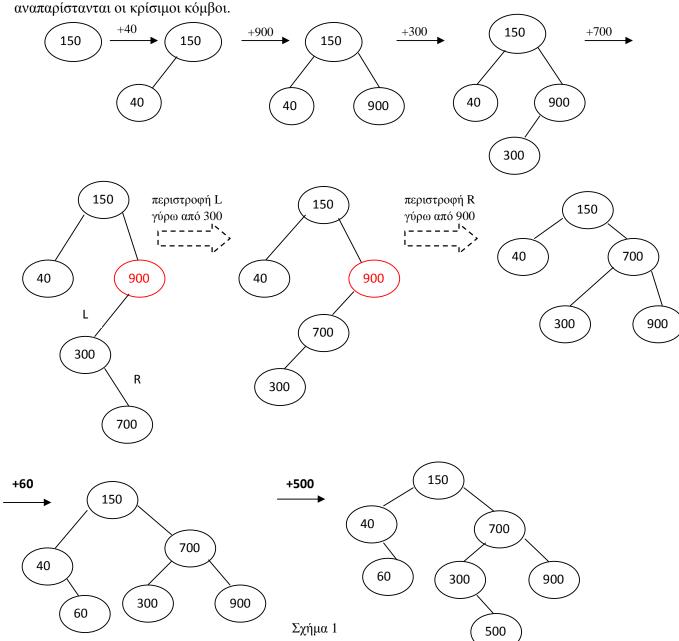
Ενότητα 5: Υλοποίηση Λεξικών με Ισοζυγισμένα Δένδρα Ασκήσεις και Λύσεις

Άσκηση 1

- α) Παρουσιάστε τα AVL δέντρα που προκύπτουν από τις εισαγωγές των κλειδιών 150, 40, 900, 300, 700, 60, 500, 160, 450 και 600 σε ένα αρχικά άδειο AVL δέντρο.
- β) Παρουσιάστε το δέντρο που προκύπτει αν το κλειδί 150 διαγραφεί από το δέντρο του ερωτήματος α.

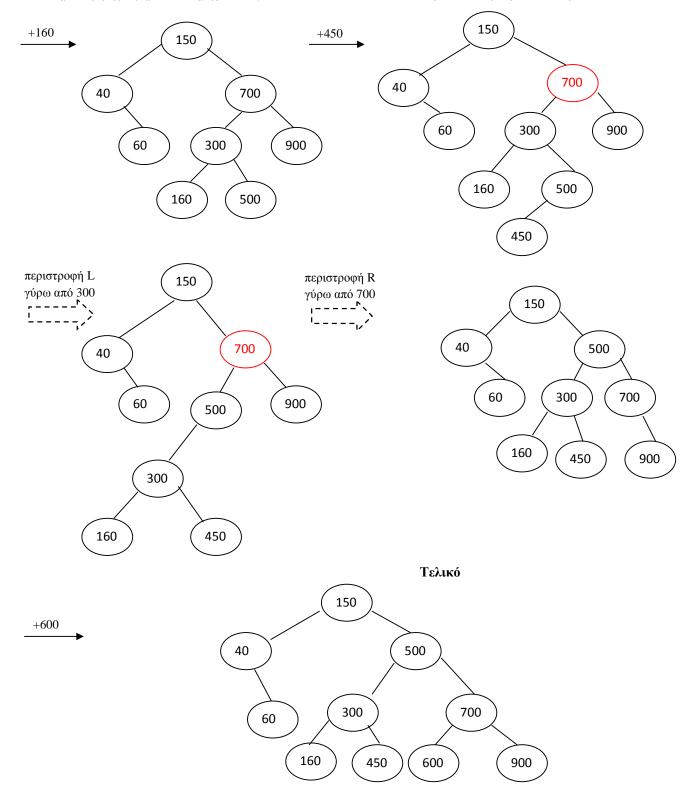
Λύση

α) Τα ΑVL δένδρα που ζητούνται παρουσιάζονται στα Σχήματα 1 και 2. Με κόκκινο χρώμα αναπαρίστανται οι κρίσιμοι κόμβοι.



Επιλογή και Λύση Ασκήσεων: Π. Φατούρου

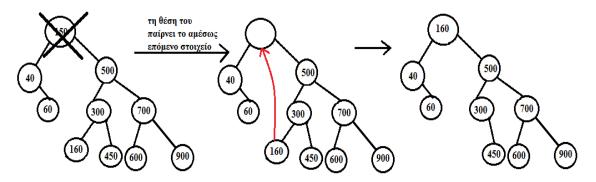
Παραγωγή Ηλ. Έκδοσης: Γεωργία Φραγκιαδάκη



Σχήμα 2

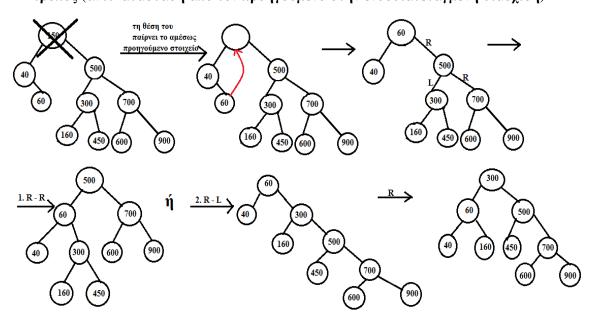
β) Η διαδικασία διαγραφής του 150 από το δένδρο του ερωτήματος α) παρουσιάζεται (με δύο τρόπους) στα Σχήματα 3 και 4.

