$$

η θυσία κλειστά: AB, BC, CD, DA

η σχέση σε 2n κυκλική πορεία

β) Αντίστροφο

$$R_1(A, B, C, D), F_{1,1} = \{AB \rightarrow C, AD \rightarrow B\}$$

$$R_2(A, B, C, D), F_{1,2} = \{BC \rightarrow D, CD \rightarrow A\}$$



$$\text{Head}(R_1) \wedge \text{Head}(R_2) = AB$$

χωρίς συνθήκες join:  $AD \rightarrow B$ ,  $\text{Head}(R_{12}) = ABD$ ,  $ABD \rightarrow AB$

$$R_{21}(A, B, C, D), F_{21} = \{BC \rightarrow D\}$$

$$R_{22}(A, B, C, D), F_{22} = \{CD \rightarrow A\}$$

$$\text{Head}(R_{21}) \wedge \text{Head}(R_{22}) = CD$$

χωρίς συνθήκες join:  $CD \rightarrow A$ ,  $\text{Head}(R_{21}) = BCD$ ,  $BCD \rightarrow BD$

9)  $S(A, B, C, D), F_2 = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C, C \rightarrow D, D \rightarrow A\}$

1) πιθανά κλειδιά  $A, B, C, D$

2η κανονική μορφή

2) αναμετάθεση

$$S_1(A, B, C, D), F_{21} = \{A \rightarrow B, C \rightarrow D\}$$

$$S_2(A, B, C, D), F_{22} = \{B \rightarrow C, D \rightarrow A\}$$

$$\text{Head}(S_1) \wedge \text{Head}(S_2) = ABCD = \text{Head}(R_1) = \text{Head}(R_2) \rightarrow \text{τεταγμένη}$$

$$\text{Head}(S_1) \wedge \text{Head}(S_2) \rightarrow \text{Head}(S_1) \quad \text{χωρίς συνθήκες}$$

8)  $T(A, B, C, D, E), F_3 = \{AB \rightarrow C, DE \rightarrow C, B \rightarrow D\}$

1) πιθανά κλειδιά  $A, B, E$

1η κανονική μορφή

2) αναμετάθεση

$$T_1(A, B, C, D, E), F_{31} = \{AB \rightarrow C, DE \rightarrow C\}$$

$$T_2(A, B, C, D, E), F_{32} = \{B \rightarrow D\}$$

$$\text{Head}(T_1) \wedge \text{Head}(T_2) = BD = \text{Head}(T_2)$$

$$\text{Head}(T_1) \wedge \text{Head}(T_2) \rightarrow \text{Head}(T_2)$$

χωρίς συνθήκες

όλες οι σχέσεις σε 3η κανονική μορφή



Assunon 4

a)  $T_1: L_1(A), R_1(A), L_1(B), A := A + 100, W_1(A), R_1(B),$   
 $B := B + 100, W_1(B), U_1(B), U_1(A), C_1$

$T_2: L_2(B), R_2(B), L_2(A), B := B * 2, W_2(B), R_2(A),$   
 $A := A * 2, W_2(A), U_2(A), U_2(B), C_2$

b)  $R_1(A), R_2(B), A := A + 100, W_1(A), R_1(B), B := B + 100, W_1(B),$   
 $B := B * 2, W_2(B), R_2(A), A := A * 2, W_2(A), C_1, C_2$

$T_1$	$T_2$	A	B
$L_1(A), R_1(A)$		25	25
	$L_2(B), R_2(B)$	25	25
$U_1(B) NO$		25	25
	$L_2(A) NO$	25	25
deadlock	deadlock		

γ) oxi odig'ok, ship'akunobhisipno

$R_1(A), R_2(B), A := A + 100, W_1(A), R_1(B), B := B + 100, W_1(B),$   
 $B := B * 2, W_2(B), R_2(A), A := A * 2, W_2(A), C_1, C_2$

$T_1: L_1(A) - L_1(B) \quad T_2: L_2(A) - L_2(B)$

$T_1$	$T_2$	A	B
$L_1(A), L_1(B), R_1(A)$		25	25
		25	25
$A := A + 100, W_1(A)$		125	25
$R_1(B)$		125	25
$B := B + 100, W_1(B)$		125	125
$U_1(A), U_1(B), C_1$		125	125
	$L_2(A), L_2(B), R_2(B)$	125	125



7

$B := B \times \mathbb{R}, w_2(B)$	125	250
$q_2(A)$	125	250
$A := A \times \mathbb{R}, w_2(A)$	250	250
$U_2(A), U_2(B), L_2$	250	250

### Assumption 5

a) #1

$T_1$	$T_2$	$T_3$
$L_1(A), R_1(A)$	$L_2(A), N_0$	$L_3(B), R_3(B)$
$L_1(B), N_0$		$L_3(E), R_3(E), U_3(B)$
$L_1(B), R_1(B), U_1(A)$	$L_2(A), R_2(A), L_2(L), R_2(L)$	$L_3(F), R_3(F), U_3(E), U_3(F)$
$L_1(E), R_1(E), U_1(B), U_1(E)$	$L_2(B), R_2(B), U_2(A), U_2(L), U_2(B)$	

b) #2

$T_1$	$T_2$	$T_3$
$S_1(A), N_0$	$S_2(A), R_2(A), R_2(L)$	
$S_1(A), R_1(A)$	$U_2(L), U_2(A)$	$S_3(A), S_3(B), R_3(B)$
		$R_3(E), R_3(F), U_3(E), U_3(F), U_3(B), U_3(A)$
	$S_2(A), S_2(B), R_2(B), U_2(B), U_2(A)$	
$S_1(B), R_1(B), R_1(E), U_1(E), U_1(B), U_1(A)$		