HY180 – Λογική Εαρινό Εξάμηνο 2011

2^η Σειρά Ασκήσεων Προθεσμία παράδοσης: 19/5/2011 (την ώρα του μαθήματος)

- 1. [20] Χρησιμοποιείστε τη μέθοδο της κατασκευής μοντέλων για να εξετάσετε την εγκυρότητα των ακόλουθων εξαγωγών συμπερασμάτων:
 - $\alpha) \{P \to Q \land R, Q \to S, R \to S\} / P \to S$
 - $\beta) \{P \land Q \rightarrow R, R \land S \rightarrow T\} / P \land S \rightarrow T \land R\}$
- 2. [20] Χρησιμοποιείστε τη μέθοδο της μορφολογικής παραγωγής για να δείξετε ότι οι ακόλουθες εξαγωγές συμπερασμάτων είναι έγκυρες
 - $\alpha) \{P, Q \vee R\} / (P \wedge Q) \vee (P \wedge R)$
 - β) P / Q \rightarrow P
- 3. [10] Αποδείξτε το ακόλουθο θεώρημα με χρήση της μορφολογικής παραγωγής

$$(Q \land R) \lor P \leftrightarrow (Q \lor P) \land (R \lor P)$$

4. [10] Χρησιμοποιήστε τη μέθοδο της επίλυσης για να εξετάσετε αν η ακόλουθη εξαγωγή συμπεράσματος είναι έγκυρη:

$$\{P \lor Q, P \to R \lor S, R \to T \land U, U \land \neg S \to \neg T\} / \neg S \to Q$$

5. [10] Φτιάξτε δέντρο ή ακολουθία ανασκευής (αν υπάρχει) για να εξετάσετε αν το ακόλουθο σύνολο είναι ικανοποιήσιμο:

$$\{\neg P \lor Q, \neg P \lor R, \neg Q \lor \neg R \lor S, \neg Q \lor \neg R \lor T, \neg S \lor \neg T \lor U, \neg U\}$$

Προσοχή: Οι ασκήσεις πρέπει να παραδίδονται έγκαιρα. Καθυστερημένη παράδοση δεν θα γίνει αποδεκτή. Η αντιγραφή τιμωρείται με μηδενισμό.