$1^{0\varsigma}$ Τρόπος (αντικατάσταση από τον επόμενο στην ενδοδιατεταγμένη διάσχιση)



Σχήμα 3

2^{05} τρόπος (αντικατάσταση από τον προηγούμενο στην ενδοδιατεταγμένη διάσχιση)



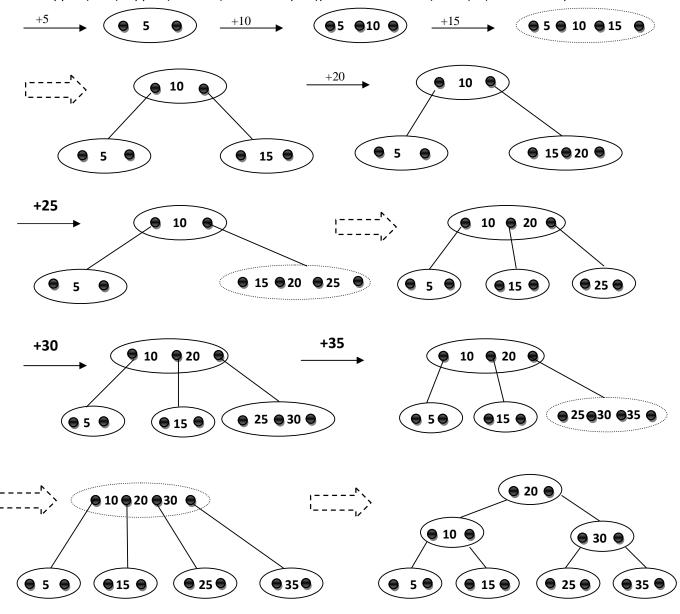
Σχήμα 4

Άσκηση 2

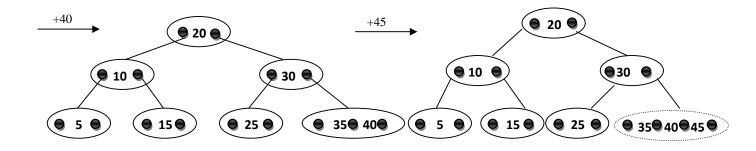
- α) Παρουσιάστε τα 2-3 δέντρα που προκύπτουν από τις εισαγωγές των κλειδιών 5, 10, 15, 20, 25, 30, 35, 45, 50 (με τη σειρά που δίνονται) σε ένα αρχικά άδειο 2-3 δέντρο.
- β) Παρουσιάστε τα δέντρα που προκύπτουν από τις διαγραφές των κλειδιών 25, 30, 35 από το δέντρο του ερωτήματος α).

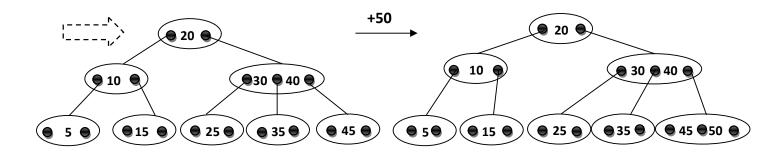
Λύση

α) Τα 2-3 δένδρα που ζητούνται παρουσιάζονται στα Σχήματα 5 και 6. Συμβολίζουμε με διακεκομμένους κόμβους τους κόμβους εκείνους που καταστρατηγούν κάποια από τις ιδιότητες των 2-3 δένδρων.



Σχήμα 5

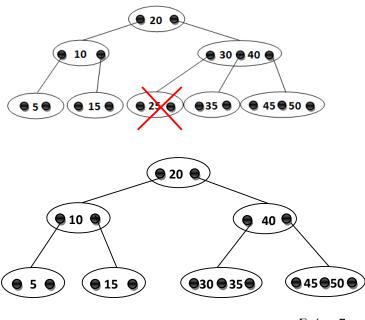




Σχήμα 6

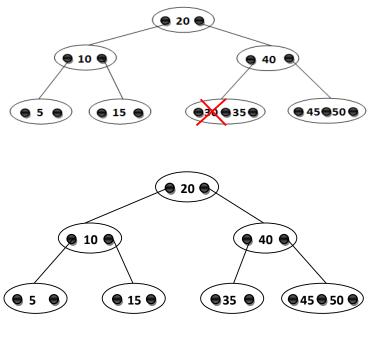
β) Διαγραφές

Η διαγραφή του κλειδιού 25 παρουσιάζεται στο Σχήμα 7.



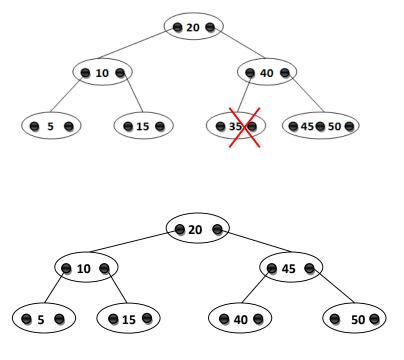
Σχήμα 7

Η διαγραφή του κλειδιού 30 παρουσιάζεται στο Σχήμα 8.



Σχήμα 8

Η διαγραφή του κλειδιού 35 παρουσιάζεται στο Σχήμα 9.



Σχήμα 9